



Государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
Московской области

ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по учебной работе
Е.К. Самаров
« 25 » 2021г.



***ИНСТИТУТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ И ТЕХНОЛОГИЙ
КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН***

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

ДИСЦИПЛИНЫ

«МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ»

Направление подготовки: 01.03.02. Прикладная математика и информатика

Профиль: Искусственный интеллект и управление в ракетно-космических системах

Уровень высшего образования: бакалавр

Форма обучения: очная

Королев




2021

Автор: Бугай И.В. Рабочая программа дисциплины: Математический анализ. – Королев МО: МГОТУ, 2021.

Рецензент: к.ф.-м.н., доцент Кузина Т.С.

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки бакалавров 01.03.02 «Прикладная математика и информатика» и Учебного плана, утвержденного Ученым советом МГОТУ. Протокол № 13 от 22 июня 2021 года.

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры:

Заведующий кафедрой (ФИО, ученая степень, звание, подпись)	Бугай И.В. к.т.н., доцент 	<i>Бугай И.В.</i> к.т.н., доцент 	<i>Бугай И.В.</i> к.т.н., доцент 	
Год утверждения (переутверждения)	2021	<i>2022</i>	<i>2023</i>	
Номер и дата протокола заседания кафедры	<i>№10 от</i> <i>20.05.21</i>	<i>№11 от</i> <i>10.06.22</i>	<i>№9 от</i> <i>25.04.23</i>	

Рабочая программа согласована:

Руководитель ОПОП ВО _____  к.т.н., доц. И.В. Бугай

Рабочая программа рекомендована на заседании УМС:

Год утверждения (переутверждения)	2021	<i>2022</i>	<i>2023</i>	
Номер и дата протокола заседания УМС	<i>№7 от</i> <i>15.06.21</i>	<i>№5 от</i> <i>21.06.22</i>	<i>№6 от</i> <i>16.05.23</i>	

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО

Цели изучения дисциплины:

- формирование способности к восприятию, обобщению и анализу информации;
- освоение необходимого математического аппарата, применяемого при решении различных профессиональных задач;
- формирование готовности применять методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности.

В процессе обучения студент приобретает и совершенствует следующие компетенции:

общефессиональные компетенции (ОПК):

- Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности (ОПК-1).

профессиональные компетенции (ПК):

- Способность демонстрировать базовые знания математических и естественных наук, основ программирования и информационных технологий (ПК-2).

Основными задачами дисциплины являются:

- Дать студентам базовые знания по следующим разделам математического анализа: теория пределов, дифференциальное исчисление функции одного и многих переменных, интегральное исчисление.
- Научить студентов решать типовые задачи дисциплины.

После завершения освоения данной дисциплины студент должен:

Знать:

- базовые знания, полученные в области математических и (или) естественных наук;

Уметь:

- находить, формулировать и решать стандартные задачи в научно-исследовательской деятельности в математике и информатике
- использовать знания, полученные в области математических и (или) естественных наук в профессиональной деятельности.

Владеть:

- практическим опытом научно-исследовательской деятельности в математике и информатике;
- возможностями выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических знаний.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «Математический анализ» относится к обязательной части основной профессиональной образовательной программы подготовки бакалавров по направлению подготовки 01.03.02 «Прикладная математика и информатика».

Изучение данной дисциплины базируется на дисциплинах до вузовской подготовки: «Алгебра» и «Геометрия».

Знания и компетенции, полученные при освоении дисциплины, являются базовыми при изучении дисциплин: «Дифференциальные уравнения», «Численные методы», «Уравнения мат. физики», «Теория случайных процессов» и др., прохождении практики, государственной итоговой аттестации и выполнении выпускной квалификационной работы бакалавра.

1. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 10 зачетных единиц, 360 часов.

Таблица 1

Виды занятий	Всего часов	Семестр 1	Семестр 2	Семестр 3	Семестр 4
Общая трудоемкость	360	120	120	120	
ОЧНАЯ ФОРМА ОБУЧЕНИЯ					
Аудиторные занятия	144	48	48	48	-
Лекции (Л)	48	16	16	16	-
Практические занятия (ПЗ)	96	32	32	32	-
Лабораторные работы (ЛР)	-	-	-	-	-
Самостоятельная работа	216	72	72	72	-
Курсовые работы (проекты)	-	-	-	-	-
Расчётно-графические работы	-	-	-	-	-
Контрольная работа, домашнее задание	+	+	+	+	-
Текущий контроль знаний	Тест	Тест	Тест	Тест	-
Вид итогового контроля	экзамен	экзамен	экзамен	экзамен	-
ЗАОЧНАЯ ФОРМА НЕ ПРЕДУСМОТРЕНА УЧЕБНЫМ ПЛАНОМ					

2. Содержание дисциплины

4.1. Темы дисциплины и виды занятий

Таблица 2

Наименование тем	Лекции, час.	Практические занятия, час	Занятия в интерактивной форме, час	Код компетенций
1 семестр				
Тема 1. Предел последовательности. Предел функции.	4	8	2	ОПК-1 ПК-2
Тема 2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной.	6	12	4	ОПК-1 ПК-2
Тема 3. Интегральное исчисление. Неопределённый интеграл.	6	12	4	ОПК-1 ПК-2
Итого по 1 семестру	16	32	10	
2 семестр				
Тема 4. Интегральное исчисление. Определённый интеграл.	6	12	4	ОПК-1 ПК-2
Тема 5. Несобственные интегралы	4	8	2	ОПК-1 ПК-2
Тема 6. Ряды. Приближенные вычисления.	6	12	4	ОПК-1 ПК-2
Итого по 2 семестру	16	32	10	
3 семестр				
Тема 7. Дифференциальное исчисление функции многих переменных.	8	16	6	ОПК-1 ПК-2
Тема 8. Криволинейные интегралы	8	16	4	ОПК-1 ПК-2
Итого по 3 семестру	16	32	10	
Итого:	48	96	30	

4.2. Содержание тем дисциплины

Тема 1. Предел последовательности. Предел функции.

Вещественные числа. Теория последовательностей. Понятие функции. Графическое изображение функции. Сложные и элементарные функции. Предел функции. О-символика. Непрерывность функции. Обратная функция. Функция, заданная параметрически. Неявная функция.

Тема 2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной.

Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Зависимость между непрерывностью и дифференцируемостью функций. Схема вычисления производной. Основные правила дифференцирования. Производная сложной и обратной функций. Производные основных элементарных функций. Понятие дифференциала функции. Применение дифференциала в приближенных вычислениях. Понятие о дифференциалах высших порядков.

Основные теоремы дифференциального исчисления. Правило Лопиталья. Применение производных к исследованию функций и построению графиков. Достаточное условие экстремума. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построения ее графика.

Тема 3. Интегральное исчисление. Неопределённый интеграл.

Понятие первообразной. Свойства неопределенного интеграла. Таблица неопределённых интегралов. Способы интегрирования: замена переменной в неопределенном интеграле; интегрирование по частям; интегрирование рациональных функций; интегрирование некоторых классов иррациональных и трансцендентных функций.

Тема 4. Интегральное исчисление. Определённый интеграл.

Понятие об определённом интеграле и его свойства. Теорема о среднем определенном интеграле. Интеграл с переменным верхним пределом. Существование первообразной для непрерывных функций. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной в определенном интеграле. Интегрирование по частям. Свойства определенного интеграла.

Вычисление площади плоской криволинейной трапеции, объёмов тел вращения, длины дуги.

Тема 5. Несобственные интегралы

Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Главное значение несобственного интеграла на бесконечном промежутке интегрирования. Геометрический смысл несобственных интегралов с бесконечным пределом интегрирования. Интеграл Эйлера – Пуассона. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Признаки сравнения сходимости несобственных интегралов первого рода. Признак Коши сходимости несобственных интегралов первого рода. Необходимое и

достаточное условие сходимости несобственного интеграла первого рода. Абсолютная сходимость интеграла в промежутке $[a, +\infty)$. Признак Абеля. Признак Дирихле.

Тема 6. Ряды. Приближенные вычисления.

Понятие числового ряда. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Достаточные критерии сходимости числовых рядов с неотрицательными членами: первый и второй признаки сравнения, признак Даламбера в предельной форме, интегральный признак, признак Коши. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Оценка остатка ряда. Абсолютно и условно сходящиеся числовые ряды. Свойства абсолютно и условно сходящихся рядов.

Понятие о функциональных рядах. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Почленная интегрируемость и дифференцируемость степенного ряда на интервале сходимости. Ряды Тейлора (Маклорена). Разложения функций в ряд Тейлора. Применение рядов в приближенных вычислениях.

Тема 7. Дифференциальное исчисление функции многих переменных.

Понятие о функциях нескольких переменных. Окрестность точки. Внутренние и граничные точки множества. Открытые и замкнутые множества. Изолированные и предельные точки множества. Предел и непрерывность функции нескольких переменных. Поверхности (линии) уровня функции нескольких переменных. Частные производные, полный дифференциал. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости функции. Производная сложной функции. Экстремум функции нескольких переменных.

Тема 8. Криволинейные интегралы

Определение и вычисление двойного интеграла. Двойной интеграл в полярных координатах. Вычисление площади плоской области. Вычисление объема тела с помощью двойного интеграла. Вычисление площади поверхности. Механическое приложение двойного интеграла.

Тройной интеграл. Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах. Вычисление тройного интеграла в цилиндрических и сферических координатах. Вычисление объема тела с помощью тройного интеграла. Механические приложения тройного интеграла.

5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы по дисциплине

«Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины»

6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Структура фонда оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине «Математический анализ» приведена в Приложении 1 к настоящей рабочей программе.

7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

Основная литература:

1. Шершнева В.Г. Математический анализ: Учебное пособие / Шершнева Владимир Григорьевич. - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2013. - 288 с. - ISBN 978-5-16-005488-9. URL: <http://znanium.com/go.php?id=342089>
2. Складнев С.А. Математический анализ (числовые последовательности) / Складнев С.А., Писарева С.В. - Воронеж: Издательско-полиграфический центр Воронежского государственного университета, 2012. - 27с.; нет. URL: <http://rucont.ru/efd/238877>
3. Туганбаев А. А. Математический анализ: интегралы / А.А. Туганбаев. - 2-е изд., стереотип. - Москва: Флинта, 2011. - 76 с. - ISBN 978-5-9765-1306-8. URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=103835>
4. Туганбаев, А.А. Математический анализ: производные и графики функций: [16+] / А.А. Туганбаев. – 3-е изд., стереотип. – Москва: Флинта, 2017. – 91 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=103836>
5. Туганбаев, А. А. Математический анализ: ряды / А.А. Туганбаев. - 2-е изд., стереотип. - Москва: Флинта, 2011. - 40 с. - ISBN 978-5-9765-1307-5. URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=103837>
6. Шипачев, В. С. Математический анализ. Теория и практика: учеб. пособие / В.С. Шипачев. — 3-е изд. — М.: ИНФРА-М, 2019. — 351 с. — (Высшее образование). — www.dx.doi.org/10.12737/5267. - ISBN 978-5-16-010073-9. - Текст: электронный. – URL: <https://znanium.com/catalog/product/989800>

Дополнительная литература:

1. Шершнева В.Г. Математический анализ: сборник задач с решениями: Учебное пособие / Шершнева Владимир Григорьевич. - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2014. - 164 с. - ДЛЯ СТУДЕНТОВ ВЫСШИХ УЧЕБНЫХ ЗАВЕДЕНИЙ. - ISBN 978-5-16-005487-2. URL: <http://znanium.com/go.php?id=445587>
2. Кутузов, А.С. Математический анализ: дифференциальное и интегральное исчисление функций одной переменной: [16+] / А.С. Кутузов. – 2-е изд. стер. – Москва; Берлин: Директ-Медиа, 2017. – 127 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=462166>

3. Кутузов, А.С. Математический анализ: теория пределов / А.С. Кутузов. – Москва; Берлин: Директ-Медиа, 2017. – 152 с.: ил. – Режим доступа: по подписке. –
URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=471821>
4. Быкова, О.Н. Математический анализ: учебное пособие / О.Н. Быкова, С.Ю. Колягин; учред. Московский педагогический государственный университет. – Москва: Московский педагогический государственный университет (МПГУ), 2016. – Ч. 1. – 120 с.: ил. – Режим доступа: по подписке. –
URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=471785>
5. Математический анализ: сборник индивидуальных заданий. Дифференциальное исчисление функций многих переменных: [16+] / Г.В. Недогибченко, Р.И. Святкина, А.А. Шалагинов и др.; Новосибирский государственный технический университет. – Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет, 2017. – 106 с.: ил., табл. – Режим доступа: по подписке. –
URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=576419>
6. Буров, А.Н. Математический анализ: прикладные задачи: [16+] / А.Н. Буров, Н.Г. Вахрушева; Новосибирский государственный технический университет. – Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет, 2018. – 79 с.: ил., табл. – Режим доступа: по подписке. –
URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=576151>
7. Лебедева, Е.А. Математический анализ: сборник задач для контрольных работ во втором семестре: [16+] / Е.А. Лебедева, О.В. Шеремет; Новосибирский государственный технический университет. – Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет, 2019. – 72 с.: ил. – Режим доступа: по подписке. –
URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=576398>

8.Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

Интернет-ресурсы:

- <http://www.znanium.com/> - электронно-библиотечная система
<http://www.e.lanbook.com/> - ЭБС Издательства "ЛАНЬ"
<http://www.rucont.ru/> - электронно-библиотечная система
<http://www.biblioclub.ru/> -университетская библиотека онлайн

9.Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины приведены в Приложении 2 к настоящей рабочей программе.

10.Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Перечень программного обеспечения: *MSOffice*

Информационные справочные системы: *Электронные ресурсы образовательной среды Университета.*

11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Лекционные занятия:

- аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран); доской для письма мелом или фломастерами;
- комплект электронных презентаций/слайдов.

Практические занятия:

- аудитория, оснащенная мультимедийными средствами (проектор, ноутбук), демонстрационными материалами (наглядными пособиями); доской для письма мелом или фломастерами;
- рабочее место преподавателя, оснащенное компьютером с доступом в Интернет;
- рабочее место студента, оснащенное компьютером с доступом в Интернет.

***ИНСТИТУТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ И ТЕХНОЛОГИЙ
КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН***

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ
ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО
ДИСЦИПЛИНЕ
«МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ»**

(Приложение 1 к рабочей программе)

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Профиль: Искусственный интеллект и управление в ракетно-космических системах

Уровень высшего образования: бакалавр

Форма обучения: очная

Королев
2021

1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

№ п/п	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или ее части)*	Раздел дисциплины, обеспечивающий формирование компетенции (или ее части)	В результате изучения раздела дисциплины, обеспечивающего формирование компетенции (или ее части), обучающийся должен:		
				Знать	уметь	владеть
1.	ПК-2	Способность демонстрировать базовые знания математических и естественных наук, основ программирования и информационных технологий	Тема 1-8.	-базовые знания, полученные в области математических или естественных наук, программирования или информационных технологий	-находить, формулировать и решать стандартные задачи в научно-исследовательской деятельности в математике и информатике	-практическим опытом научно-исследовательской деятельности в математике и информатике
2.	ОПК-1	Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	Тема 1-8.	- базовые знания, полученные в области математических и (или) естественных наук.	- использовать знания, полученные в области математических и (или) естественных наук в профессиональной деятельности.	- возможностями выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических знаний.

2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Код компетенции	Инструменты, оценивающие сформированность компетенции	Этапы и показатель оценивания компетенции	Шкала и критерии оценки
ПК-2, ОПК1	Письменная (контрольная) работа	<p>А) полностью сформирована (компетенция освоена на высоком уровне) – 5 баллов</p> <p>Б) частично сформирована:</p> <ul style="list-style-type: none"> •компетенция освоена на продвинутом уровне – 4 балла; •компетенция освоена на базовом уровне – 3 балла; <p>В) не сформирована (компетенция не освоена) – 2 и менее баллов</p>	<p>1. Выбор оптимального метода решения задачи (1 балл)</p> <p>2. Умение применить выбранный метод (1 балл)</p> <p>3. Логический ход решения правильный, но имеются арифметически в расчетах (1 балл)</p> <p>4. Решение задачи и получение правильного результата (2 балла)</p> <p>5. Задача не решена вообще (0 баллов)</p> <p>Максимальная оценка - 5 баллов.</p> <p>Результаты оценочной процедуры представляются обучающимся в срок не позднее 1 недели после проведения процедуры – для текущего контроля. Оценка проставляется в электронный журнал</p>

3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

3.1 Примерная тематика заданий письменных (контрольных) работ:

Каждому студенту при поступлении присваивается учебный шифр. Он указан в зачетной книжке и студенческом билете. Вариант задания выбирается в соответствии с двумя последними цифрами шифра *A* и *B*. Каждая задача зависит от двух числовых параметров *m* и *n*, которые определяются по цифрам *A* и *B* из таблиц:

<i>A</i>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
<i>m</i>	2	6	4	8	8	2	6	4	4	6

<i>B</i>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
<i>n</i>	3	5	1	7	9	1	3	7	5	9

1 СЕМЕСТР

1. Найти пределы:

$$1.а \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x + \sqrt{x^2 + nx + m}}{nx - m};$$

$$1.в \lim_{x \rightarrow m} \frac{\sin m\pi x - \sin n\pi x}{\sqrt{1 - \cos 3\pi x}};$$

$$1.д \lim_{x \rightarrow \pi} (2 + \cos nx)^{\operatorname{ctg}(m-n)x};$$

$$1.б \lim_{x \rightarrow m} \frac{x - \sqrt{x^2 + nx - mn}}{x^2 - (m+n)x + mn};$$

$$1.г \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 - mx}{x^2 + nx + m} \right)^{nx+m};$$

$$1.е \lim_{x \rightarrow \infty} x \left(\operatorname{arctg} \frac{x-n}{x-m} - \frac{\pi}{4} \right).$$

2. Найти производные следующих функций:

$$2.а \ y = (x^2 - mx^{m-n} + n)^n;$$

$$2.в \ y = \frac{1 - m \cdot \ln(nx)}{1 + m \cdot \ln(nx)};$$

$$2.д \ y = \sqrt{\frac{(1 - nx^2)(m+x)^m}{(x-m)^n (nx^2 + m)}};$$

$$2.ж \ y = t - m \cdot \ln nt, \quad x = 1 - \frac{m}{t};$$

$$2.б \ y = \sin mx \cdot e^{-nx};$$

$$2.г \ y = \operatorname{arctg}^n \sqrt{\arcsin mx};$$

$$2.е \ y = (\cos nx)^{x+m};$$

$$2.з \ e^{xy} - mx \cdot \operatorname{tg} \frac{ny}{mx} = 0.$$

3. Найти точки разрыва функций

$$3.а \ y = \frac{x-m}{x-n} e^{-\frac{1}{x-m}};$$

$$3.б \ y = \frac{x-n}{x-m} \ln(x-n)^2$$

и определить тип разрыва. Сделать схематический чертеж.

4. Исследовать функцию $y = \frac{x^2 - (m+n)x + mn}{x-2m}$ с помощью производных первого и второго порядка и построить её график.

2 СЕМЕСТР

1. Вычислить неопределенные интегралы:

$$1.а \int \frac{(x^m + \sqrt{x^{-n}})^2 dx}{x^{m-n}};$$

$$1.в \int \frac{\sin^n x dx}{\cos^m x};$$

$$1.д \int \frac{dx}{(x-m)\sqrt{x^2 - (m+n)x + mn}};$$

$$1.ж \int \frac{dx}{x^3 \sqrt{x^2 + m^2}};$$

$$1.б \int \frac{(x+m)dx}{\sqrt{n^2 - x^2}};$$

$$1.г \int (x+m)e^{-nx} dx;$$

$$1.е \int \frac{(m^2 + n^2 - mx)dx}{(x+m)(x^2 + n^2)};$$

$$1.з \int \frac{dx}{(1+m^2)\sin nx - 2m}.$$

2. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$2.а \ (y-n)^2 = x+m, \ y = x+m+n+2; \quad 2.б \ y = \ln \frac{x}{n}, \ y = 0, \ x = n, \ x=mn.$$

3. Вычислить объем тела, ограниченного данными поверхностями:

$$4z = 16 - x^2 - y^2 \quad z = 0 \quad x^2 + y^2 = (4x^2 + 4y^2 \leq 16)$$

4. Исследовать сходимость ряда: $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n-1}{2^n}$

3 СЕМЕСТР

1. Найти градиент функции $f(x, y) = \ln^2 \frac{mx+ny}{\sqrt{x}}$ в точке $(1, n)$.
2. Вычислить производную функции $f(x, y) = \frac{x^m}{y^n}$ по направлению вектора $\vec{l} = (n, m)$ в точке $(1, 1)$.
3. Найти производные $\frac{\partial^2 f}{\partial x^2}$, $\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}$, $\frac{\partial^2 f}{\partial y^2}$ функции $f(x, y) = xe^{mx-ny}$.
4. Для поверхности, задаваемой уравнением $x^n y^{m+1} - 2xy + 1 = 0$, написать уравнения касательной плоскости и нормали в точке $(1, 1)$.
5. Изменить порядок интегрирования и перейти к полярным координатам:

$$\int_0^a 1 dy \int_{\sqrt{ay}}^{\sqrt{2a^2-y^2}} f(x, y) dx$$

6. Вычислить поток векторного поля $\vec{a} = x^2i + 3zj - zk$ через полную поверхность пирамиды, ограниченной плоскостями $z+x=1$, $y=z$, $y=0$, $x=0$

4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Формой контроля знаний по дисциплине «Математический анализ» в каждом из 3-х семестров являются две текущие аттестации в форме тестов и экзамен в письменной форме.

Неделя текущего контроля	Вид оценочного средства	Код компетенций, оценивающий знания, умения, навыки	Содержание оценочного средства	Требования к выполнению	Срок сдачи (неделя семестра)	Критерии оценки по содержанию и качеству с указанием баллов
Согласно графика учебного процесса	тестирование	ПК-2 ОПК-1	20 вопросов	Компьютерное тестирование; время, отведенное на процедуру - 30 минут	Результаты тестирования предоставляются в день проведения процедуры	Критерии оценки определяются процентным соотношением. Не явка - 0 Удовлетворительно - от 51% правильных ответов. Хорошо - от 70%. Отлично - от 90%.

Согласно графика учебного процесса	тестирование	ПК-2 ОПК-1	20 вопросов	Компьютерное тестирование; время, отведенное на процедуру – 30 минут	Результаты тестирования предоставляются в день проведения процедуры	Критерии оценки определяются процентным соотношением. Не явка -0 Удовлетворительно - от 51% правильных ответов. Хорошо - от 70%. Отлично – от 90%. Максимальная оценка – 10 баллов.
Согласно графика учебного процесса	Экзамен	ПК-2 ОПК-1	5 заданий	Экзамен проводится в письменной форме, путем решения задач. Время, отведенное на процедуру – 45 минут.	Результаты предоставляются в день проведения экзамена	Критерии оценки: «Отлично»: знание основных понятий предмета; умение использовать и применять полученные знания на практике; работа на практических занятиях; знание основных научных теорий, изучаемых предметов; ответ на вопросы билета. «Хорошо»: •знание основных понятий предмета; •умение использовать и применять полученные знания на практике; •работа на практических занятиях; •знание основных научных теорий, изучаемых предметов; •ответы на вопросы билета •неправильно решено практическое задание «Удовлетворительно»: демонстрирует частичные знания по темам дисциплин; незнание, неумение использовать и применять полученные знания на практике;

						не работал на практических занятиях; «Неудовлетворительно»: демонстрирует частичные знания по темам дисциплин; незнание основных понятий предмета; неумение использовать и применять полученные знания на практике; не работал на практических занятиях; не отвечает на вопросы.
--	--	--	--	--	--	---

4.1. Типовые вопросы, выносимые на тестирование

Тесты используются в режиме промежуточного контроля. По форме заданий выбраны закрытые тесты (с выборочным ответом). Каждому вопросу соответствует один вариант ответа.

1 СЕМЕСТР

1. Предел числовой последовательности $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 - n}{n^3 + 1}$ равен ...

- A) 0;
- B) 1;
- C) ∞ ;
- D) $\frac{2}{3}$.

2. Предел числовой последовательности $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{n^2 + 3n} - \sqrt{n^2 + n} \right)$ равен ...

- A) 2;
- B) 3;
- C) ∞ ;
- D) 0.

3. Предел числовой последовательности $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n - 4^n + 1}{2^n + 4^n}$ равен ...

- A) -1;
- B) 1;
- C) $\frac{3}{2}$;
- D) 0.

4. Предел числовой последовательности $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{n}\right)^n$ равен ...

- A) e^2 ;
- B) \sqrt{e} ;
- C) 1;
- D) ∞ .

Вычислить предел функции:

5. $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} \frac{x+1}{2x-1}$

- a) 3;
- b) 0;
- c) ∞ ;
- d) $\frac{1}{2}$,
- e) $\frac{3}{4}$.

6. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{x-\sqrt{x}}$

- a) $\frac{1}{2}$,
- b) 0
- c) ∞ ,
- d) 2,
- e) 1.

7. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x^2}{1-\cos 2x}$

- a) 1,
- b) -1,
- c) 2,
- d) $\frac{1}{2}$,
- e) 0.

8. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+1}{x-1}\right)^{2x}$

- a) e^4 ,
- b) 1,
- c) e^2 ,
- d) e ,
- e) e^{-4} .

9. $\lim_{x \rightarrow 0} (\cos x)^{\frac{1}{\sin x}}$

- a) e ,
- b) 1 ,
- c) e^{-1} ,
- d) e^{-2} ,
- e) e^2 .

Вычислить производную функции:

10. $y = \frac{4}{\sqrt{x}}$

- a) $\frac{2}{x\sqrt{x}}$,
- b) $2x\sqrt{x}$,
- c) $-2x\sqrt{x}$,
- d) $-2\sqrt{x}$,
- e) $-\frac{2}{x\sqrt{x}}$.

11. $y = \frac{e^x}{x^2}$

- a) $\frac{e^x(x+2)}{x^3}$,
- b) $\frac{e^x(x-2)}{x^4}$,
- c) $\frac{e^x(x-2)}{x^3}$,
- d) $\frac{e^x(x+2)}{x^4}$,
- e) $\frac{e^x}{2x}$.

12. $y = e^{\sin x^2}$

- a) $e^{\cos x^2}$,
- b) $-e^{\sin x^2} \cdot \cos x^2$
- c) $e^{\sin x^2}$,
- d) $2x \cdot e^{\sin x^2} \cdot \cos x^2$,
- e) $\sin x^2 \cdot e^{\sin x^2 - 1}$.

13. $y = (\operatorname{ctg} x)^x$

- a) $(\operatorname{ctg} x)^x \cdot \left(\ln \operatorname{ctg} x + \frac{x}{\sin x \cdot \cos x} \right)$,
- b) $(\operatorname{ctg} x)^x \cdot \left(\ln \operatorname{ctg} x - \frac{x}{\sin x \cdot \cos x} \right)$,

$$c) (\operatorname{ctg} x)^x \cdot \left(1 + \frac{1}{\operatorname{ctg} x}\right),$$

$$d) (\operatorname{ctg} x)^x \cdot \left(x + \frac{1}{\operatorname{ctg} x}\right),$$

$$e) x \cdot (\operatorname{ctg} x)^{x-1}.$$

14. $x^2 + y^2 = xy$. Вычислить значение производной y'_x в точке (1,1).

a) 0,

b) 1,

c) 2,

d) -2,

e) -1.

15. Найдите правильные соотношения

$$\frac{1}{2x+1} dx = \frac{1}{2} d \ln(2x+1)$$

$$\frac{dx}{\sqrt{x+1}} = -\frac{2}{3} d \frac{1}{\sqrt{(x+1)^3}}$$

$$\operatorname{tg} 2x dx = \frac{1}{2} d \operatorname{ctg} 2x$$

$$\frac{dx}{\sqrt[3]{x}} = \frac{3}{2} d \sqrt[3]{x^2}$$

$$e^{-2x} dx = -2de^{-2x}$$

$$\frac{dx}{\sqrt{25+x^2}} = \frac{1}{5} d \ln(x + \sqrt{25+x^2})$$

16. Интеграл $\int \frac{(x^2+x)dx}{x\sqrt{x}}$ равен

$$\frac{2}{3}\sqrt{x^3} + 2\sqrt{x} + C$$

$$\frac{2}{3}\sqrt{x^3} + \frac{2}{\sqrt{x}} + C$$

$$\frac{2}{3}\sqrt{x^3} - \frac{2}{\sqrt{x}} + C$$

$$2\sqrt{x} + \frac{2}{\sqrt{x}} + C$$

$$-\frac{2}{3\sqrt{x^3}} + 2\sqrt{x} + C$$

$$-\frac{2}{3\sqrt{x^3}} - \frac{2}{\sqrt{x}} + C$$

17. Интеграл $\int \frac{dx}{(5+3x)^4}$ равен

$$-\frac{1}{5(5+3x)^5} + C$$

$$-\frac{1}{5(5+3x)^{-5}} + C$$

$$-\frac{1}{3(5+3x)^{-3}} + C$$

$$-\frac{1}{3(5+3x)^3} + C$$

$$-\frac{1}{9(5+3x)^3} + C$$

$$-\frac{1}{12(5+3x)^4} + C$$

18. Интеграл $\int \cos^3 x dx$ равен

$$-\int \cos^2 x d \cos x$$

$$-\int \sin^2 x d \cos x$$

$$\int \cos^2 x d \sin x$$

$$\int (1 - \sin^2 x) d \sin x$$

$$\sin x - \frac{1}{3} \sin^3 x + C$$

$$x - \frac{1}{3} \sin^3 x + C$$

19. Найдите верные соотношения

$$\int \frac{dx}{x \ln^3 x} = \int \frac{d \ln x}{\ln^3 x}$$

$$\int \frac{dx}{x \ln^3 x} = \int \frac{d \ln \ln x}{\ln^2 x}$$

$$\int \frac{dx}{x \ln^3 x} = \int \frac{d \ln x}{x \ln^2 x}$$

$$\int \frac{dx}{x \ln^3 x} = \int \frac{d \ln \ln x}{x \ln^2 x}$$

$$\int \frac{dx}{x \ln^3 x} = -\frac{1}{2 \ln^2 x} + C$$

$$\int \frac{dx}{x \ln^3 x} = \frac{1}{2 \ln^2 x} + C$$

20. Избавиться от радикала в интеграле $\int \frac{dx}{x^3 \sqrt{16x^2 - 25}}$ можно заменой

$$x = \frac{5}{4} \sin t$$

$$x = \frac{5}{4 \cos t}$$

$$x = -\frac{5}{4} \cos t$$

$$x = \frac{5}{4 \sin t}$$

$$x = \frac{4 \sin t}{5 \cos t}$$

$$x = \frac{5 \sin t}{4 \cos t}$$

21. Найдите верные соотношения

$$\int \cos 3x \cos 5x dx = \frac{1}{5} \sin 3x \cos 5x - \frac{3}{5} \int \cos 3x \cos 5x dx$$

$$\int \cos 3x \cos 5x dx = \frac{1}{5} \sin 3x \cos 5x - \frac{3}{5} \int \sin 3x \sin 5x dx$$

$$\int \cos 3x \cos 5x dx = \frac{1}{5} \cos 3x \sin 5x + \frac{3}{5} \int \sin 3x \sin 5x dx$$

$$\int \cos 3x \cos 5x dx = -\frac{1}{5} \sin 3x \sin 5x + \frac{3}{5} \int \cos 3x \sin 5x dx$$

$$\int \cos 3x \cos 5x dx = \frac{1}{3} \sin 3x \cos 5x - \frac{5}{3} \int \cos 3x \sin 5x dx$$

$$\int \cos 3x \cos 5x dx = -\frac{1}{3} \cos 3x \cos 5x - \frac{5}{3} \int \cos 3x \sin 5x dx$$

22. Найдите верные соотношения

$$\int \frac{x^2 dx}{\sqrt{1+x^2}} = \left| \frac{\sqrt{1+x^2}}{x} = t \right| = \int \frac{dt}{t}$$

$$\int \frac{x^2 dx}{\sqrt{1+x^2}} = \left| \frac{\sqrt{1+x^2}}{x} = t \right| = \int \frac{dt}{t^2-1}$$

$$\int \frac{x^2 dx}{\sqrt{1+x^2}} = \left| \frac{\sqrt{1+x^2}}{x} = t \right| = \int \frac{-dt}{t^2-1}$$

$$\int \frac{x^2 dx}{\sqrt{1+x^2}} = \left| \frac{\sqrt{1+x^2}}{x} = t \right| = -\frac{1}{2} \int \frac{dt}{t^2-1}$$

$$\int \frac{x^2 dx}{\sqrt{1+x^2}} = \left| \frac{\sqrt{1+x^2}}{x} = t \right| = -\frac{1}{2} \int \frac{dt}{(t^2-1)\sqrt{t^2-1}}$$

$$\int \frac{x^2 dx}{\sqrt{1+x^2}} = \left| \frac{\sqrt{1+x^2}}{x} = t \right| = \int \frac{-tdt}{t^2-1}$$

23. Найдите простые рациональные дроби

$$\frac{x-1}{x^2}$$

$$\frac{x^2+4}{x-1}$$

$$\frac{3}{x^2-9}$$

$$\frac{1}{x^2-4x}$$

$$\frac{x-1}{x^2+2x+1}$$

$$\frac{1}{x^2 + 2x - 3}$$

24. Рациональная функция $\frac{1}{(x^2 - 9)(x^2 + x)}$ методом неопределенных коэффициентов раскладывается в сумму

$$\frac{a}{x-3} + \frac{b}{x+3} + \frac{c}{x^2+x}$$

$$\frac{a}{x^2-9} + \frac{b}{x^2+x}$$

$$\frac{a}{x-3} + \frac{b}{x+3} + \frac{c}{x} + \frac{d}{1+x}$$

$$\frac{ax+b}{x^2-9} + \frac{cx+d}{x^2+x}$$

$$\frac{a}{x^2-9} + \frac{bx+c}{x^2+x}$$

$$\frac{ax+b}{x^2-9} + \frac{c}{x^2+x}$$

25. Найдите верные соотношения

$$\int \frac{dx}{(x-1)\sqrt{2x^2+1}} = \left| x-1 = \frac{1}{t} \right| = \int \frac{dt}{t\sqrt{3t^2+4t+2}}$$

$$\int \frac{dx}{(x-1)\sqrt{2x^2+1}} = \left| x-1 = \frac{1}{t} \right| = -\int \frac{dt}{t\sqrt{3t^2+4t+2}}$$

$$\int \frac{dx}{(x-1)\sqrt{2x^2+1}} = \left| x-1 = \frac{1}{t} \right| = \int \frac{dt}{\sqrt{3t^2+4t+2}}$$

$$\int \frac{dx}{(x-1)\sqrt{2x^2+1}} = \left| x-1 = \frac{1}{t} \right| = -\int \frac{dt}{\sqrt{3t^2+4t+2}}$$

$$\int \frac{dx}{(x-1)\sqrt{2x^2+1}} = \left| x-1 = \frac{1}{t} \right| = -\int \frac{dt}{\sqrt{2t^2+4t+3}}$$

$$\int \frac{dx}{(x-1)\sqrt{2x^2+1}} = \left| x-1 = \frac{1}{t} \right| = -\int \frac{dt}{t\sqrt{2t^2+4t+3}}$$

26. В интеграле $\int \frac{\sqrt[3]{1+2x} + \sqrt[6]{(1+2x)^5}}{\sqrt[6]{1+2x} - \sqrt{(1+2x)^3} + 1} dx$ можно избавиться от

иррациональности с помощью замены

$$1+2x=t^6$$

$$1+2x=t^{24}$$

$$1+2x=t^{30}$$

$$1+2x=t^{15}$$

$$1+2x=t^5$$

$$1+2x=t^{21}$$

27. В интеграле $\int \frac{dx}{x^3 \sqrt{1+9x^2}}$ можно избавиться от иррациональности с

помощью замены

$$\sqrt{1+9x^2} = t$$

$$\frac{\sqrt{1+9x^2}}{x} = t$$

$$\sqrt{1+9x^2} = t^2$$

$$\frac{\sqrt{1+9x^2}}{x} = t^2$$

$$\sqrt{\frac{1}{x^2} + 9} = t$$

$$x = \frac{\sqrt{t^2 - 1}}{3}$$

2 СЕМЕСТР

1. Выберите среди приведенных выражений верно написанные свойства определенного интеграла, если $f(x)$ и $g(x)$ – интегрируемы на $[a; b]$, $[a; c]$, $[c; b]$ $k = \text{const}$.

$$\int_a^b f(x) dx = \int_b^a \frac{1}{f(x)} dx$$

$$\int_a^b f(x) dx = - \int_b^a f(x) dx$$

$$\int_a^b kf(x)dx = k \int_a^b f(x)dx$$

$$\int_a^b (f(x) \pm g(x))dx = \int_a^b f(x)dx \pm \int_a^b g(x)dx$$

$$\int_a^b f(x)g(x)dx = \int_a^b f(x)dx \int_a^b g(x)dx$$

$$\int_a^b f(x)dx = \int_a^c f(x)dx + \int_c^b f(x)dx$$

2. Формула Ньютона-Лейбница $\int_a^b f(x)dx = F(b) - F(a)$ справедлива, если

$$F'(x) = f(x)$$

$F(x)$ – непрерывна на $[a; b]$; $F'(x) = f(x)$

$f(x)$ – непрерывна на $[a; b]$; $F'(x) = f(x)$

$$F(x) = \int_a^x f(t)dt$$

3. Выберите верную запись формул интегрирования по частям в определенном интеграле

$$\int_a^b u(x)dv(x) = u(x)v(x) - \int_a^b v(x)du(x)$$

$$\int_a^b u(x)dv(x) = u(x)v(x) \Big|_a^b - \int_a^b v(x)du(x)$$

$$\int_a^b u(x)dv(x) = u(x)v(x) \Big|_{\alpha}^{\beta} - \int_{\alpha}^{\beta} v(x)du(x)$$

4. Чему равен определенный интеграл $\int_0^1 \sqrt{x} dx$?

2/3

3/2

2

1/2

5. Чему равен определенный интеграл $\int_1^e \frac{dx}{x}$?

1

0

e

1/e

6. Чему равен определенный интеграл $\int_0^{\pi} \sin x dx$?

2

0

1

-1

7. Чему равен определенный интеграл $\int_0^{\pi/2} \sin x dx$?

1

2

-1

0

8. Чему равен определенный интеграл $\int_0^\pi \cos x \, dx$?

0

2

1

1/2

9. Чему равен определенный интеграл $\int_0^{\pi/2} \cos x \, dx$?

1

3/2

0

1/2

10. Чему равен определенный интеграл $\int_0^1 x^2 \, dx$?

1/3

3/2

2/3

1/2

11. Чему равен определенный интеграл $\int_0^1 x^3 \, dx$?

1/4

1/3

2

1/2

12. Чему равен определенный интеграл $\int_1^2 x^2 \, dx$?

7/3

3/2

1/3

1

13. Чему равен определенный интеграл $\int_0^2 x^3 \, dx$?

4

3/2

2

1/3

14. Определенный интеграл от $f(x)$ на $[a, b]$ – это?

число

совокупность функций

матрица

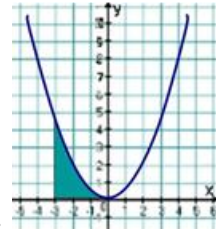
функция от x

15. Какое из свойств определенного интеграла не верно?

определенный интеграл от частного двух функций равен частному интегралов от этих функций

определенный интеграл от суммы функций равен сумме интегралов от этих функций

определенный интеграл от разности функций равен разности интегралов от этих функций



16. Найдите площадь фигуры, изображенной на рисунке 2.

17. Определенный интеграл определяется: как неопределенный интеграл, заданный на конечном отрезке $[a, b]$:

как предел интегральных сумм

как интеграл, определенный с точностью до константы

как часть неопределенного интеграла

18. Дан сходящийся ряд. При отбрасывании нескольких его ненулевых членов: ряд останется сходящимся и его сумма обязательно не изменится;

ряд останется сходящимся, и его сумма изменится, если сумма отброшенных элементов не равна 0;

ряд станет расходящимся;

ряд останется сходящимся и его сумма обязательно уменьшится;

не зная членов ряда ничего нельзя сказать о сходимости или расходимости нового ряда.

19. Если U_1, U_2, \dots, U_n - числовая последовательность, то называются соответственно

рядом, суммой ряда, частичной суммой;

суммой ряда, частичной суммой, рядом;

частичной суммой ряда, суммой ряда, рядом;

частичной суммой ряда, рядом, суммой ряда.

20. Укажите верные утверждения

Если сходится ряд $u_1+u_2+u_3+\dots$, то сходится и ряд $u_{m+1}+u_{m+2}+u_{m+3}+\dots$, получаемый из данного отбрасыванием первых m членов;

Если сходятся ряды $u_1+u_2+u_3+\dots$ и $v_1+v_2+v_3+\dots$, имеющие соответственно суммы S и σ , то сходится и ряд $(u_1+v_1)+(u_2+v_2)+(u_3+v_3)+\dots$, причем сумма последнего ряда равна $S + \sigma$;

Если сходится ряд $u_1+u_2+u_3+\dots$ и его суммой является число S , то сходится и ряд $au_1+au_2+au_3+\dots$, причем сумма последнего ряда также равна S ;

Если расходятся ряды $u_1+u_2+u_3+\dots$ и $v_1+v_2+v_3+\dots$, то ряд $(u_1+v_1)+(u_2+v_2)+(u_3+v_3)+\dots$ также расходится;

Если сходится ряд $u_1+u_2+u_3+\dots$ и его суммой является число S , то сходится и ряд $au_1+au_2+au_3+\dots$, причем сумма последнего ряда равна aS .

21. Укажите верные утверждения, относящиеся к поведению ряда Дирихле

при $\alpha = 1$ указанный ряд сходится;

при $\alpha < 1$ указанный ряд расходится;

при $\alpha > 1$ указанный ряд сходится;

при $\alpha < 1$ указанный ряд сходится;

при $\alpha = 1$ указанный ряд расходится;

при $\alpha > 1$ указанный ряд расходится.

22. Общий член знакопеременного ряда $-\frac{2}{3}, \frac{4}{9}, -\frac{2}{9}, \frac{8}{81}, \dots$ задается формулой

...

A) $a_n = \frac{(-1)^n 2n}{3^n}$;

B) $a_n = \frac{(-1)^n (n+1)}{3^n}$;

C) $a_n = \frac{(-1)^n (n+1)}{n+2}$;

D) $a_n = -\frac{2n}{3^n}$.

23. Числовой ряд $\{a_n\}$ задан рекуррентным способом:

$$a_{n+2} = a_{n+1} + a_n, \quad a_1 = 1, \quad a_2 = 1.$$

Тогда, член ряда a_5 равен...

A) 5;

B) 8;

C) 4;

D) 3.

24. Числовой ряд $\{a_n\}$ задан рекуррентным способом:

$$a_{n+1} = 2(n+1) \cdot a_n, \quad a_1 = 1.$$

Тогда общий член ряда задается формулой...

A) $a_n = 2^{n-1} n!$

B) $a_n = 2^n n!$

C) $a_n = (2n)!$

D) $a_n = 2 \cdot n!$.

25. Знакопеременный ряд $1, -1, 1, -1, \dots$

A) не имеет предела;

B) имеет предел, равный 0;

C) имеет предел, равный 1;

D) имеет предел, равный -1 .

3 СЕМЕСТР

1. Производная функции $f(x, y) = x^2 \sin(xy)$ по x равна

$2x \sin(xy) + x^2 \cos(xy) y$

$2x \sin(xy) - x^2 \cos(xy)(x + y)$

$2x \cos(xy) y$

$-2x \cos(xy) y$

$2x \cos(xy)(x + y)$

$$2x \sin(xy) \cdot \cos(xy) y$$

2. Производная функции $f(x, y) = x^2 y^3 + xy^3$ в точке $(1, -1)$ по направлению вектора $(-\frac{3}{5}, \frac{4}{5})$ равна

$$0 \quad \frac{24}{5} \quad \frac{36}{5} \quad \frac{12}{5} \quad \frac{9}{5} \quad -\frac{3}{5}$$

3. Укажите полный дифференциал dz функции $z = \frac{1}{x^2 + y^2}$

$$dz = \frac{2x}{x^2 + y^2} dx + \frac{2y}{x^2 + y^2} dy$$

$$dz = -\frac{2x}{(x^2 + y^2)^2} dx - \frac{2y}{(x^2 + y^2)^2} dy$$

$$dz = -\frac{2x}{(x^2 + y^2)^2} dx - \frac{2y}{(x^2 + y^2)^2} dy$$

$$dz = -\frac{1}{(x^2 + y^2)^2} dx dy$$

верный ответ отсутствует

4. Укажите частную производную по x первого порядка $z = e^{xy}$

$$y \cdot e^{xy}$$

$$-y \cdot e^{xy}$$

$$x \cdot e^{xy}$$

$$-x \cdot e^{xy}$$

$$e^{xy}$$

$$xy \cdot e^{xy-1}$$

3. Укажите частную производную по y первого порядка z'_y функции $z = \cos \frac{x}{y}$

$$-\sin \frac{x}{y} \cdot \frac{1}{y}$$

$$\cos \frac{x}{y} \cdot \frac{x}{y^2}$$

$$-\sin \frac{x}{y} \cdot \frac{x}{y^2}$$

$$\sin \frac{x}{y} \cdot \frac{x}{y^2}$$

верный ответ отсутствует

4. Найдите сумму частных производных первого порядка функции $z = x^2 y$ в точке $(1, 1)$.

$$2 \quad -2 \quad 4 \quad 3$$

5. Укажите верные выражения для полного дифференциала dz функции $z = f(x, y)$

$$dz = \frac{df}{dx} dx + \frac{df}{dy} dy$$

$$dz = \frac{dz}{dx} dx + \frac{dz}{dy} dy$$

$$dz = \frac{dz}{dx} \hat{\partial}x + \frac{dz}{dy} \hat{\partial}y$$

$$dz = f'_x dx + f'_y dy$$

верный ответ отсутствует

6. Найдите значение дифференциала для функции $u = 4x^3 + 3x^2y + 3xy^2 - y^3$ в точке $A(1; 1)$, если $dx=dy=1$

27 32 30 29

7. Укажите частную производную по x второго порядка z''_{xx} функции $z = e^x \cdot \ln y + y^2$

$$-\frac{e^x}{y^2} - 2$$

$$e^x \cdot \ln y - \frac{e^x}{y} + 2$$

$$\frac{e^x}{y^2} - 2$$

$$\frac{e^x}{y^2} - 2$$

8. Найдите значение выражения

$$\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} + 6 \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} \text{ в точке } \left(\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{4}\right), \text{ где } z = \sin x \cdot \sin y$$

-2 3 -3 2

9. Укажите функцию $z = f(x, y)$, полный дифференциал которой имеет вид

$$dz = 2x \sin 3y dx + 3x^2 \cos 3y dy$$

$$z = 3x^2 \cos 3y$$

$$z = x^2 \sin 3y$$

$$z = x^2 \cos 3y - 2$$

$$z = x^3 \sin 3y$$

верный ответ отсутствует

10. Укажите функцию Лагранжа поверхности $z = xy + 5$ при условии $y = 2x + 6$

$$L(x, y, \lambda) = xy + \lambda(2x + 6)$$

$$L(x, y, \lambda) = xy + \lambda(2x - 6 - y)$$

$$L(x, y, \lambda) = xy + 5 + \lambda(2x + 6)$$

$$L(x, y, \lambda) = xy + 5 + \lambda(y - 6 - 2x)$$

Правильный ответ отсутствует

11. Укажите верное множество стационарных точек для функции $z = x^3 + y^3 - xy$

$\{(-1,1),(1,1)\}$

$\{(0,0),(1,1)\}$

$\{(0,0),(-1,1),(1,1),(1,-1)\}$

$\{(0,0),(-1,1),(1,1)\}$

правильный ответ отсутствует

12. Укажите точку экстремума функции $z = x^2 + y^2 + 3$

$(0;0;3)$ - точка минимума

$(0;0;3)$ - точка максимума

$(3;0;0)$ - точка минимума

$(3;0;0)$ - точка максимума

экстремумов нет

13. Укажите верное утверждение. В точке максимума функции градиент:
равен нулю

достигает максимальной длины

равен нулю или не существует

не равен нулю и параллелен оси Oz

может быть произвольным вектором

14. Укажите верное утверждение. Функция $z = xy$

имеет единственную точку максимума $(0;0)$

имеет единственную точку минимума $(0;0)$

имеет несколько точек экстремума

не имеет точек экстремума

имеет бесконечное множество точек экстремума

15. Укажите значение функции $z = 3x^2 - x^3 + 3y^2 + 6y$ в точке экстремума

-4

5

-3

0

(?) функция не имеет экстремумов

16. Укажите координаты стационарной точки функции $z = \frac{\ln x}{y} + x$

$(0;1)$

$(-1;1)$

$(1;-1)$

$(1;1)$

17. Укажите верные утверждения, касающиеся достаточных условий существования или отсутствия точек экстремумов функции $z = f(x,y)$ (далее:

$$A = f''_{xx}(M_0), \Delta = \begin{vmatrix} f''_{xx}(M_0) & f''_{xy}(M_0) \\ f''_{xy}(M_0) & f''_{yy}(M_0) \end{vmatrix}$$

$M_0(x_0, y_0)$ – стационарная точка функции,

если $\Delta > 0$, то $z = f(x, y)$ имеет в точке M_0 максимум

если $\Delta > 0$ и $A < 0$, то $z = f(x, y)$ имеет в точке M_0 максимум

если $\Delta > 0$ и $A > 0$, то $z = f(x, y)$ имеет в точке M_0 минимум

если $\Delta < 0$, то $z = f(x, y)$ имеет в точке M_0 экстремум

если $\Delta = 0$, то $z = f(x, y)$ имеет в точке M_0 экстремум

20. Укажите правильный порядок действий при исследовании функции многих переменных на экстремум:

1. Исследовать стационарные точки на наличие в них максимума или минимума

2. Найти все частные производные первого порядка

3. Найти в найденных точках экстремума значения функции

4. Найти стационарные точки функции, решая соответствующую систему уравнений

21. По определению криволинейный интеграл 1-го рода равен:

а) $\int_{AB} f(x, y) dl = \lim_{\lambda \rightarrow 0} \sum_{k=1}^n f(\xi_k, \eta_k) \Delta l_k$,

б) $\int_{AB} f(x, y) dl = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n f(\xi_k, \eta_k) \Delta l_k$,

в) $\int_{AB} f(x, y) dl = \lim_{\lambda \rightarrow 0} \sum_{k=1}^{\infty} f(\xi_k, \eta_k) \Delta l_k$.

22. Укажите верное равенство:

а) $\int_{AB} f(x, y) dl = \int_a^b f(x; y(x)) \cdot \sqrt{y^2(x) + y'^2(x)} dx$,

б) $\int_{AB} f(x, y) dl = \int_a^b f(x; y(x)) \cdot \sqrt{1 + y'(x)} dx$,

в) $\int_{AB} f(x, y) dl = \int_a^b f(x; y(x)) \cdot \sqrt{1 + y'^2(x)} dx$.

23. Изменяется ли знак криволинейного интеграла 2-го рода при изменении направления пути интегрирования?

- да

- нет

24. Интеграл $\int_{AB} xy^2 dl$, где $AB = \left\{ (x, y) \mid x = 3 \cos t, y = 3 \sin t, 0 \leq t \leq \frac{\pi}{2} \right\}$ равен:

а) $\frac{27}{4}$, б) 27 , в) 28.

25. Интеграл $\int_{AB} \sqrt{1+x^2} dl$, где $AB = \{(x,y) \mid 2y - x^2 = 0, 0 \leq x \leq 3\}$, равен:

а) $\frac{32}{5}$, б) $\frac{32}{3}$, в) 32.

26. Интеграл $\int_{AB} x^3 dx + x^2 dy$, где $AB = \{(x,y) \mid y = x^2, 1 \leq x \leq 3\}$ равен:

а) 50, б) 60, в) 55.

27. Интеграл $\int_{AB} y^2 dx + x^2 dy$ по дуге AB , где $AB = \{(x,y) \mid x = t - \sin t, y = 1 - \cos t, 0 \leq t \leq 2\pi\}$ равен:

а) $\pi(5-2\pi)$, б) $\pi(5+2\pi)$, в) $5-2\pi$.

4.2. Типовые вопросы, выносимые на экзамен (1 семестр)

1. Вещественные и комплексные числа.
2. Основные понятия числовой последовательности
3. Предел числовой последовательности. Геометрический смысл.
4. Понятие функции. Основные свойства функций.
5. Основные элементарные функции.
6. Сложная функция. Обратная функция.
7. Предел функции (определение, основные теоремы, свойства пределов).
8. Бесконечно малая и бесконечно большая величины.
9. Непрерывность функции в точке.
10. Пределы функции справа и слева. Монотонная функция. Точки разрыва функции.
11. Функции, непрерывные на отрезке. Основные теоремы о непрерывных функциях.
12. Первый замечательный предел.
13. Число e . Второй замечательный предел.
14. Порядок переменной, эквивалентность.
15. Производная функции. Задачи, приводящие к понятию производной (задача о мгновенной скорости, задача об угле наклона касательной к кривой).
16. Основные правила дифференцирования. Таблица производных элементарных функций.
17. Дифференциал функции. Приближённые вычисления с помощью дифференциала.
18. Производная сложной функции. Производная обратной функции.

19. Монотонность функции. Критерии возрастания и убывания функции на интервале.
20. Локальный экстремум. Достаточные критерии локальных экстремумов.
21. Выпуклость кривой. Точка перегиба.
22. Теоремы о среднем значении.
23. Раскрытие неопределённостей с помощью формулы Тейлора и правила Лопиталя-Бернулли.
24. Неопределённый интеграл. Первообразная.
25. Правила интегрирования.
26. Теорема об инвариантности неопределённого интеграла.
27. Интегрирование по частям и замена переменной.
28. Интегрирование рациональных дробей.

4.3 Типовые вопросы, выносимые на экзамен (2 семестр)

1. Определённый интеграл. Задачи, приводящие к понятию определённого интеграла.
2. Задача о площади криволинейной трапеции.
3. Основные свойства определённого интеграла.
4. Теорема о производной интеграла по верхнему пределу.
5. Формула Ньютона-Лейбница.
6. Определённый интеграл. Задачи, приводящие к понятию определённого интеграла.
7. Задача о длине пройденного пути.
8. Вычисление площади криволинейного сектора.
9. Вычисление площади плоской фигуры, ограниченной кривыми, заданными параметрически.
10. Вычисление длины дуги плоской кривой.
11. Вычисление объёма тела с помощью определённого интеграла. Объём тела вращения.
12. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования.
13. Геометрический смысл несобственных интегралов с бесконечным пределом интегрирования.
14. Интеграл Эйлера – Пуассона.
15. Несобственные интегралы от неограниченных функций.
16. Признаки сравнения сходимости несобственных интегралов первого рода.
17. Признак Коши сходимости несобственных интегралов первого рода.
18. Необходимое и достаточное условие сходимости несобственного интеграла первого рода.

19. Абсолютная сходимость интеграла в промежутке $[a, +\infty)$.
20. Признак Абеля.
21. Признак Дирихле.
22. Числовые ряды. Свойства сходимости числовых рядов.
23. Необходимый признак сходимости рядов.
24. Достаточные признаки сходимости (сравнение рядов: Даламбера; радикальный и интегральный Коши, сравнения рядов)
25. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница.
26. Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимость.
27. Разложение функции в ряд Тейлора в окрестности точки.
28. Ряд Маклорена.
29. Разложение в ряд элементарных функций.
30. Приближенные вычисления с использованием рядов.

4.4. Типовые вопросы, выносимые на экзамен (3 семестр)

1. Понятие о функциях нескольких переменных.
2. Окрестность точки. Внутренние и граничные точки множества.
3. Открытые и замкнутые множества.
4. Изолированные и предельные точки множества.
5. Область определения ф.н.п.
6. График ф.н.п.
7. Частные значения ф.н.п.
8. Предел функции нескольких переменных.
9. Непрерывность функции нескольких переменных.
10. Поверхности (линии) уровня функции нескольких переменных.
11. Частные производные ф.н.п.
12. Градиент ф.н.п. Геометрический смысл.
13. Производные высших порядков ф.н.п. Примеры
14. Полный дифференциал ф.н.п. Необходимое условие дифференцируемости ф.н.п.
15. Достаточное условие дифференцируемости ф.н.п.
16. Производная сложной ф.н.п.
17. Производная по направлению ф.н.п.
18. Экстремум функции нескольких переменных.
19. Нахождение точек экстремума ф.н.п.
20. Дать определение криволинейного интеграла 1-го рода, сформулировать его свойства.
21. Вычисление криволинейного интеграла 1-го рода в декартовой системе координат.
22. Определение и вычисление двойного интеграла.
23. Дать определение двойного интеграла и сформулировать его свойства.
24. Доказать теоремы об оценке и о среднем для двойного интеграла.

25. Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах с помощью повторного (для правильной области)
26. Формула Ньютона-Лейбница для криволинейного интеграла 2-го рода. Нахождение функции по ее полному дифференциалу с помощью криволинейного интеграла
27. Сформулировать теорему о замене переменных в двойном интеграле.
28. Вычисление двойного интеграла в полярных координатах.
29. Приложения вторых интегралов. Вычисление объемов тел и площади поверхности.
30. Поверхностный интеграл 2-го рода: определение, свойства. Вычисление поверхностного интеграла 2-го рода в декартовых координатах.
31. Дать определение тройному интегралу и сформулировать его свойства.
32. Сформулировать теорему о замене переменных в тройном интеграле.
33. Вычисление тройного интеграла в цилиндрических координатах.
34. Вычисление тройного интеграла в сферических координатах.
35. Доказать теорему Гаусса-Остроградского для правильной области
36. Вывести формулу Грина для многосвязной области
37. Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах с помощью повторного интегрирования.
38. Физический смысл циркуляции и ротора векторного поля. Вычисление ротора в декартовых координатах.
39. Выражение дифференциальных операций векторного анализа (градиент, дивергенция, ротор – по выбору) в криволинейных ортогональных координатах. (в цилиндрических, или сферических координатах)
40. Дивергенция векторного поля. Вывести формулу для вычисления дивергенции в декартовой системе координат.
41. Оператор Лапласа. Гармонические функции и гармонические векторные поля.
42. Оператор Гамильтона, запись с его помощью дифференциальных операций векторного анализа.
43. Вывести формулу Грина для односвязной области.
44. Сформулировать теорему Стокса
45. Доказать теорему Стокса
46. Вывести формулы для вычисления координат центра масс неоднородной плоской фигуры.
47. Циркуляция и ротор векторного поля. Объяснить физический смысл ротора.
48. Потенциальное векторное поле и его свойства. Вычисление криволинейного интеграла в потенциальном поле.
49. Вывод формул для моментов инерции плоских фигур и пространственных тел.
50. Оператор Лапласа. Гармонические функции. Гармонические векторные поля.
51. Вычисление моментов инерции плоских фигур и пространственных тел.

*ИНСТИТУТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ И ТЕХНОЛОГИЙ
КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН*

**МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО
ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ
«МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ»**

(Приложение 2 к рабочей программе)

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Профиль: Искусственный интеллект и управление в ракетно-космических системах

Уровень высшего образования: бакалавр

Форма обучения: очная

Королев
2021

1. Общие положения

Цели изучения дисциплины:

- формирование способности к восприятию, обобщению и анализу информации;
- освоение необходимого математического аппарата, применяемого при решении различных профессиональных задач;
- формирование готовности применять методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности.

Задачи дисциплины:

- Дать студентам базовые знания по следующим разделам математического анализа: теория пределов, дифференциальное исчисление функции одного и многих переменных, интегральное исчисление.
- Научить студентов решать типовые задачи дисциплины.

2. Указания по проведению практических занятий

Семестр 1.

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Предел функции. Раскрытие неопределённостей.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 2.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Предел функции. 1-ый и 2-ой замечательные пределы.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 3.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Вычисление пределов функций.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 4.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Непрерывность функции, точки разрыва.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 5.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Производная функции, основные правила дифференцирования.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 6.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Производная сложной функции.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 7.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Производная функции, заданной параметрически. Производная неявной функции.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 8.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Дифференциалы и производные высшего порядка.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 9.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Приложение производной к исследованию функции.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 10.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Формула Тейлора. Вычисление пределов с помощью формул Лопиталя-Бернулли и Тейлора.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 11.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Вычисление неопределённых интегралов.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 12.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Замена переменной в неопределённом интеграле.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 13.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Интегрирование по частям.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 14.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Интегрирование рациональных дробей.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 15.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Интегрирование тригонометрических функций.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 16.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Интегрирование иррациональных функций.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Семестр 2.

Практическое занятие 1-2.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Формула Ньютона-Лейбница.*

Продолжительность занятия – 4ч.

Практическое занятие 3.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Вычисление площадей плоских фигур. Вычисление длин дуг.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 4-5.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Вычисление объёмов тел вращения.*

Продолжительность занятия – 4ч.

Практическое занятие 6.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Вычисление площадей поверхности вращения.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 7.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Приложения определенного интеграла к решению физических задач.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 8.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Несобственные интегралы 1-ого рода.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 9.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Несобственные интегралы 2-ого рода.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 10.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Абсолютная сходимость интеграла в промежутке $[a, +\infty)$.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 11.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Признак Абеля. Признак Дирихле.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 12.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Необходимый признак сходимости ряда. Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 13.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Знакопеременные ряды. Признак сходимости Лейбница. Абсолютная и условная сходимость знакопеременного ряда.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 14.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Разложение элементарных функций в степенные ряды.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 15.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Приложение рядов к приближенным вычислениям.*

Продолжительность занятия – 2ч.

Практическое занятие 16.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Ряды Фурье*

Продолжительность занятия – 2ч.

Семестр 3

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Предел функции многих переменных. Частные производные. Градиент. Производная по направлению*

Продолжительность занятия – 4ч.

Практическое занятие 2.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Экстремумы функции 2-х переменных.*

Продолжительность занятия – 4ч.

Практическое занятие 3.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Экстремумы функции 3-х и более переменных.*

Продолжительность занятия – 4ч.

Практическое занятие 4.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Наибольшее и наименьшее значение функции многих переменных.*

Продолжительность занятия – 4ч.

Практическое занятие 5.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Двойной интеграл в полярных координатах. Вычисление площади плоской области*

Продолжительность занятия – 4ч.

Практическое занятие 6.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Вычисление объема тела с помощью двойного интеграла.*

Продолжительность занятия – 6ч.

Практическое занятие 7.

Вид практического занятия: *смешанная форма практического занятия.*

Тема и содержание практического занятия: *Вычисление площади поверхности.*

Продолжительность занятия – 6ч.

3. Указания по проведению лабораторного практикума

Не предусмотрено учебным планом.

4. Указания по проведению самостоятельной работы студентов

Цель самостоятельной работы: подготовить бакалавров к самостоятельному научному творчеству.

Задачи самостоятельной работы:

- изучение теоретического лекционного курса;
- приобретение умений и навыков использовать изученные математические методы для самостоятельного решения и исследования типовых задач;
- развитие способностей к логическому и алгоритмическому мышлению;
- воспитание математической культуры аналитических преобразований

Виды самостоятельной работы представлены в таблице:

№ п/п	Наименование блока (раздела) дисциплины	Виды СРС
1.	Предел последовательности. Предел функции.	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины: построение графиков функций.
2.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной.	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины: Касание кривых, круг кривизны, эволюта.
3.	Дифференциальное исчисление функции многих переменных.	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины: Геометрические приложения.
4.	Интегральное исчисление. Неопределённый интеграл.	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины: Интегрирование трансцендентных функций.

5.	Интегральное исчисление. Определённый интеграл.	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины: Вычисление моментов, координаты центра тяжести.
6	Ряды. Приближенные вычисления.	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины: Ряды Фурье.
7	Дифференциальное исчисление функции многих переменных.	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины: Производные порядка выше первого. Теорема о равенстве смешанных производных для функции двух переменных. Классы функций $C_m(G)$.
8	Криволинейные интегралы	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины: Формула Остроградского – Гаусса и некоторые ее приложения. Инвариантное определение дивергенции с ее помощью и её физическая интерпретация. Соленоидальное векторное поле.

5. Указания по проведению письменных (контрольных) работ

Учебным планом данного курса для бакалавров очной формы обучения предусмотрено написание контрольной работы (в каждом семестре), что является одним из условий успешного освоения ими основных положений данной дисциплины и служит допуском к сдаче экзамена по курсу во время зачетной сессии.

Задания контрольной работы разрабатываются преподавателем кафедры «Математики и естественнонаучных дисциплин» МГОТУ.

Цель выполняемой работы: Продемонстрировать знания и умения в области изучения дисциплины «Математический анализ».

5.1. Требования к структуре

Каждому студенту при поступлении присваивается учебный шифр. Он указан в зачетной книжке и студенческом билете. Вариант определяется значениями m и n , которые выбираются с учетом двух последних цифр учебного шифра. Номера задач, входящих в вариант, определяются преподавателем.

5.2. Требования к оформлению

Каждая контрольная работа содержит определенное количество примеров и задач. При выполнении их необходимо придерживаться следующих правил:

1. Контрольную работу надо выполнить в отдельной тетради, оставляя поля для замечаний преподавателя. В конце работы нужно оставить 3-4 чистых страницы, которые, возможно, понадобятся для исправления решений.
2. В заголовке работы должны быть разборчиво написаны: фамилия, имя и отчество, учебный шифр, номер контрольной работы (ее части), название дисциплины. Заголовок надо поместить на обложку тетради. Здесь же указать дату выполнения контрольной работы.
3. Решение задач надо располагать в порядке номеров, указанных в задании, сохраняя номер задач своего варианта.
4. Перед решением каждой задачи надо полностью выписать ее условие, заменив, где надо, общие данные контрольными из своего варианта.
5. Решения задач излагайте аккуратно, объясняя основные действия, выписывая нужные формулы, делая необходимые чертежи.
6. После получения прорецензированной работы исправьте все ошибки и недочеты, вписав исправления на оставленных чистых страницах.
7. Работа засчитывается, если она при проверке (или после устранения недочетов) преподавателем получает положительную оценку (зачет). Студенты, не получившие зачета по контрольной работе, к экзамену не допускаются. Зачетные контрольные работы обязательно предъявляются на экзамене.

6. Указания по проведению курсовых работ

Не предусмотрено учебным планом.

7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы

Основная литература:

1. Шершнеv В.Г. Математический анализ: Учебное пособие / Шершнеv Владимир Григорьевич. - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2013. - 288 с. - ISBN 978-5-16-005488-9.
URL: <http://znanium.com/go.php?id=342089>
2. Складнев С.А. Математический анализ (числовые последовательности) / Складнев С.А., Писарева С.В. - Воронеж: Издательско-полиграфический центр Воронежского государственного университета, 2012. - 27с.; нет.
URL: <http://rucont.ru/efd/238877>
3. Туганбаев А. А. Математический анализ: интегралы / А.А. Туганбаев. - 2-е изд., стереотип. - Москва: Флинта, 2011. - 76 с. - ISBN 978-5-9765-1306-8.
URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=103835>
4. Туганбаев, А.А. Математический анализ: производные и графики функций: [16+] / А.А. Туганбаев. – 3-е изд., стереотип. – Москва: Флинта, 2017. – 91 с. – Режим доступа: по подписке. –
URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=103836>

5. Туганбаев, А. А. Математический анализ: ряды / А.А. Туганбаев. - 2-е изд., стереотип. - Москва: Флинта, 2011. - 40 с. - ISBN 978-5-9765-1307-5. URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=103837>
6. Шипачев, В. С. Математический анализ. Теория и практика: учеб. пособие / В.С. Шипачев. — 3-е изд. — М.: ИНФРА-М, 2019. — 351 с. — (Высшее образование). — www.dx.doi.org/10.12737/5267. - ISBN 978-5-16-010073-9. - Текст: электронный. – URL: <https://znanium.com/catalog/product/989800>

Дополнительная литература:

1. Шершнева В.Г. Математический анализ: сборник задач с решениями: Учебное пособие / Шершнева Владимир Григорьевич. - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2014. - 164 с. - ДЛЯ СТУДЕНТОВ ВЫСШИХ УЧЕБНЫХ ЗАВЕДЕНИЙ. - ISBN 978-5-16-005487-2. URL: <http://znanium.com/go.php?id=445587>
2. Кутузов, А.С. Математический анализ: дифференциальное и интегральное исчисление функций одной переменной: [16+] / А.С. Кутузов. – 2-е изд. стер. – Москва; Берлин: Директ-Медиа, 2017. – 127 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=462166>
3. Кутузов, А.С. Математический анализ: теория пределов / А.С. Кутузов. – Москва; Берлин: Директ-Медиа, 2017. – 152 с.: ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=471821>
4. Быкова, О.Н. Математический анализ: учебное пособие / О.Н. Быкова, С.Ю. Колягин; учред. Московский педагогический государственный университет. – Москва: Московский педагогический государственный университет (МПГУ), 2016. – Ч. 1. – 120 с.: ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=471785>
5. Математический анализ: сборник индивидуальных заданий. Дифференциальное исчисление функций многих переменных: [16+] / Г.В. Недогибченко, Р.И. Святкина, А.А. Шалагинов и др.; Новосибирский государственный технический университет. – Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет, 2017. – 106 с.: ил., табл. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=576419>
6. Буров, А.Н. Математический анализ: прикладные задачи: [16+] / А.Н. Буров, Н.Г. Вахрушева; Новосибирский государственный технический университет. – Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет, 2018. – 79 с.: ил., табл. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=576151>
7. Лебедева, Е.А. Математический анализ: сборник задач для контрольных работ во втором семестре: [16+] / Е.А. Лебедева, О.В. Шеремет; Новосибирский государственный технический университет. – Новосибирск: Новосибирский

государственный технический университет, 2019. – 72 с.: ил. – Режим доступа:
по подписке. –

URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=576398>

8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

Интернет-ресурсы:

<http://www.znaniyum.com/> - электронно-библиотечная система

<http://www.e.lanbook.com/> - ЭБС Издательства "ЛАНЬ"

<http://www.rucont.ru/> - электронно-библиотечная система

<http://www.biblioclub.ru/> - университетская библиотека онлайн

9. Перечень информационных технологий

Перечень программного обеспечения: *MSOffice*

Информационные справочные системы: *Электронные ресурсы образовательной среды Университета*