Государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования Московской области

ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по учебной работе
Е.К. Самаров
« 29 ш 2021г.

ИНСТИТУТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ И ТЕХНОЛОГИЙ КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ «УРАВНЕНИЯ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ»

Направление подготовки: 01.03.02. Прикладная математика и информатика

Профиль: Искусственный интеллект и управление в ракетно-космических систе-

мах

Уровень высшего образования: бакалавр

Форма обучения: очная

Автор: д.ф.-м.н. профессор Самаров К.Л. Рабочая программа дисциплины «Уравнения математической физики» – Королев МО: МГОТУ, 2021

Рецензент: д.э.-м.н. профессор Вилисов В.Я.

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки бакалавров 01.03.02 «Прикладная математика и информатика» и Учебного плана, утвержденного Ученым советом МГОТУ.

Протокол № <u>13</u> от <u>22 имение</u> 2021 года.

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры:

Заведующий кафедрой (ФИО, ученая степень, звание, подпись)	Бугай И.В. к.т.н., доцент	Eyar u.B. govern ldyl	Syrair. U.B. governor blef	
Год утверждения (переутверждения)	2021	2012	2023	
Номер и дата протокола заседания кафедры	2105.21	w11 o7 10.06,22	25.64.23	

Рабочая	программа	согласована:
I MOO IMM	TAPOT POLITICA	••••••

Руководитель ОПОП ВО	Says	к.т.н., доцент И.В. Бугай
	()	

Рабочая программа рекомендована на заседании УМС:

Год утверждения (переутверждения)	2021	EDAR	eors	·
Номер и дата протокола заседания УМС	15.06.21	21.06.22	16.05.23	

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО

Целью изучения дисциплины является:

- дать современные теоретические знания в области уравнений математической физики и практические навыки в решении и исследовании основных типов дифференциальных уравнений с частными производными,
- ознакомить студентов с начальными навыками математического моделирования.

В процессе обучения студент приобретает и совершенствует следующие компетенции:

общепрофессиональные компетенции (ОПК):

- Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности (ОПК-1);
 - Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности (ОПК-3).

Основными задачами дисциплины являются:

- формирование представления о теоретических основах методов математической физики;
- ознакомление с областью применения и современными достижениями математической физики;
- развитие практические навыки по составлению математических моделей простейших физических систем, решению дифференциальных уравнений в частных производных.

В результате изучения дисциплины студент должен:

Знать:

- базовые знания, полученные в области математических и (или) естественных наук.
- -базовые основы современного математического аппарата, связанного с проектированием, разработкой, реализацией и оценкой качества программных продуктов и программных комплексов в различных областях человеческой деятельности;

Уметь:

- использовать знания, полученные в области математических и (или) естественных наук в профессиональной деятельности.
- решать научные задачи в связи с поставленной целью и в соответствии с выбранной методикой;

Владеть:

- возможностями выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических знаний;

- практическим опытом исследований в конкретной области профессиональной деятельности.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «Уравнения математической физики» относится к обязательной части основной профессиональной образовательной программы подготовки бакалавров по направлению подготовки 01.03.02 «Прикладная математика и информатика».

Дисциплина базируется на дисциплинах: «Физика», «Математический анализ», «Комплексный анализ», «Дифференциальные уравнения» и компетенциях: ОПК-1, ОПК-3, ПК-2.

Знания и компетенции, полученные при освоении дисциплины, являются базовыми при изучении дисциплин: «Моделирование информационных процессов и систем», «Теория автоматического управления», «Теория случайных процессов» и выполнения выпускной квалификационной работы бакалавра.

3. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единицы, 108 часов.

Таблипа 1

			1 a	олица 1	
Виды занятий	Всего часов	Семестр	Семестр 4	Семестр	Семестр
Общая трудоемкость	108		108		
ОЧН	АЯ ФОРМ	А ОБУЧЕН	ия		
Аудиторные занятия	48		48		
Лекции (Л)	16		16		
Практические занятия (ПЗ)	32		32		
Лабораторные работы (ЛР)					
Самостоятельная работа	60		60		
Курсовые работы (проекты)					
Расчетно-графические работы	-		-		
Контрольная работа,	+		+		
домашнее задание					
Текущий контроль знаний	Тест		Тест		
Вид итогового контроля	Зачет		Зачет		
ЗАОЧНАЯ ФОРМА Н	Е ПРЕДУС	ИОТРЕНА УЧ	ІЕБНЫМ ПЈ	IAHOM	ı

4.Содержание дисциплины 4.1. Темы дисциплины и виды занятий

Таблина 2

Наименование тем	Лекции, час.	Практиче- ские занятия, час	Занятия в ин- терактивной форме, час	Код компетенций
Тема 1 . Классификация, канонические формы и методы решения уравнений и краевых задач математической физики	2	4	2	ОПК-1, ОПК-3
Тема 2. Уравнения гипер- болического типа	4	8	2	ОПК-1, ОПК-3
Тема 3 . Уравнения эллиптического типа.	4	8	2	ОПК-1, ОПК-3
Тема 4. Уравнения пара- болического типа	4	8	2	ОПК-1, ОПК-3
Тема 5. Обобщенные решения	2	4	2	ОПК-1, ОПК-3
Итого:	16	32	10	

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. Классификация, канонические формы и методы решения уравнений и краевых задач математической физики. Предмет и методы математической физики. Дифференциальные уравнения в частных производных (ДУЧП), их классификация по форме: линейные, нелинейные и квазилинейные, однородные и неоднородные, с постоянными и с переменными коэффициентами. Формулы преобразования линейного ДУЧП 2-го порядка с двумя переменными к новым координатам. Понятие характеристического дифференциального уравнения. Получение общих интегралов характеристического дифференциального уравнения и соответствующих канонических форм уравнений гиперболического, параболического и эллиптического типов.

Содержательная постановка задачи о поперечных колебаниях струны с двумя закрепленными концами при малых отклонениях от положения равновесия. Вывод одномерного волнового уравнения. Содержательная постановка задачи о распространении тепла в однородном стержне. Вывод одномерного уравнения теплопроводности. Понятие о начальных и граничных условиях 1-го (условия Дирихле), 2-го (условия Неймана) и 3-го рода. Частные предельные случаи постановок краевых задач (задачи на бесконечной и полубесконечной прямой и задача без начальных условий).

Тема 2. Уравнения гиперболического типа Общая 1-я краевая задача для неоднородного одномерного уравнения теплопроводности. Получение решения 1-ой краевой задачи для однородного уравнения теплопроводности с однородными

краевыми условиями методом Фурье; достаточные условия непрерывности указанного решения. Функция мгновенного точечного источника (температурного влияния), ее физический смысл. Теорема о неотрицательности функции мгновенного точечного источника.

Первая краевая задача для однородного уравнения теплопроводности на полубесконечной прямой; ее качественное (содержательное) отличие от соответствующей задачи на бесконечной прямой. Представление решения указанной задачи в виде суммы решений двух вспомогательных краевых задач, учитывающих влияние лишь начальных и граничных условий соответственно. Нечетное продолжение исходной задачи на бесконечную прямую. Вывод формулы решения первой краевой задачи для неоднородного уравнения теплопроводности на полубесконечной прямой. Ее иллюстрация на содержательном примере.

Содержательный смысл задач без начальных условий. 1-я краевая задача для однородного уравнения теплопроводности на полубесконечном стержне (с одним граничным условием). Формула Эйлера, связывающая функции синус, косинус и экспоненту. Решение указанной выше задачи. Решение 1-ой краевой задачи для уравнения теплопроводности на ограниченном отрезке (с двумя граничными условиями). Задача о распространении температурных колебаний в почве. Физическая интерпретация формулы, описывающей распространение температурной волны в почве: 1-й, 2-й и 3-й законы Фурье. Пример, иллюстрирующий использование указанной формулы.

Тема 3. Уравнения эллиптического типа. Классическое решение. Гармонические функции, их свойства. Основные задачи для уравнений эллиптического типа. Фундаментальные решения. Интегральное представление дважды дифференцируемой функции. Потенциал масс, простого слоя, двойного слоя. Интегральные уравнения Фредгольма. Альтернативы Фредгольма. Основные свойства потенциалов масс, простого и двойного слоев. Решения задач Дирихле, Неймана. Метод Фурье при решении задач Дирихле, Неймана для «хороших» областей, круга, шара. Метод построения функции Грина при решении краевых задач для эллиптических уравнений. Формулы для круга, сферы, полуплоскости, полупространства.

Тема 4. Уравнения параболического типа. Основные задачи, физичность поставленных задач. Свойства решений – принцип максимума. Метод Фурье при решении задачи Коши. Формула Пуассона. О единственности классического решения задачи Коши, краевых задач для уравнений гиперболического, параболического, эллиптического типов. Об устойчивости решений краевых задач.

Тема 5. Обобщенные решения. Классы непрерывных функций, измеримых функций, обобщенных функций. Основные функциональные пространства в этих классах. Полнота, сходимость, сепарабельность, вложение. Основные функциональные неравенства. Теорема Рисса. Классические, обобщенные решения задачи Дирихле. Единственность обобщенного решения. О возможности получения классического решения из обобщенного. Теоремы вложения. Обобщенные

решения краевых задач для параболического уравнения. Обобщенные решения краевых задач для гиперболического уравнения.

5.Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы по дисциплине

1. «Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины»

6.Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Структура фонда оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине приведена в Приложении 1 к настоящей рабочей программе.

7.Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

Основная литература:

- 1. Павленко А. Н. Уравнения математической физики [электронный ресурс]: учеб. пособие / Павленко А.Н. Пихтилькова О.А. Оренбург: ОГУ, 2013. 100с.; нет. URL: http://rucont.ru/efd/233779
- 2. Дзержинский Р. И. Уравнения математической физики / Р.И. Дзержинский; В.А. Логинов. Москва: Альтаир|МГАВТ, 2015. 67 с. Электронная программа (визуальная). Электронные данные : электронные.

URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=429675.

3. Лесин В.В. Уравнения математической физики: Учебник. - 1. - Москва; Москва: ООО "КУРС": ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2020. - 240 с. - ISBN 9785906818614. - Электронная программа (визуальная). Электронные данные : электронные.

URL: http://znanium.com/go.php?id=961832

Дополнительная литература:

- 1. Сахарова Л. В. Уравнения математической физики: учебное пособие / Л.В. Сахарова, М.Б. Стрюков; Министерство образования и науки Российской Федерации; Ростовский государственный экономический университет (РИНХ). Ростовна-Дону: Издательско-полиграфический комплекс РГЭУ (РИНХ), 2018. 104 с.: схем., табл. ISBN 978-5-7972-2534-8. Текст (визуальный): непосредственный. URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=568601
- 2. Емельянов В.М. Уравнения математической физики; учеб. пособие В. М. Емельянов, Е. А. Рыбакина. Москва: Лань", 2016. 224 с.: ил. (Учебники для вузов. Специальная литература). ISBN 978-5-8114-0863-4. URL: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=71748
- 3. Титов К. В. Уравнения математической физики. Практикум. Компьютерные технологии решения задач: Учебное пособие. 1. Москва; Москва: Издательский Центр РИОР: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2019. 262 с. ISBN 978-5-369-01812-5. Электронная программа (визуальная). Электронные данные : электронные.

URL: http://znanium.com/go.php?id=1023989

- 4. Костецкая Г. С. Уравнения математической физики эллиптического и параболического типов: учебное пособие / Г.С. Костецкая, Т.Н. Радченко; Министерство образования и науки Российской Федерации; Южный федеральный университет.
- Ростов-на-Дону|Таганрог: Южный федеральный университет, 2017. 117 с.: ил.
- ISBN 978-5-9275-2477-8. Электронная программа (визуальная). Электронные данные: электронные.

URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=570781

5. Торшина О. А. Уравнения математической физики: Учебное пособие / Магнитогорский государственный технический университет им. Г.И. Носова. - 1. - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2020. - 59 с. - ISBN 978-5-16-108561-5.

URL: http://znanium.com/go.php?id=1089483

8.Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

Интернет-ресурсы:

http://www.znanium.com/ - электронно-библиотечная система

http://www.e.lanbook.com/ - ЭБС Издательства "ЛАНЬ"

http://www.rucont.ru/- электронно-библиотечная система

http://www.biblioclub.ru/ -университетская библиотека онлайн

9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины приведены в Приложении 2 к настоящему Положению.

10.Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Перечень программного обеспечения: MSOffice

Информационные справочные системы: Электронные ресурсы образовательной среды Университета

11.Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Лекционные занятия:

- •аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран); доской для письма мелом или фломастерами;
- •комплект электронных презентаций/слайдов.

Практические занятия:

- •аудитория, оснащенная мультимедийными средствами (проектор, ноутбук), демонстрационными материалами (наглядными пособиями); доской для письма мелом или фломастерами;
- •рабочее место преподавателя, оснащенное компьютером с доступом в Интернет;
 - рабочее место студента, оснащенное компьютером с доступом в Интернет.

ИНСТИТУТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ И ТЕХНОЛОГИЙ КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ «УРАВНЕНИЯ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ»

(Приложение 1 к рабочей программе)

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Профиль: Искусственный интеллект и управление в ракетно-космических систе-

мах

Уровень высшего образования: бакалавр

Форма обучения: очная

Королев 2021

1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

№ π/π	Ин- декс компе- тен- ции	Содержание ком- петенции (или ее части)*	Раздел дисциплины, обеспечивающий формирование компетенции (или ее части)	В результате изучения раз щего формирование комп щий Знать		
1.	ОПК-1	Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	Тема 1-5.	- базовые знания, полученные в области математических и (или) естественных наук.	- использовать знания, полученные в области математических и (или) естественных наук в профессиональной деятельности.	- возможно- стями выбора методов ре- шения задач профессио- нальной дея- тельности на основе теоре- тических зна- ний.
2.	ОПК-3	Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности	Тема 1-5.	-базовые основы современного математического аппарата, связанного с проектированием, разработкой, реализацией и оценкой качества программных продуктов и программных комплексов в различных областях человеческой деятельности.	- решать научные задачи в связи с поставленной целью и в соответствии с выбранной методикой.	- практиче- ским опытом исследований в конкретной области про- фессиональ- ной деятель- ности.

2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Код компе- тенции	Инструменты, оценивающие сформированность компетенции	Этапы и показатель оценивания компе- тенции	Шкала и критерии оценки
ОПК-3	Контрольная работа	А) полностью сформирована 5 баллов В) частично сформирована 3-4 балла С) сформировано менее 30% 1-2 балла D) не сформирована 0 балла	Проводится в письменной форме 1.Выбор оптимального метода решения задачи (1 балл) 2. Умение применить выбранный метод (1 балл) 3. Логический ход решения правильный, но имеются арифметически в расчетах (1 балл) 4. Решение задачи и получение правильного результата (2 балла) 5. Задача не решена вообще (0 баллов) Максимальная оценка - 5 баллов. Результаты оценочной процедуры представляются обучающимся в срок не позднее 1 недели после проведения процедуры — для текущего контроля. Оценка проставляется в электронный журнал

3.Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

Примерная тематика контрольной работы:

Задача 1. Решить смешанную задачу.

$$\begin{aligned} & 1.1. \ U_t = 2U_{xx}; \ U(x, \quad 0) = \sin 3\pi x; \ U(0, \quad t) = U(8, \quad t) = 0 \\ & 1.2. \ U_t = 9U_{xx}; \ U(x, \quad 0) = 2\sin 2\pi x + 3\sin 3\pi x; \ U(0, \quad t) = U(1, \quad t) = 0 \\ & 1.3. \ U_t = 3U_{xx}; \ U(x, \quad 0) = 3\sin 2\pi x; \ U(0, \quad t) = U(7, \quad t) = 0 \\ & 1.4. \ U_t = 2U_{xx}; \ U(x, \quad 0) = 4\sin 3\pi x + 5\sin 4\pi x; \ U(0, \quad t) = U(2, \quad t) = 0 \\ & 1.5. \ U_t = 4U_{xx}; \ U(x, \quad 0) = 5\sin 3\pi x; \ U(0, \quad t) = U(6, \quad t) = 0 \\ & 1.6. \ U_t = 7U_{xx}; \ U(x, \quad 0) = 6\sin 2\pi x + 7\sin 3\pi x; \ U(0, \quad t) = U(3, \quad t) = 0 \\ & 1.7. \ U_t = 5U_{xx}; \ U(x, \quad 0) = 7\sin 2\pi x; \ U(0, \quad t) = U(5, \quad t) = 0 \\ & 1.8. \ U_t = 6U_{xx}; \ U(x, \quad 0) = 8\sin 3\pi x + 9\sin 4\pi x; \ U(0, \quad t) = U(4, \quad t) = 0 \end{aligned}$$

```
U_t = 6U_{xx}; U(x, 0) = 9\sin 3\pi x; U(0, t) = U(4, t) = 0
 1.10. \ U_t = 5U_{xx}; \ U(x, 0) = 10\sin 2\pi x + 3\sin 3\pi x; \ U(0, t) = U(5, t) = 0 
1.11. U_t = 7U_{xx}; U(x, 0) = 11\sin 2\pi x; U(0, t) = U(3, t) = 0
 1.12. \ U_t = 4U_{xx}; \ U(x, 0) = 12\sin 3\pi x + 5\sin 4\pi x; \ U(0, t) = U(6, t) = 0 
1.13. U_t = 8U_{xx}; U(x, 0) = 13\sin 3\pi x; U(0, t) = U(2, t) = 0
U_t = 3U_{xx}; \ U(x, 0) = 14\sin 2\pi x + 7\sin 3\pi x; \ U(0, t) = U(7, t) = 0
U_t = 9U_{xx}; \ U(x, -1.15)
                         0) = 15\sin 2\pi x; U(0, t) = U(1, t) = 0
1.16. U_t = 2U_{xx}; U(x, 0) = 16\sin 3\pi x + 9\sin 4\pi x; U(0, 0) = 16\sin 3\pi x + 9\sin 4\pi x
                                                                t) = U(8, t) = 0
U_t = 2U_{xx}; \ U(x, 0) = 17\sin 2\pi x; \ U(0, t) = U(2, t)
                                                               (t) = 0
U_{t} = 3U_{xx}; \ U(x, 0) = 18\sin 3\pi x + 3\sin 4\pi x; \ U(0, t) = U(7, t) = 0
U_t = 3U_{xx}; \ U(x, -1.19)
                         0) = 19\sin 3\pi x; U(0, t) = U(3, t) = 0
1.20. U_t = 8U_{xx}; \ U(x,
                         0) = 20\sin 2\pi x + 7\sin 3\pi x; \ U(0, t) = U(6, t) = 0
1.21. U_t = 4U_{xx}; U(x, 0) = 21\sin 2\pi x; U(0, t) = U(4, t) = 0
1.22. U_t = 4U_{xx}; U(x, 0) = 22\sin 3\pi x + 5\sin 4\pi x; U(0, t) = U(5, t) = 0
1.23. U_t = 5U_{xx}; U(x, 0) = 23\sin 3\pi x; U(0, t) = U(5, t) = 0
1.24. U_t = 6U_{xx}; U(x, 0) = 24\sin 2\pi x + 9\sin 3\pi x; U(0, t) = U(4, t) = 0
1.25. U_t = 6U_{xx}; U(x, 0) = 25\sin 2\pi x; U(0, t) = U(6, t) = 0
U_t = 5U_{xx}; \ U(x, 0) = 26\sin 3\pi x + 3\sin 4\pi x; \ U(0, t) = U(3, t) = 0
1.27. U_t = 7U_{xx}; U(x, 0) = 27\sin 3\pi x; U(0, t) = U(7, t) = 0
U_{t} = 4U_{xx}; \ U(x, 0) = 28\sin 2\pi x + 5\sin 3\pi x; \ U(0, t) = U(2, t) = 0
U_t = 8U_{xx}; U(x, 0) = 29\sin 2\pi x; U(0, t) = U(8, t) = 0
U_t = 3U_{xx}; \ U(x, 0) = 30\sin 3\pi x + 7\sin 4\pi x; \ U(0, t) = U(1, t) = 0
```

Задача 2. Решить смешанную задачу для данного неоднородного уравнения теплопроводности с нулевыми начальными и граничными условиями $U(x, 0) = 0, \ U(x, 0) = 0, \ U(x, 0) = 0.$

$U_{t} = \frac{1}{9}U_{xx} + 5\sin 2t \sin 3x$	$U_t = \frac{1}{16}U_{xx} + e^{-2t}\sin 4x$
$U_{t} = \frac{1}{4}U_{xx} + 10\cos 3t\sin 2x$	$\int_{2.4.} U_t = 2U_{xx} + 7 e^{-18t} \sin 3x$
$U_t = \frac{1}{16}U_{xx} + 10\sin 3t\sin 4x$	$U_t = \frac{1}{4}U_{xx} + 2e^{-3t}\sin 2x$
$U_t = \frac{1}{9}U_{xx} + 2\cos t \sin 3x$	$U_t = 3U_{xx} + 8e^{-48t} \sin 4x$
$U_{t} = \frac{1}{4}U_{xx} + 5\sin 2t \sin 2x$	$U_t = \frac{1}{9}U_{xx} + 3e^{-4t}\sin 3x$
$U_t = \frac{1}{16}U_{xx} + 10\cos 3t\sin 4x$	$\int_{2.12.} U_t = 5U_{xx} + 6 e^{-45t} \sin 3x$
$U_{t} = \frac{1}{9}U_{xx} + 2\sin t \sin 3x$	$U_t = \frac{1}{16}U_{xx} + 4e^{-5t}\sin 4x$
$U_t = \frac{1}{9}U_{xx} + 10\cos 3t\sin 3x$	$2.16. \ U_t = 4U_{xx} + 5e^{-64t}\sin 4x$
$U_t = \frac{1}{16}U_{xx} + 2\sin t \sin 4x$	$U_t = \frac{1}{4}U_{xx} + e^{-2t}\sin 2x$
$U_{t} = \frac{1}{9}U_{xx} + 5\cos 2t\sin 3x$	$2.20. U_t = 7U_{xx} + 4e^{-63t} \sin 3x$
$U_{t} = \frac{1}{4}U_{xx} + 10\sin 3t \sin 2x$	$U_t = \frac{1}{9}U_{xx} + 2e^{-3t}\sin 3x$
$U_t = \frac{1}{16}U_{xx} + 5\cos 2t\sin 4x$	$2.24. \ U_t = 5U_{xx} + 3 e^{-20t} \sin 2x$
$U_{t} = \frac{1}{9}U_{xx} + 10\sin 3t \sin 3x$ 2.25.	$U_t = \frac{1}{16}U_{xx} + 3e^{-4t}\sin 4x$ 2.26.

$U_{t} = \frac{1}{4}U_{xx} + 5\cos 2t\sin 2x$	$2.28. U_t = 6U_{xx} + 2e^{-24t} \sin 2x$
$U_{t} = \frac{1}{16}U_{xx} + 5\sin 2t\sin 4x$	$U_t = \frac{1}{4}U_{xx} + 4e^{-5t}\sin 2x$

Задача 3. Найти решение уравнения Лапласа $\Delta U = 0$ в круговом секторе 0 < r < 1, $0 < \varphi < \alpha$ (r, φ – полярные координаты, $\alpha < 2\pi$), на границе которого искомая функция удовлетворяет следующим условиям:

3.1.
$$U(1, \varphi) = \sin 6\varphi$$
, $U(r, 0) = U(r, \pi/3) = 0$
3.2. $U(1, \varphi) = 2\cos 2\varphi$, $U_{\varphi}(r, 0) = U_{\varphi}(r, \pi/6) = 0$
3.3. $U(1, \varphi) = 3\cos 15\varphi$, $U_{\varphi}(r, 0) = 0$, $U(r, \pi/6) = 0$
3.4. $U(1, \varphi) = 4\sin 14\varphi$, $U(r, 0) = 0$, $U_{\varphi}(r, \pi/4) = 0$
3.5. $U(1, \varphi) = 5\sin 3\varphi$, $U(r, 0) = U_{\varphi}(r, 7\pi/6) = 0$
3.6. $U(1, \varphi) = 6\cos 6\varphi$, $U_{\varphi}(r, 0) = U_{\varphi}(r, 7\pi/6) = 0$
3.7. $U(1, \varphi) = 7\cos 10\varphi$, $U_{\varphi}(r, 0) = 0$, $U(r, \pi/4) = 0$
3.8. $U(1, \varphi) = 8\sin 7\varphi$, $U(r, 0) = 0$, $U_{\varphi}(r, \pi/2) = 0$
3.9. $U(1, \varphi) = 9\sin 4\varphi$, $U(r, 0) = U_{\varphi}(r, 5\pi/4) = 0$
3.10. $U(1, \varphi) = 10\cos 4\varphi$, $U_{\varphi}(r, 0) = U_{\varphi}(r, 5\pi/4) = 0$
3.11. $U(1, \varphi) = 12\sin 3\varphi$, $U(r, 0) = 0$, $U_{\varphi}(r, 3\pi/2) = 0$
3.12. $U(1, \varphi) = 13\sin 6\varphi$, $U(r, 0) = U_{\varphi}(r, 3\pi/2) = 0$
3.13. $U(1, \varphi) = 13\sin 6\varphi$, $U(r, 0) = U_{\varphi}(r, 3\pi/2) = 0$
3.14. $U(1, \varphi) = 15\cos \varphi$, $U_{\varphi}(r, 0) = 0$, $U(r, 3\pi/2) = 0$
3.15. $U(1, \varphi) = 16\sin 21\varphi$, $U(r, 0) = 0$, $U_{\varphi}(r, \pi/6) = 0$
3.16. $U(1, \varphi) = 17\sin 9\varphi$, $U(r, 0) = U(r, \pi/3) = 0$

$$\begin{array}{llll} & & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ &$$

4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Формой контроля знаний по дисциплине «Уравнения математической физики» являются две текущие аттестации в форме тестов и итоговая аттестация в

форме зачета.

	MC 3a4C	ı u.	ı	1	T	T
He-	Вид	Код компе-				
деля	оце-	тенций,	Содержа-		Стом оточи	Varrance volume and an analysis
теку-	ноч-	оцениваю-	ние оце-	Требования к	Срок сдачи	Критерии оценки по содер-
щего	НОГО	щий знания,	ночного	выполнению	(неделя се-	жанию и качеству с указа-
кон-	сред-	умения,	средства		местра)	нием баллов
троля	ства	навыки	ородота			
троли	Тести-	ОПК-1	20 вопро-	Vолин готориоз	Результаты те-	Критерии оценки определя-
		ОПК-1 ОПК-3		Компьютерное	-	
Co-	рова-	OHK-3	сов	тестирование;	стирования	ются процентным соотноше-
гласно	ние 1,2			время, отведен-	предоставля-	нием.
гра-				ное на проце-	ются в день	Не явка - 0
фика				дуру - 40 ми-	проведения	Удовлетворительно - от 51%
учеб-				нут	процедуры	правильных ответов.
ного						Хорошо - от 70%.
про- цесса						Отлично – от 90%.
цесси						Максимальная оценка – 5
						баллов
	Зачет	ОПК-1	1 теорети-	Зачет прово-	Результаты	Критерии оценки:
		ОПК-3	ческий во-	дится в пись-	предоставля-	«Зачтено»:
			прос и 3	менной форме,	ются в день	• знание основных по-
			задачи на	путем ответа	проведения за-	нятий предмета;
			различные	на вопросы.	чета	умение использо-
			темы	_	1014	-
				Время, отве-		вать и применять получен-
			курса	денное на про-		ные знания на практике;
				цедуру – 60		• работа на практиче-
				минут.		ских занятиях;
						• знание основных
Co-						научных теорий, изучаемых
гласно гра-						предметов;
фика						• частичный ответ на во-
учеб-						просы билета
ного						«Не зачтено»:
про-						• демонстрирует частич-
цесса						ные знания по темам дис-
						циплин;
						• незнание основных поня-
						тий предмета;
						• неумение использовать и
						применять полученные
						знания на практике;
						• не работал на практиче-
						ских занятиях;
						• не отвечает на вопросы.
L	l .	l .	l .	l	l	ne of be fact the bompoeth.

4.1. Типовые вопросы, выносимые на тестирование

1. Указать производную функции	1) $x^2 - 2x$ 2) $2x - 2$ 3) $2x$
$y = x^2 - 2x$:	4) $2 - 2x$ 5) $-2x$
2. Указать производную сложной функции	$2\sin x_{2}$ $2\sin x\cos x$
$y = \sin^2 2x$	1
·	$\frac{1}{2}\cos x$ 4) $-\cos 2x$ 5) $\cos 2x$
3. Указать существенный признак диффе-	1) алгебраической переменной 2)
ренциального уравнения: это уравнение с	матрицами 3) производной
	4) определителями 5) функцией
4. Указать дифференциальное уравнение:	1) $x^2 - 2x + 1 = 0$ 2)
	$y' = 2x - 2 + y_{3} y(2x) = 2y(x)_{4}$
	y = 2 - 2x
	$\int y(x)dx = -2x$
5. Указать дифференциальное уравнение в	1) $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$ 2) $u_{xx} = 0$
частных производных (ДУЧП):	3) $u = x + y$ 4) $u'(x) = 2 - 2x$
	5) u(xy) = u(x) + u(y)
6. Определить линейное ДУЧП:	1) $u_x u_{xx} = 1$ 2) $2xu_x^2 - 1 = 0$
	3) $3x^3u_{xx} - u = y$
	4) $\sqrt{u_{xy}+1} = u + \ln(x-y)$
	$\frac{u_x - 1}{u_x + 1} = u(x) + u(y)$
	5) $u_x + 1$

7. Определить нелинейное ДУЧП:	1) $u_x u_{xy}^2 + 4u = 1$ 2) $xu_x + yu_y = 0$
	$3) x^3 u_{xx} = y$
	4) $(u_x + y)^2 - 2yu_x - u_x^2 = 0$
	5) $(u_x + y)^2 = u_x^2$
8. Определить однородное ДУЧП:	1) $u_x + 3u = 0$ 2) $u_x + 3u = x$
	3) $u_x + 3u = 1$
	4) $(u+y)^2 - 2yu - u^2 = 0$
	5) $(u+y)^2 = u^2$

9. Определить неоднородное ДУЧП:	1) $u_x - u = 0$ 2) $u_x + u = x$
	3) $u_x + 3u = 0$ 4) $y' - 2yx - x^2 = 0$
	5) $(u+1)^2 = u$
10. Определить тип ДУЧП: $u_{xx} + 4u_{xy} + u_{yy} = 0$	1) гиперболический 2) параболический 3) эллиптический
	4) квазипараболический 5) квазиоллиптический
11. Характеристическое уравнение для $2u_{xx} - 3u_{xy} + u_{yy} + 5u_{x} - 6u_{y} - 1 = 0$	1) $2(y')^2 - 3y' - 1 = 0$ 2) $2(y')^2 + 3y' - 1 = 0$
имеет вид:	3) $2(y')^2 - 3y' + 5y - 6x - 1 = 0$
	4) $2(y')^2 + 3y' + 5y - 6x - 1 = 0$ 5) $2(x')^2 + 3x' + 5x - 6y - 1 = 0$
12. Характеристическое уравнение для $x^2u_{xx} - 5yu_{xy} - 6u_{yy} - y^2 = 0$	1) $x^{2}(y')^{2} - 5yy' - 6 - y^{2} = 0$ 2) $x^{2}(x')^{2} - 5yx' - 6 - y^{2} = 0$
имеет вид:	3) $x^2(x')^2 + 5yx' - 6 - y^2 = 0$ 4) $x^2(y')^2 + 5yy' - 6 - y^2 = 0$
	4) $x'(y') + 5yy - 6 - y' - 6$ 5) $x^2(y')^2 - 5yy' - 6 - x^2 = 0$
13. Решением ДУЧП $Vu = 0$ является функция $u(x, y)$, которая равна:	1) $x^2 + y^2$ 2) $x^2 - y^2$ 3) $(x - y)^2$ 4) $(x + y)^2$ 5) $-x + y^2$

14 6	
13. Решением ДУЧП Vu = 0 является	1) $x^2 + y^2$ 2) $x^2 - y^2$ 3) $(x - y)^2$
функция $u(x,y)$, которая равна:	4) $(x+y)^2$ 5) $-x+y^2$
14. Квадратичная форма, соответствую- щая ДУЧП	$\frac{1}{10} - \lambda_1^2 + \frac{5}{2}\lambda_1\lambda_2 - \frac{1}{4}\lambda_2^2$
$-2u_{xx} + 5u_{xy} - \frac{1}{2}u_{yy} - u_{x} + 5y^{2} - 3xy + x^{2} = 0$	$-\lambda_{1}^{2} + \frac{5}{2}\lambda_{1}\lambda_{2} - \frac{1}{4}\lambda_{1}^{2} - \lambda_{2}$
имеет вид:	$-2\lambda_1^2 + \frac{5}{2}\lambda_1\lambda_2 - \frac{1}{2}\lambda_2^2$
	4) $5\lambda_1^2 - 3\lambda_1\lambda_2 + \lambda_2^2$
	5) $\lambda_1^2 - 3\lambda_1\lambda_2 + 5\lambda_2^2$
15. Каноническая квадратичная форма	1) эллиптического
$\lambda_1^2 - \lambda_2^2$ соответствует ДУЧП с двумя пере-	2) гиперболического 3) параболического
менными следующего типа:	4) сферического
	5) цилиндрического
16. ДУЧП с двумя переменными эллипти- ческого типа соответствует квадратичная	1) $\lambda_1^2 + \lambda_2^2$ 2) $\lambda_1^2 - \lambda_1^2$ 3) $\lambda_1 \lambda_2$
форма:	4) $-\lambda_1\lambda_2$ 5) λ_1^2
17. Решение характеристического уравне- ния $(y')^2 - 3y' + 2 = 0$ имеет вид:	1) $C_1e^{-x} + C_2e^{-2x}$ 2) $C_1e^x + C_2e^{2x}$
	3) $C_1e^{1/x} + C_2e^{2/x}$
	10 + 10
	5) $C_1 e^{-x} + C_2 e^{2/x}$
18. Задача Коши для ДУЧП с двумя пере-	1) $u_{xx} = 0; u(0, y) = 1; u_x(0, y) = 0$
менными имеет вид:	2) $u_{xx} = 0; u_{x}(0, y) = 1; u_{y}(x, 0) = x$
	3) $u_{xx} = 0; u_{xy}(0,0) = 1$
	4) $u_{xx} = 0; u_{xy}(0,0) = 1$
	5) $u_{xx} = 0; u_{yy}(x,0) = x$
19. Укажите задачу Дирихле для уравне-	1) $Vu = 0; u(x, y) _{r=k} = 2x$
ния Лапласа в круге $x^2 + y^2 \le r^2, r < R$:	2) $Vu = 0; u(x, y) _{x=y} = 2x$
	3) $Vu = 0; u_x(x,y) _{x=y} = 2x$
	4) $Vu = 0; u_x(x, y) _{r=R} = 2x$
	5) $Vu = 0; u(x,0) = 2x$

1) $2xy - \cos xy + 2e^{x+2y}$ 2) $x^2 - x\cos xy + 2e^{x+2y}$ 3) $x^2 + e^{x+2y}$ 4) $x^2 - y\sin xy + e^{x+2y}$ 5) $2xy - y\cos xy + e^{x+2y}$
$\frac{dy}{dx} = \frac{x+y}{y} = \frac{x+y}{2}$ 3) $(x+y)dy = (x-y)dx$ 4) $(x+1)dx = (x-y)dy$
$y' = \frac{x}{y} + \frac{y}{x}$ $1)^{\lambda_1^2 + \lambda_2^2} 2)^{\lambda_1^2 - \lambda_1^2} 3)^{-\lambda_1^2 - \lambda_1^2}$ $4)^{\lambda_1^2} 5)^{-\lambda_1 \lambda_2}$

24. Дифференциальным уравнением в	$\frac{dy}{dx} = \frac{2xy}{x^2 + y^2}$
частных производных является	
	$2. \ x^2 dx + z^2 = 0$
	$x\frac{\partial z}{\partial x} + y\frac{\partial z}{\partial y} = z$
25. Уравнение колебания струны	$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = a \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$
	$\frac{\partial u}{\partial t} = a^2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$
	2. $\frac{\partial t}{\partial x^2}$
	$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = a \frac{\partial u}{\partial x}$
	$3. \partial t^2$ ∂x
26. Указать дифференциальное уравнение второго порядка	1. $u^2 + x^2 = 4$
	$u^2 + \frac{\partial u}{\partial x} = x^2$
	=•
	$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0$
	3. $\partial x^2 + \partial y^2$
27. Какие условия для функции $u(x,t)$	1. $u(1;t)=f(t)$
являются начальными	2. u(x,o)=f(x)

	$\left \frac{\partial u}{\partial x} \right _{x=1} = f(t)$
28. Найти функцию $u(x,y)$, удовлетворяющую уравнению $\frac{\partial u}{\partial y} = 3$	1. $u(x,y)=3y+\varphi(x)$ 2. $u(x,y)=3x+\varphi(y)$ 3. $u(x,y)=3y+C$
29. Согдасно методу Фурье решение дифференциального уравнения теплопроводности находят в виде	$u(x,t) = \frac{X(x)}{T(t)}$ 1. $2. u(x,t)=X(x)T(t)$ 3. $u(x,t)=xt$
30. Решить задачу о собственных значениях (задачу Штурма-Лиувилля) $\chi'' + \lambda \chi = 0 \ , x(0) = 0, x(l) = 0$	1. $X(x) = A\cos\sqrt{\lambda}x + B\sin\sqrt{\lambda}x$ 2. $X(x) = A + Be^{-\sqrt{\lambda}x}$ 3. $\lambda_n = \frac{\pi^2 n^2}{l^2}, X_n(x) = B\sin\frac{\pi n}{l}x, n = 1, 2, \dots$
32.Уравнение теплопроводности для стационарного случая	$\frac{\partial u}{\partial t} = a^2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$ 1. $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = 0$ 2. $\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} - \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0$ 3. $\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} - \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = 0$
33.Уравнение гиперболического типа	1. $u_{xx}^{-u} = F$ 2. $u_{xx}^{-u} = F$ 3. $u_{xx}^{-u} = F$

4.2. Типовые вопросы, выносимые на зачет

- 1. Основные понятия о методах математичкой физики (МФ). Математические модели физических объектов.
- 2. Уравнения математической физики. Дифференциальные уравнения в частных производных. Основные понятия и определения. Основные типы уравнений математической физики. Корректность постановок задач МФ.
- 3. Вывод волнового уравнения (уравнения колебаний струны). Вид уравнения колебаний мембраны.
- 4. Решение уравнения колебаний струны методом Фурье.
- 5. Вывод уравнения распространения теплоты в стержне. Уравнение теплопроводности. Краевая задача. Распространение теплоты в пространстве.
- 6. Решение задачи теплопроводности в неограниченном стержне методом Фурье. Интеграл Пуассона.
- 7. Распространения теплоты в ограниченном стержне.
- 8. Уравнение Лапласа. Стационарное распределение температуры в однородном теле. Типы краевых задач.
- 9. Решение задачи Дирихле для кольца. Уравнение Лапласа в цилиндрической системе координат.
- 10. Решение задачи Дирихле для круга. Интеграл Пуассона в полярной системе координат.
- 11. Решение первой краевой задачи для уравнения теплопроводности методом конечных разностей.
- 12. Классификация уравнений М Φ (однородные, неоднородные; линейный. квазилинейные; порядок уравнения).
- 13. Решение линейного дифференциального уравнения первого порядка в частных производных. Соответствующее уравнение.
- 14. Приведение дифференциального уравнения второго порядка к каноническому виду. Уравнение характеристик
- 15. Понятие дифференциальных уравнений в частных производных (ДУЧП).
- 16. Классификация ДУЧП по форме.
- 17. Вывод волнового уравнения.
- 18. Вывод уравнения теплопроводности.
- 19. Классификация ДУЧП 2-го порядка по типам.
- 20. Понятие краевых задач для уравнений математической физики.
- 21. Начальные и граничные условия для основных ДУЧП 2-го порядка; 1-я, 2-я и 3-я краевые задачи.
- 22. Краевые задачи без начальных условий.
- 23. Краевые задачи без граничных условий.
- 24. Краевые задачи на полубесконечной прямой.
- 25. Метод Даламбера решения ДУЧП.
- 26. Метод Фурье решения ДУЧП.
- 27. Задача о колебании струны.
- 28. Уравнение теплопроводности. Функция температурного влияния мгновенного точечного источника тепла.

- 29. Общее решение 1-й краевой задачи для одномерного неоднородного уравнения теплопроводности.
- 30. Фундаментальное решение. Общее решение 1-й краевой задачи для одномерного неоднородного уравнения теплопроводности с неоднородными начальными условиями.
- 31. Решение полной 1-й краевой задачи для уравнения теплопроводности.
- 32. Решение задачи Коши (без граничных условий) для уравнения теплопроводности.
- 33. Решение 1-й краевой задачи на бесконечной прямой для уравнения теплопроводности.
- 34. Решение 1-й краевой задачи на полубесконечной прямой для уравнения теплопроводности.
- 35. Интеграл Пуассона.
- 36. Постановки краевых задач для уравнений эллиптического типа. Примеры.
- 37. Законы Фурье.
- 38. Уравнение Лапласа в полярной, цилиндрической, сферической системах координат.

ИНСТИТУТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ И ТЕХНОЛОГИЙ КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН

МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ «УРАВНЕНИЯ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ»

(Приложение 2 к рабочей программе)

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Профиль: Искусственный интеллект и управление в ракетно-космических систе-

мах

Уровень высшего образования: бакалавр

Форма обучения: очная

Королев 2021

1. Общие положения

Цель изучения дисциплины – дать современные теоретические знания в области уравнений математической физики и практические навыки в решении и исследовании основных типов дифференциальных уравнений с частными производными, ознакомить студентов с начальными навыками математического моделирования

Основными задачами дисциплины являются

- формирование представления о теоретических основах методов математической физики;
- ознакомление с областью применения и современными достижениями математической физики;
- развитие практические навыки по составлению математических моделей простейших физических систем, решению дифференциальных уравнений в частных производных.

2. Указания по проведению практических занятий

Тема 1. Классификация, канонические формы и методы решения уравнений и краевых задач математической физики

Практическое занятие 1. Основные проблемы математической физики. Корректно поставленные задачи. Пример Адамара. Корректность по Адамару, по Тихонову. Задача Штурма-Лиувиля.

Тема 2. Уравнения гиперболического типа.

Практическое занятие 1. Линейные и нелинейные дифференциальные уравнения в частных производных. Основные типы линейных дифференциальных уравнений. Формула Даламбера. Формула Кирхгофа.

Практическое занятие 2 Задача Коши для волнового уравнения на плоскости. Метод спуска. Формула Пуассона.

Тема 3. Уравнения эллиптического типа.

Практическое занятие 1. Первая смешанная задача для волнового уравнения на отрезке, в прямоугольнике, в круге.

Практическое занятие 2. Задача Дирихле для уравнения Лапласа в круге. Задача Дирихле для уравнения Пуассона в кольце.

Тема 4. Уравнения параболического типа

Практическое занятие 1. Решение задачи Дирихле для уравнения Пуассона в шаровом слое.

Практическое занятие 2. Решение задачи Дирихле для уравнения Гельмгольца в круге.

Тема 5. Обобщенные решения

Практическое занятие 1. Метод Фурье при решении задач Дирихле, Неймана для «хороших» областей. Решение задачи Коши для уравнения теплопроводности

Продолжительность каждого занятия -4ч.

3. Указания по проведению лабораторного практикума Не предусмотрено учебным планом.

4. Указания по проведению самостоятельной работы студентов

Цель самостоятельной работы: подготовить бакалавров к самостоятельному научному творчеству.

Задачи самостоятельной работы:

- изучение теоретического лекционного курса;
- приобретение умений и навыков использовать изученные математические методы для самостоятельного решения и исследования типовых задач;
- развитие способностей к логическому и алгоритмическому мышлению;
- воспитание математической культуры аналитических преобразований

Объем времени на самостоятельную работу, и виды самостоятельной работы представлены в таблице 1.

Таблица 1

Объем времени и виды самостоятельной работы

Виды самостоятельной работы	Очная форма обучения
	Всего академических часов
Всего часов на самостоятельную работу	60
Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение	15
Подготовка к практическим занятиям	30
Подготовка к зачету	15

Вопросы для самостоятельной работы

- 1. Основные типы обыкновенных дифференциальных уравнений и методы их решения.
- 2. Линейные дифференциальные уравнения в частных производных.
- 3. Основные модели математической физики.
- 4. Уравнение продольных колебаний стержня.
- 5. Уравнение колебаний мембраны.
- 6. Распространение тепла в пространстве.
- 7. Потенциальное течение жидкости.
- 8. Метод разделения переменных в задаче Дирихле.
- 9. Разностные схемы решения уравнений математической физики.
- 10. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка в частных производных.

- 11. Решение уравнений математической физики на основе теории тригонометрических рядов Фурье;
- 12. Решение уравнений математической физики методом разделения переменных;
- 13. Распространение тепла в пространстве. Стационарное тепловое поле.
- 14. Описание потенциального течения жидкости с помощью уравнений математической физики.
- 15. Физические задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям в частных производных.
- 16. Уравнение диффузии.
- 17. Вывод уравнений электрических колебаний в проводах.
- 18. Физические задачи, приводящие к интегральным уравнениям.
- 19. Приложения интегральных уравнений в математической физике.
- 20. Приложения цилиндрических функций в математической физике.
- 21. Применение сферических функций в математической физике.

5. Указания по проведению контрольных работ для студентов факультета заочного обучения

Не предусмотрено учебным планом.

6. Указания по проведению курсовых работ

Не предусмотрено учебным планом.

7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

Основная литература:

- 1. Павленко А. Н. Уравнения математической физики [электронный ресурс]: учеб. пособие / Павленко А.Н. Пихтилькова О.А. Оренбург: ОГУ, 2013. 100с.; нет. URL: http://rucont.ru/efd/233779
- 2. Дзержинский Р. И. Уравнения математической физики / Р.И. Дзержинский; В.А. Логинов. Москва: Альтаир|МГАВТ, 2015. 67 с. Электронная программа (визуальная). Электронные данные : электронные.

URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=429675.

3. Лесин В.В. Уравнения математической физики: Учебник. - 1. - Москва; Москва: ООО "КУРС": ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2020. - 240 с. - ISBN 9785906818614. - Электронная программа (визуальная). Электронные данные : электронные.

URL: http://znanium.com/go.php?id=961832

Дополнительная литература:

1. Сахарова Л. В. Уравнения математической физики: учебное пособие / Л.В. Сахарова, М.Б. Стрюков; Министерство образования и науки Российской Федерации; Ростовский государственный экономический университет (РИНХ). - Ростовна-Дону: Издательско-полиграфический комплекс РГЭУ (РИНХ), 2018. - 104 с.: схем., табл. - ISBN 978-5-7972-2534-8. - Текст (визуальный): непосредственный.

URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=568601

- 2. Емельянов В.М. Уравнения математической физики; учеб. пособие В. М. Емельянов, Е. А. Рыбакина. Москва: Лань", 2016. 224 с.: ил. (Учебники для вузов. Специальная литература). ISBN 978-5-8114-0863-4. URL: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=71748
- 3. Титов К. В. Уравнения математической физики. Практикум. Компьютерные технологии решения задач: Учебное пособие. 1. Москва; Москва: Издательский Центр РИОР: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2019. 262 с. ISBN 978-5-369-01812-5. Электронная программа (визуальная). Электронные данные : электронные.

URL: http://znanium.com/go.php?id=1023989

- 4. Костецкая Г. С. Уравнения математической физики эллиптического и параболического типов: учебное пособие / Г.С. Костецкая, Т.Н. Радченко; Министерство образования и науки Российской Федерации; Южный федеральный университет.
- Ростов-на-Дону|Таганрог: Южный федеральный университет, 2017. 117 с.: ил.
- ISBN 978-5-9275-2477-8. Электронная программа (визуальная). Электронные данные: электронные.

URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=570781

5. Торшина О. А. Уравнения математической физики: Учебное пособие / Магнитогорский государственный технический университет им. Г.И. Носова. - 1. - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2020. - 59 с. - ISBN 978-5-16-108561-5.

URL: http://znanium.com/go.php?id=1089483

8.Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

Интернет-ресурсы:

http://www.znanium.com/ - электронно-библиотечная система

http://www.e.lanbook.com/ - ЭБС Издательства "ЛАНЬ"

http://www.rucont.ru/- электронно-библиотечная система

http://www.biblioclub.ru/ -университетская библиотека онлайн

9.Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Перечень программного обеспечения: MSOffice

Информационные справочные системы: Электронные ресурсы образовательной среды Университета