



Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ ДВАЖДЫ ГЕРОЯ
СОВЕТСКОГО СОЮЗА, ЛЕТЧИКА-КОСМОНАВТА А.А. ЛЕОНОВА»

УТВЕРЖДАЮ
И.о. проректора
А.В. Троицкий

***ИНСТИТУТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ
И ТЕХНОЛОГИЙ***

КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
ДИСЦИПЛИНЫ**

«ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА И АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ»

Направление подготовки: 15.03.05 «Конструкторско-технологическое обеспечение машиностроительных производств»

Направленность (профиль): Технология машиностроения

Уровень высшего образования: бакалавриат

Форма обучения: очная, заочная

Королёв
2023


Рабочая программа является составной частью основной профессиональной образовательной программы и проходит рецензирование со стороны работодателей в составе основной профессиональной образовательной программы. Рабочая программа актуализируется и корректируется ежегодно.

Автор: Скрипкина Е.В.. Рабочая программа дисциплины: «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» – Королев МО: «Технологический Университет», 2023 г.

Рецензент: к.ф.-м.н. доцент Борисова О.Н.

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки бакалавров 15.03.05 «Конструкторско-технологическое обеспечение машиностроительных производств» и Учебного плана, утвержденного Ученым советом Университета. Протокол № 9 от 11 апреля 2023 г.

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры:

Заведующий кафедрой (ФИО, ученая степень, звание, подпись)	Бугай И.В., к.т.н., доцент 	Бугай И.В., к.т.н., доцент	Бугай И.В., к.т.н., доцент	Бугай И.В., к.т.н., доцент
Год утверждения (переутверждения)	2023	2024	2025	2026
Номер и дата протокола заседания кафедры	№ 8 от 15.03.2023			

Рабочая программа согласована:

Руководитель ОПОП ВО  д.т.н., профессор Пашковский И.Э.

Рабочая программа рекомендована на заседании УМС:

Год утверждения (переутверждения)	2023	2024	2025	2026
Номер и дата протокола заседания УМС	№ 5 от 11.04.2023 г..			

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО

Целью изучения дисциплины является: формирование способности к восприятию, обобщению и анализу информации; освоение основ алгебры матриц, теории разрешимости систем линейных алгебраических уравнений, элементов теории линейных пространств и их связей с геометрией, освоение методов аналитической геометрии в применении к геометрическим задачам и задачам классификации кривых и поверхностей, основных свойств кривых и поверхностей второго порядка; формирование готовности применять методы линейной алгебры и аналитической геометрии и моделирования в профессиональной деятельности.

В процессе обучения студент приобретает и совершенствует следующие **компетенции**:

Общепрофессиональные компетенции:

- ОПК-2 Способен проводить анализ затрат на обеспечение деятельности производственных подразделений;
- ОПК-8 Способен участвовать в разработке обобщенных вариантов решения проблем, связанных с машиностроительными производствами, выборе оптимальных вариантов прогнозируемых последствий решения на основе их анализа.

Основными задачами дисциплины являются:

- дать студентам базовые знания по курсу линейной алгебры и аналитической геометрии;
- научить студентов решать типовые задачи линейной алгебры и аналитической геометрии;
- познакомить студентов с примерами математического моделирования и анализа в области их профессиональной деятельности.

Показатели освоения компетенции отражают следующие индикаторы:

Трудовые действия:

- определяет перечень и значение затрат, связанных с проектной и исследовательской деятельностью на всех этапах жизненного цикла объектов машиностроения;
- принимает проектные решения по автоматизации и роботизации технических систем с учетом экономических, экологических, социальных и других ограничений.
- определяет, анализирует и оценивает перспективы решения проблем машиностроительных предприятий.

Необходимые умения:

- умеет производить оценку существующих проблем машиностроительного предприятия, определять подходы по их решению, а так же оценивать перспективы их решения.

- умеет применять актуальные и эффективные методы исследования и оптимизации процессов по экономическим критериям.

Необходимые знания:

- знает основные проблемы машиностроительных производств, существующие и перспективные способы их решения.
- знает методы оптимизации и алгоритм решения задачи по минимизации затрат на производственную деятельность.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «**Линейная алгебра и аналитическая геометрия**» относится к обязательной части блока 1 основной профессиональной образовательной программы по направлению подготовки 15.03.05 Конструкторско-технологическое обеспечение машиностроительных производств.

Изучение данной дисциплины базируется на знаниях школьной программы по математике и опирается на коммуникативные компетенции, приобретённые в средней общеобразовательной школе.

Знания и компетенции, полученные при освоении дисциплины «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» являются базовыми для изучения последующих дисциплин: «Математический анализ», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Теоретическая механика», прохождения практики (НИР), государственной итоговой аттестации и выполнения выпускной квалификационной работы

3. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 4 зачетные единицы, 144 часа.

Таблица 1

Виды занятий	Всего часов	Семестр 1	Семестр 2	Семестр 3	Семестр 4
Общая трудоемкость	144	144			
ОЧНАЯ ФОРМА ОБУЧЕНИЯ					
Аудиторные занятия	64	64			
Лекции (Л)	32	32			
Практические занятия (ПЗ)	32	32			
Лабораторные работы (ЛР)	-	-			
Самостоятельная работа	80	80			
Курсовые работы (проекты)	-	-			
Расчетно-графические работы	-	-			
Контрольная работа, домашнее задание	+	+			
Текущий контроль знаний	Тест	+			
Вид итогового контроля	Экзамен /зачет	Экзамен			
ЗАОЧНАЯ ФОРМА ОБУЧЕНИЯ					
Аудиторные занятия	16	16			
Лекции (Л)	8	8			
Практические занятия (ПЗ)	8	8			
Лабораторные работы (ЛР)	-	-			
Самостоятельная работа	92	92			
Курсовые работы (проекты)	-	-			
Расчетно-графические работы	-	-			
Контрольная работа, домашнее задание	+	+			
Текущий контроль знаний	Тест	+			
Вид итогового контроля	Экзамен /зачет	Экзамен			

4. Содержание дисциплины

4.1. Темы дисциплины и виды занятий

Таблица 2

Наименование тем	Лекции, час Очная /заочная форма	Практические занятия, час Очная /заочная форма	Занятия в интерактивной форме, час Очная /заочная форма	Практическая подготовка, час Очная /заочная форма	Код компетенций
Тема 1. Линейная и векторная алгебра	16/4	16/4	5/4	-	ОПК-2 ОПК-8
Тема 2. Элементы аналитической геометрии	16/4	16/4	5/4	-	ОПК-2 ОПК-8
Итого:	32/8	32/8	10/8	-	

4.2. Содержание тем дисциплины

Тема 1. Линейная и векторная алгебра. Матрицы и операции над ними. (Понятие матрицы. Линейные операции над матрицами. Транспонирование матриц. Умножение матриц). Операции над определителями и основные свойства. (Понятие определителя. Основные свойства определителей. Миноры и алгебраические дополнения). Вычисление обратной матрицы. Ранг матрицы. Системы линейных уравнений. Матричное решение системы линейных уравнений. Правило Крамера. Метод Гаусса. Понятие вектора. Линейные операции над векторами. Скалярное произведение векторов. n -мерный вектор и векторное пространство. Размерность и базис векторного пространства.

Тема 2. Элементы аналитической геометрии. Аналитическая геометрия на плоскости (Различные виды задания уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Расстояние от точки до прямой). Кривые второго порядка (Канонические уравнения эллипса, гиперболы, параболы. Свойства и графики кривых второго порядка). Аналитическая геометрия в пространстве (Уравнения плоскости и прямой в пространстве. Угол между плоскостями. Угол между прямыми в пространстве. Угол между прямой и плоскостью).

5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы по дисциплине

Основным учебно-методическим обеспечением для самостоятельной работы по дисциплине является:

1. Практикум по дисциплине «Линейная алгебра и аналитическая геометрия».
2. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины «Линейная алгебра и аналитическая геометрия».

6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Структура фонда оценочных средств приведена в Приложении 1.

7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

Основная литература:

1. Беклемишев Д. В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: учебник / Д. В. Беклемишев. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2020. — 448 с. — ISBN 978-5-8114-4748-0. — Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система.

- URL: <https://e.lanbook.com/book/126146>

- Режим доступа: по подписке.

2. Основы линейной алгебры и аналитической геометрии: Учебное пособие / Шершнев В.Г. – М.: НИЦ ИНФРА-М, 2017. – 168 с. (Высшее образование: Бакалавриат) – ISBN 978-5-16-005479-7

- URL: <http://znanium.com/bookread2.php?book=558491>

- Режим доступа: по подписке.

3. Карчевский Е. М. Лекции по линейной алгебре и аналитической геометрии: учебное пособие / Е. М. Карчевский, М. М. Карчевский. — 2-е изд., перераб. и доп. — Санкт-Петербург: Лань, 2018. — 424 с. — ISBN 978-5-8114-3223-3. — Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. —

URL: <https://e.lanbook.com/book/109505>

- Режим доступа: по подписке

Дополнительная литература:

1. Бортаковский А.С. Линейная алгебра в примерах и задачах: учебное пособие / А.С. Бортаковский, А.В. Пантелеев. – 3-е изд., стер. – М: ИНФРА-М, 2020. – 592 с. (Высшее образование: Бакалавриат). – ISBN 978-5-16-010586-4. – Текст: электронный.

- URL: <https://znanium.com/catalog/product/1045621>

- Режим доступа: по подписке.

2. Кирсанов М.Н. Алгебра и геометрия. Сборник задач и решений с применением системы Maple: учебное пособие / М.Н. Кирсанов, О.С. Кузнецова. – М.: ИНФРА-М, 2021. – 272 с. (Высшее образование: Бакалавриат). – DOI 10.12737/20873. – ISBN 978-5-16-012325-7. – Текст: электронный.

- URL: <https://znanium.com/catalog/product/1194140>

- Режим доступа: по подписке.

3. Клетеник Д. В. Сборник задач по аналитической геометрии: учебное пособие / Д. В. Клетеник; под редакцией Н. В. Ефимова. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2020. — 224 с. — ISBN 978-5-8114-1051-4. — Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система.

- URL: <https://e.lanbook.com/book/130489>.

- Режим доступа: по подписке.

8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)

Интернет-ресурсы:

<http://www.znanium.com/> – электронно-библиотечная система

<http://www.e.lanbook.com/> – ЭБС Издательства "ЛАНЬ"

<http://www.rucont.ru/> – электронно-библиотечная система

<http://www.biblioclub.ru/> – университетская библиотека онлайн

9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины приведены в Приложении 2.

10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Перечень программного обеспечения: *MS Office*

Информационные справочные системы: *Электронные ресурсы образовательной среды Университета.*

11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Лекционные занятия:

- аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран);
- комплект электронных презентаций / слайдов.

Практические занятия:

- аудитория, оснащенная мультимедийными средствами (проектор, ноутбук), демонстрационными материалами (наглядными пособиями);
- рабочее место преподавателя, оснащенное ПК с доступом в глобальную сеть Интернет;
- рабочие места студентов, оснащенные ПК с доступом в глобальную сеть Интернет.

**ИНСТИТУТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ И ТЕХНОЛОГИЙ
КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН**

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ
ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ
«ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА И АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ»**

Направление подготовки: 15.03.05 Конструкторско-технологическое обеспечение машиностроительных производств

Направленность (профиль): Технология машиностроения

Уровень высшего образования: бакалавриат

Форма обучения: очная, заочная

Королев
2023

1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

№ п/п	Индекс компетенции	Содержание компетенции	Раздел дисциплины, обеспечивающий формирование компетенции	В результате изучения раздела дисциплины, обеспечивающего формирование компетенции, (или ее части), обучающийся приобретает:		
				Трудовые действия	Необходимые умения	Необходимые знания
1	ОПК-2	Способен проводить анализ затрат на обеспечение деятельности производственных подразделений	Тема 1. Линейная и векторная алгебра Тема 2. Элементы аналитической геометрии.	- определяет перечень и значение затрат, связанных с проектной и исследовательской деятельностью на всех этапах жизненного цикла объектов машиностроения; - принимает проектные решения по автоматизации и роботизации технических систем с учетом экономических, экологических, социальных и других ограничений.	- умеет применять актуальные и эффективные методы исследования и оптимизации процессов по экономическим критериям.	- знает методы оптимизации и алгоритм решения задачи по минимизации затрат на производственную деятельность.
2	ОПК-8	Способен участвовать в разработке обобщенных вариантов решения проблем, связанных с машиностроительными производствами, выборе оптимальных вариантов прогнозируемых последствий решения на основе их анализа.	Тема 1. Линейная и векторная алгебра Тема 2. Элементы аналитической геометрии.	- определяет, анализирует и оценивает перспективы решения проблем машиностроительных предприятий.	- умеет производить оценку существующих проблем машиностроительного предприятия, определять подходы по их решению, а так же оценивать перспективы их решения.	- знает основные проблемы машиностроительных производств, существующие и перспективные способы их решения.

2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Код компетенции	Инструменты, оценивающие сформированность компетенции	Этапы и показатель оценивания компетенции	Критерии оценивания компетенции на различных этапах формирования и шкалы оценивания
ОПК-2 ОПК-8	Письменное задание	<p><i>А) полностью сформирована: компетенция освоена на высоком уровне – 5 баллов</i></p> <p><i>Б) частично сформирована:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> • компетенция освоена на продвинутом уровне – 4 балла; • компетенция освоена на базовом уровне – 3 балла; <p><i>В) не сформирована</i></p> <ul style="list-style-type: none"> • компетенция не сформирована – 2 и менее баллов 	<p><i>Проводится в письменной форме.</i></p> <ol style="list-style-type: none"> <i>1. Выбор оптимального метода решения задачи (1балл).</i> <i>2. Умение применить выбранный метод (1балл).</i> <i>3. Логический ход решения правильный, но имеются арифметические ошибки в расчетах (1балл).</i> <i>4. Решение задачи и получение правильного результата (2 балла).</i> <i>5. Задача не решена вообще (0 баллов).</i> <p><i>Максимальная оценка – 5 баллов.</i></p> <p><i>Время, отведенное на процедуру – до 40 мин. При необходимости время может быть увеличено.</i></p> <p><i>Результаты оценочной процедуры представляются обучающимся в срок не позднее 1 недели после проведения процедуры – для текущего контроля. Оценка проставляется в электронный журнал</i></p>

3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

3.1. Примерная тематика письменных заданий:

1. Вычислить $A^m + 2B - AB$, если $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 2 & 3 & 1 \\ 4 & 3 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 0 & 3 & 1 \\ -1 & 0 & 3 \end{pmatrix}$

2. Решить систему линейных уравнений методом Крамера, методом Гаусса,

векторным методом
$$\begin{cases} x_1 + mx_2 - nx_3 = m; \\ mx_1 + (m-1)x_2 + mx_3 = m+n; \\ (n+1)x_1 + (m+n)x_2 + x_3 = n+1. \end{cases}$$

3. Решить матричное уравнение $A \cdot X \cdot B = C$, где

$$A = \begin{pmatrix} 1 & n \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ n & -1 \end{pmatrix} \quad C = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -1 \end{pmatrix},$$

4. В треугольнике ABC с вершиной $A(m, n)$ известны уравнения высоты BB_1 :

$$2x - y + 2m + 3n - 4 = 0$$

и медианы CC_1 :

$$(n+1)x + (m+1)y - (2mn + 3n + 1) = 0.$$

Написать уравнения всех сторон треугольника ABC .

5. В пирамиде $ABCD$ с вершинами $A(-m, n, 1)$, $B(n, m, 0)$, $C(1, m, n)$, $D(n, -1, m+n)$ найти:

- а) угол между ребрами AB и AD ;
- б) угол между ребром AD и плоскостью ABC ;
- в) площадь основания ABC ;
- г) объем пирамиды;
- д) расстояние от вершины D до плоскости ABC .

Написать уравнение высоты, опущенной из вершины D на плоскость ABC , и уравнение плоскости ABC .

Каждому студенту при поступлении присваивается учебный шифр. Он указан в зачетной книжке и студенческом билете. Вариант задания выбирается в соответствии с двумя последними цифрами шифра A и B . Каждая задача зависит от двух числовых параметров m и n , которые определяются по цифрам A и B из таблиц:

A	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
m	2	6	4	8	8	2	6	4	4	6
B	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
n	3	5	1	7	9	1	3	7	5	9

4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Формой контроля знаний по дисциплине «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» являются две текущие аттестации в форме тестов и итоговая аттестация в форме экзамена.

Неделя текущего контроля	Вид оценочного средства	Код компетенций, оценивающих знания, умения, навыки	Содержание Оценочного средства	Требования к выполнению	Срок сдачи (неделя семестра)	Критерии оценки по содержанию и качеству с указанием баллов
Согласно графику учебного процесса	Тестирование 1,2	ОПК-2 ОПК-8	33 вопроса	Компьютерное тестирование; время, отведенное на процедуру – 90 минут	Результаты тестирования предоставляются в день проведения процедуры	Критерии оценки определяются процентным соотношением. Не явка – 0 Удовлетворительно – от 51% правильных ответов. Хорошо – от 70%. Отлично – от 90%. Максимальная оценка – 5 баллов
Согласно графику учебного процесса	Экзамен	ОПК-1 ОПК-8	1(2) вопроса, 4(3) задания	Экзамен проводится в письменной форме, путем ответа на вопросы. Время, отведенное на процедуру – 45 минут.	Результаты предоставляются в день проведения экзамена	Критерии оценки: «Отлично»: знание основных понятий предмета; умение использовать и применять полученные знания на практике; работа на практических занятиях; знание основных научных теорий, изучаемых предметов; ответ на вопросы билета. «Хорошо»: •знание основных понятий предмета; •умение использовать и применять полученные знания на практике; •работа на практических занятиях; •знание основных научных теорий, изучаемых предметов; •ответы на вопросы билета •неправильно решено практическое задание «Удовлетворительно»: демонстрирует частичные знания по темам дисциплин; незнание, неумение использовать и применять полученные знания на практике; не работал на практических занятиях;

						<p>«Неудовлетворительно»: демонстрирует частичные знания по темам дисциплин; незнание основных понятий предмета; неумение использовать и применять полученные знания на практике; не работал на практических занятиях; не отвечает на вопросы.</p>
--	--	--	--	--	--	--

Типовые вопросы, выносимые на тестирование

1. Как вычислить определитель второго порядка?
 - перемножить все четыре элемента
 - сложить все четыре элемента
 - взять разность произведений по диагоналям
 - сложить произведения чисел в первой и второй строке
2. Сколько решений не может иметь система линейных уравнений
 - бесконечно много решений
 - пустое множество решений
 - только 2 решения
 - только 1 решение
3. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений
 - основан на вычислении определителей
 - использует графический подход
 - сводит систему к квадратному уравнению
 - последовательно исключает неизвестные
4. На плоскости заданы две точки $A(1;6)$ и $B(6;7)$. На прямой $2x-3y+9=0$ лежат
 - только точка B
 - обе заданные точки
 - только точка A
 - ни одна из заданных точек
5. Прямые на плоскости $2x+3y+7=0$ и $4x+6y+1=0$
 - совпадают
 - параллельны, но не совпадают
 - перпендикулярны
 - пересекаются в точке
6. Расстояние от начала координат на плоскости до прямой $3x+4y-12=0$ равно
 - 3
 - 5
 - 2,4
 - 2,5

7. Точки $A(1;4)$ и $B(-2; 5)$ на плоскости лежат по отношению к прямой $y = 2x$
- 6
 - обе ниже прямой
 - точка A лежит выше прямой, а точка B ниже
 - точка B лежит выше прямой, а точка A ниже
 - обе выше прямой
8. Обратная матрица. Что верно?
- дает в произведении с исходной матрицей единичную матрицу
 - может иметь все элементы равные 0
 - всегда имеет элементами дробные числа
 - имеет в 2 раза больше столбцов, чем исходная матрица
9. Единичная матрица 3-го порядка содержит следующие числа
- 9 единиц
 - 6 нулей и 3 единицы
 - 1 единицу и 8 нулей
 - 8 единиц и 1 нуль
10. Матрицы A и B имеют несовпадающие размеры. Такие матрицы
- иногда можно сложить
 - иногда можно вычесть
 - иногда можно умножить
 - всегда можно сложить
11. Пересечением двух прямых $2x + 3y - 6 = 0$ и $x + y - 3 = 0$ на плоскости является
- точка - начало координат
 - точка с координатами $(0;2)$
 - прямые не пересекаются
 - точка с координатами $(3;0)$
12. Расстояние между параллельными прямыми $y = x$ и $y = x + 2$ на плоскости равно
- квадратный корень из 2
 - 2
 - 4
 - квадратный корень из 8
13. Какая из пар прямых на плоскости перпендикулярна между собой
- $x=2$ и $x+y=-2$
 - $x + y + 1 = 0$ и $x - y + 5 = 0$
 - $x + y = 7$ и $x + y = 9$
 - $2x - y - 3 = 0$ и $y + 2 = 0$
14. Матрица A состоит из одних нулей. Обратная к ней матрица
- тоже состоит из одних нулей
 - состоит из единиц и нулей
 - не существует
 - состоит только из единиц

15. Правило Крамера решения систем линейных уравнений
- основано на вычислении определителей
 - использует графический подход
 - сводит систему к квадратному уравнению
 - последовательно исключает неизвестные
16. Определитель матрицы
- всегда целое число
 - всегда положительное число
 - не всегда можно вычислить
 - может равняться числу «Пи» = 3,14...
17. Какая из пар прямых на плоскости параллельна между собой
- $x=2$ и $x+y=-2$
 - $x+y+1=0$ и $x-y+5=0$
 - $x+y=7$ и $x+y=9$
 - $2x-y-3=0$ и $y+2=0$
18. Прямая $x+2y+6=0$ отсекает с осями координат треугольник площади
- 6
 - 9
 - 12
 - 36
19. Скалярное произведение векторов $a\{1;3\}$ и $b\{2;4\}$ равно
- 1324
 - 0
 - 14
 - -2
20. Скалярное произведение векторов – это
- произведение длин векторов, умноженное на тангенс угла между векторами
 - произведение длин векторов, умноженное на котангенс угла между векторами
 - произведение длин векторов, умноженное на синус угла между векторами
 - произведение длин векторов, умноженное на косинус угла между векторами
21. Заданы 4 точки на плоскости $A(0;5)$, $B(2;2)$, $C(3;3)$ и $D(1;6)$. Найдите пару равных векторов
- \overline{AD} и \overline{BC}
 - \overline{AD} и \overline{CB}
 - \overline{AB} и \overline{CD}
 - \overline{AC} и \overline{BD}
22. Заданы 4 точки на плоскости $A(0;0)$, $B(1;2)$, $C(3;3)$ и $D(2;1)$. Найдите пару перпендикулярных векторов
- \overline{AD} и \overline{BC}
 - \overline{AD} и \overline{CB}
 - \overline{AB} и \overline{CD}
 - \overline{AC} и \overline{BD}

23. Задан треугольник ABC на плоскости. $A(0;0)$, $B(3;4)$, $C(7;7)$.
 Определите его тип
- прямоугольный
 - равнобедренный
 - равносторонний
 - разносторонний
24. Какой из углов треугольника с вершинами $A(1;1)$, $B(5;4)$, $C(4;5)$ прямой?
- угол A
 - угол C
 - никакой
 - угол B
25. Чему равен определитель 2-го порядка, первая строка которого $(1\ 2)$, а вторая $(3\ 4)$?
- 0
 - 1
 - 2
 - -2
26. Чему равен определитель 3-го порядка, у которого первая строка $(1\ 2\ 3)$, вторая $(4\ 5\ 6)$, а третья $(7\ 8\ 9)$?
- 0
 - -1
 - 1
 - 6
27. Чему равен определитель 3-го порядка, у которого первая строка $(1\ 1\ 1)$, вторая $(2\ 2\ 2)$, а третья $(3\ 3\ 3)$?
- 27
 - 0
 - 1
 - 6
28. Чему равен определитель 3-го порядка, у которого первая строка $(1\ 0\ 0)$, вторая $(0\ 2\ 0)$, а третья $(0\ 0\ 3)$?
- 0
 - -1
 - 1
 - 6
29. Чему равен определитель единичной матрицы?
- 0
 - -1
 - 1
 - зависит от размера единичной матрицы

30. В определителе 2-го порядка первая строка $(1 \ 2)$, а вторая $(3 \ X)$. Каково X , если определитель равен 0?
- 4
 - 6
 - 2
 - -2
31. На плоскости заданы точки $A(1;1)$ и $B(7;9)$. Какова длина отрезка AB ?
- 5
 - 7
 - 10
 - 12
32. На плоскости заданы точки $A(1;1)$ и $B(7;9)$. Каковы координаты вектора AB ?
- $\{6;8\}$
 - $\{8;10\}$
 - $\{7;9\}$
 - $\{1;63\}$
33. На плоскости заданы точки $A(-1;1)$ и $B(-4;5)$. Какова длина отрезка AB ?
- 4
 - 5
 - 6
 - 7

Типовые вопросы, выносимые на экзамен

1. Понятие матрицы. Размерность матрицы.
2. Свойства арифметических операций над матрицами. Связь с транспонированием.
3. Какие преобразования можно выполнить над строками матрицы? Пример.
4. Элементарные преобразования над строками матрицы. Пример.
5. Какая матрица называется ортогональной матрицей?
6. Какой матрицей будет матрица, обратная к ортогональной?
7. Какой матрицей является матрица, транспонированная к ортогональной?
8. Какие матрицы называют равными? Сложение матриц. Пример. Умножение матрицы на число. Пример.
9. Что называют определителем матрицы. Порядок определителя. Понятие определителя применительно к матрице второго порядка. Пример.
10. Основные свойства определителя.
11. Чему равен определитель треугольной матрицы? Меняют ли элементарные преобразования величину определителя? В каком случае определитель матрицы не равен нулю?
12. Чему равен определитель ортогональной матрицы?
13. Правило построения обратной матрицы на примере матрицы 2-го порядка с использованием алгебраических дополнений.
14. Построение обратной матрицы с использованием метода Гаусса (на примере).

15. Какие прямоугольные матрицы можно привести к ступенчатому виду?
Метод приведения матрицы к ступенчатому виду. Пример.
16. Подчиняется ли умножение матриц свойству ассоциативности и перестановки сомножителей? Привести пример некоммутативных матриц.
Пример перестановочных матриц.
17. Какой многочлен называется характеристическим многочленом матрицы?
18. Описать модель Леонтьева межотраслевого баланса.
19. Дать определение ранга матрицы. Пример.
20. Сформулировать теорему Кронекера-Капелли. Проиллюстрировать ее примером.
21. Дать определение системы из « m » линейных уравнений с « n » неизвестными. Векторно-матричная форма записи системы линейных уравнений.
22. При решении однородной системы какие переменные называют свободными, а какие несвободными? Чему равно число свободных переменных?
23. Системы координат.
24. Различные виды задания уравнения прямой на плоскости.
25. Взаимное расположение двух прямых. Угол между прямыми.
26. Расстояние от точки до прямой.
27. Что называется скалярным произведением векторов?
28. Что называется смешанным произведением векторов?
29. Что называется векторным произведением векторов?
30. Каким свойством обладают два вектора, если их скалярное произведение равно нулю?
31. Каким свойством обладают два вектора, если их векторное произведение равно нулю?
32. Каким свойством обладают три вектора, если их смешанное произведение равно нулю?
33. Что называется уравнением прямой на плоскости в отрезках?
34. Что называется параметрическими уравнениями прямой на плоскости?
35. Как найти координаты нормального вектора к прямой на плоскости по ее уравнению?
36. Какими способами можно задать прямую в пространстве?
37. Расстояние от точки до прямой на плоскости.
38. Что называется уравнением плоскости в отрезках?
39. Как составить уравнение плоскости, проходящей через три точки?
40. Как составить уравнение плоскости, перпендикулярной к данной прямой и проходящей через заданную точку?
41. Как найти координаты нормального вектора к плоскости по ее уравнению?
42. Уравнения плоскости и прямой в пространстве.
43. Угол между плоскостями.
44. Угол между прямыми в пространстве.
45. Угол между прямой и плоскостью.

46. Расстояние от точки до плоскости.
47. Пересечение прямой и плоскости.
48. Длина вектора и угол между векторами.
49. Процесс ортогонализации конечного набора векторов.
50. Что такое эллипс? Свойства.
51. Что такое парабола? Свойства.
52. Что такое гипербола? Свойства.
53. Что такое эксцентриситет эллипса?
54. Что такое эксцентриситет параболы?
55. Что такое эксцентриситет гиперболы?
56. Что такое фокусы и фокальные радиусы эллипса?
57. Что такое фокусы и фокальные радиусы гиперболы?
58. Что такое фокус и фокальный радиус параболы?
59. Что такое директриса параболы?

Итоговое начисление баллов по дисциплине осуществляется в соответствии с разработанной и внедренной балльно-рейтинговой системой контроля и оценивания уровня знаний и внеучебной созидательной активности обучающихся.

***ИНСТИТУТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ И ТЕХНОЛОГИЙ
КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН***

**МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ
ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ
«ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА И АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ»**

Направление подготовки: 15.03.05 Конструкторско-технологическое
обеспечение машиностроительных производств

Направленность (профиль): Технология машиностроения

Уровень высшего образования: бакалавриат

Форма обучения: очная, заочная

Королев
2023

1. Общие положения

Целью изучения дисциплины является: формирование способности к восприятию, обобщению и анализу информации; освоение основ алгебры матриц, теории разрешимости систем линейных алгебраических уравнений, элементов теории линейных пространств и их связей с геометрией, освоение методов аналитической геометрии в применении к геометрическим задачам и задачам классификации кривых и поверхностей, основных свойств кривых и поверхностей второго порядка; формирование готовности применять методы линейной алгебры и аналитической геометрии и моделирования в профессиональной деятельности.

Основными **задачами** дисциплины являются:

- дать студентам базовые знания по курсу линейной алгебры и аналитической геометрии;
- научить студентов решать типовые задачи линейной алгебры и аналитической геометрии;
- познакомить студентов с примерами математического моделирования и анализа в области их профессиональной деятельности.

2. Указания по проведению практических занятий

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Образовательные технологии: традиционная технология.

Тема и содержание практического занятия: *Линейная алгебра. Вычисление определителей. Действия с матрицами.*

Продолжительность занятия – 4ч./1ч.

Практическое занятие 2.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Образовательные технологии: традиционная технология.

Тема и содержание практического занятия: *Линейная алгебра. Системы линейных уравнений. Метод Гаусса. Системы линейных уравнений. Правило Крамера и матричный метод.*

Продолжительность занятия – 4ч. /1ч.

Практическое занятие 3.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Образовательные технологии: традиционная технология.

Тема и содержание практического занятия: *Линейная алгебра. Системы линейных уравнений общего вида. Теорема Кронекера-Капелли.*

Продолжительность занятия – 4ч. /1ч.

Практическое занятие 4.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Образовательные технологии: традиционная технология.

Тема и содержание практического занятия: *Векторная алгебра. Действия с векторами. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов.*

Продолжительность занятия – 4ч. /1ч.

Практическое занятие 5.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Образовательные технологии: традиционная технология.

Тема и содержание практического занятия: *Аналитическая геометрия. Прямая на плоскости.*

Продолжительность занятия – 4ч. /1ч.

Практическое занятие 6.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Образовательные технологии: традиционная технология.

Тема и содержание практического занятия: *Аналитическая геометрия. Кривые второго порядка.*

Продолжительность занятия – 4ч. /1ч.

Практическое занятие 7.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Образовательные технологии: традиционная технология.

Тема и содержание практического занятия: *Аналитическая геометрия. Прямая в пространстве.*

Продолжительность занятия – 4ч. /1ч.

Практическое занятие 8.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Образовательные технологии: традиционная технология.

Тема и содержание практического занятия: *Аналитическая геометрия. Плоскость в пространстве.*

Продолжительность занятия – 4ч. /1ч.

3. Указания по проведению лабораторного практикума

Не предусмотрен учебным планом.

4. Указания по проведению самостоятельной работы обучающихся

№ п/п	Наименование блока (раздела) дисциплины	Виды СРС
1.	Линейная и векторная алгебра	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий. 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины (линейные преобразования).
2.	Элементы аналитической геометрии	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий. 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины (поверхности второго порядка).

4. Указания по проведению контрольных работ для обучающихся всех форм обучения

5.1. Требования к структуре

Каждому студенту при поступлении присваивается учебный шифр. Он указан в зачетной книжке и студенческом билете. Вариант определяется значениями m и n , которые выбираются с учетом двух последних цифр учебного шифра. Номера задач, входящих в вариант, определяются преподавателем.

5.2. Требования к содержанию

Каждая контрольная работа содержит определенное количество примеров и задач. При выполнении их необходимо придерживаться следующих правил:

1. Контрольную работу надо выполнить в отдельной тетради, оставляя поля для замечаний преподавателя. В конце работы нужно оставить 3-4 чистых страницы, которые, возможно, понадобятся для исправления решений.

2. В заголовке работы должны быть разборчиво написаны: фамилия, имя и отчество, учебный шифр, номер контрольной работы (ее части), название дисциплины. Заголовок надо поместить на обложку тетради. Здесь же указать дату выполнения контрольной работы.

3. Решение задач надо располагать в порядке номеров, указанных в задании, сохраняя номер задач своего варианта.

4. Перед решением каждой задачи надо полностью выписать ее условие, заменив, где надо, общие данные контрольными из своего варианта.

5. Решения задач излагайте аккуратно, объясняя основные действия, выписывая нужные формулы, делая необходимые чертежи.

6. После получения прорецензированной работы исправьте все ошибки и недочеты, вписав исправления на оставленных чистых страницах.

Работа засчитывается, если она при проверке (или после устранения недочетов) преподавателем получает положительную оценку (зачет). Студенты, не получившие зачета по контрольной работе, к экзамену не допускаются. Зачетные контрольные работы обязательно предъявляются на экзамене.

6. Перечень основной и дополнительной учебной литературы

Основная литература:

1. Беклемишев Д. В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: учебник / Д. В. Беклемишев. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2020. — 448 с. — ISBN 978-5-8114-4748-0. — Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система.

- URL: <https://e.lanbook.com/book/126146>

- Режим доступа: по подписке.

2. Основы линейной алгебры и аналитической геометрии: Учебное пособие / Шершнева В.Г. – М.: НИЦ ИНФРА-М, 2017. – 168 с. (Высшее образование: Бакалавриат) – ISBN 978-5-16-005479-7

- URL: <http://znanium.com/bookread2.php?book=558491>

- Режим доступа: по подписке.

3. Карчевский Е. М. Лекции по линейной алгебре и аналитической геометрии: учебное пособие / Е. М. Карчевский, М. М. Карчевский. — 2-е изд., перераб. и доп. — Санкт-Петербург: Лань, 2018. — 424 с. — ISBN 978-5-8114-3223-3. — Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. —

URL: <https://e.lanbook.com/book/109505>

- Режим доступа: по подписке

Дополнительная литература:

1. Бортаковский А.С. Линейная алгебра в примерах и задачах: учебное пособие / А.С. Бортаковский, А.В. Пантелеев. — 3-е изд., стер. — М: ИНФРА-М, 2020. — 592 с. (Высшее образование: Бакалавриат). — ISBN 978-5-16-010586-4. — Текст: электронный.

- URL: <https://znanium.com/catalog/product/1045621>

- Режим доступа: по подписке.

2. Кирсанов М.Н. Алгебра и геометрия. Сборник задач и решений с применением системы Maple: учебное пособие / М.Н. Кирсанов, О.С. Кузнецова. — М.: ИНФРА-М, 2021. — 272 с. (Высшее образование: Бакалавриат). — DOI 10.12737/20873. — ISBN 978-5-16-012325-7. — Текст: электронный.

- URL: <https://znanium.com/catalog/product/1194140>

- Режим доступа: по подписке.

3. Клетеник Д. В. Сборник задач по аналитической геометрии: учебное пособие / Д. В. Клетеник; под редакцией Н. В. Ефимова. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, 2020. — 224 с. — ISBN 978-5-8114-1051-4. — Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система.

- URL: <https://e.lanbook.com/book/130489>.

- Режим доступа: по подписке.

9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

Интернет-ресурсы:

<http://www.znanium.com/> – электронно-библиотечная система

<http://www.e.lanbook.com/> – ЭБС Издательства "ЛАНЬ"

<http://www.rucont.ru/> – электронно-библиотечная система

<http://www.biblioclub.ru/> – университетская библиотека онлайн

8. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Перечень программного обеспечения: *MS Office*

Информационные справочные системы: *Электронные ресурсы образовательной среды Университета.*