



Государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
Московской области

ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ



«УТВЕРЖДАЮ»

Проректор по учебно-методической работе

Н.В. Бабина

«28» апреля 2020 г.

ИНСТИТУТ ТЕХНИКИ И ЦИФРОВЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

**ФАКУЛЬТЕТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ
И ТЕХНОЛОГИЙ**

КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

ДИСЦИПЛИНЫ

«ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА»

Направление подготовки: 10.03.01 Информационная безопасность

**Профиль: Информационно-аналитические системы
финансового мониторинга**

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

Форма обучения: очная

Королев
2020

Автор: к.т.н., доцент Бугай И.В. Рабочая программа дисциплины: «Теория вероятностей и математическая статистика». – Королев МО: «Технологический университет», 2020.

Рецензент: к.ф-м.н., доцент Борисова О.Н.

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки бакалавров 10.03.01 «Информационная безопасность» и Учебного плана, утвержденного Ученым советом Университета. Протокол № 9 от 28.04.2020 года.

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры:

Заведующий кафедрой (ФИО, ученая степень, звание, подпись)	Водяников Д.В. к.т.н., доцент				
Год утверждения (переподтверждения)	2020	2021	2022	2023	
Номер и дата протокола заседания кафедры	Протокол № 7 от 06.04.2020				

Рабочая программа согласована:

Руководитель ОПОП ВО



к.в.н., доцент Воронов А.Н.

Рабочая программа рекомендована на заседании УМС:

Год утверждения (переподтверждения)	2020	2021	2022	2023	
Номер и дата протокола заседания УМС	№ 7 от 28.04.2020				

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОПОП ВО

Целью изучения дисциплины является

1. получение базовых знаний и формирование основных навыков по теории вероятностей, необходимых для решения задач, возникающих в математическом обеспечении прикладной деятельности.
2. развитие понятийной теоретико-вероятностной базы и формирование уровня алгебраической подготовки, необходимых для понимания основ математической статистики и её применения.
3. формирования у студентов системных и глубоких теоретических знаний, умений и практических навыков по методологии, моделированию и организации количественных расчетов на основе раскрытия функциональной модели реальной задачи и получения прогнозных оценок развития профессиональных процессов.

В процессе обучения студент приобретает и совершенствует следующие компетенции:

Общепрофессиональные компетенции

(ОПК-2) способность применять соответствующий математический аппарат для решения профессиональных задач.

Основными **задачами** дисциплины являются

1. студенты должны владеть основными математическими понятиями курса;
2. уметь использовать теоретико-вероятностный аппарат для решения теоретических и прикладных задач;
3. уметь решать типовые задачи, иметь навыки работы со специальной математической литературой.

После завершения освоения данной дисциплины студент должен

Знать:

определения, теоремы, подходы к решению задач из основных разделов теории вероятности и математической статистики.

Уметь:

- применять методы теории вероятности и математической статистики в профессиональных задачах;
- пользоваться справочной литературой по математике.

Владеть:

навыками практического использования теории вероятности и математической статистики при решении профессиональных проблем.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» относится к базовой части основной профессиональной образовательной программы подготовки бакалавров по направлению 10.03.01 «Информационная безопасность», профиль: «Информационно-аналитические системы финансового мониторинга».

Дисциплина реализуется кафедрой математики и естественнонаучных дисциплин.

Изучение данной дисциплины базируется на ранее изученных дисциплинах: «Математический анализ», «Информатика» и компетенциях: ОПК-2,4.

Знания и компетенции, полученные при освоении дисциплины, являются базовыми для изучения последующих дисциплин: «Криптографические методы защиты информации», «Организация информационно-аналитического обеспечения финансового мониторинга», «Финансовое моделирование», прохождения практики, государственной итоговой аттестации и выполнения выпускной квалификационной работы бакалавра.

3. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины для студентов очной формы составляет 6 зачетных единиц, 216 часов.

Таблица 1

Виды занятий	Всего часов	Семестр 3	Семестр 4	Семестр 5	Семестр
Общая трудоемкость	216	108	108		
ОЧНАЯ ФОРМА ОБУЧЕНИЯ					
Аудиторные занятия	96	48	48		
Лекции (Л)	32	16	16		
Практические занятия (ПЗ)	64	32	32		
Лабораторные работы (ЛР)	-	-	-		
Самостоятельная работа	120	60	60		
Курсовые, расчетно-графические работы	-	-	-		
Контрольная работа, домашнее задание	+	-	+		
Текущий контроль знаний (7-8, 15-16 неделя)	тест	тест	тест		
Вид итогового контроля	Зачёт/Экзамен	Зачет	Экзамен		

4. Содержание дисциплины

4.1. Темы дисциплины и виды занятий

Таблица 2

Наименование тем	Лекции, час. очное	Практические занятия, час. очное	Занятия в интерактивной форме, час. очное	Код компетенций
Тема 1. Основные понятия и теоремы теории вероятности	4	7	2	ОПК-2
Тема 2. Повторные независимые испытания	2	7	2	ОПК-2
Тема 3. Случайные величины	2	7	2	ОПК-2
Тема 4. Основные законы распределения	4	7	2	ОПК-2
Тема 5. Многомерные случайные величины	4	7	2	ОПК-2
Тема 6. Закон больших чисел и предельные теоремы	4	8	2	ОПК-2
Тема 7. Вариационные ряды и их характеристики	4	7	2	ОПК-2
Тема 8. Точечное и интервальное оценивание параметров распределения	4	7	2	ОПК-2
Тема 9. Проверка статистических гипотез	4	7	2	ОПК-2
Итого:	32	64	18	

4.2. Содержание тем дисциплины

Тема 1. Основные понятия и теоремы теории вероятности.

Классификация событий. Классическое определение вероятности. Статистическое определение вероятности. Геометрическое определение вероятности. Элементы комбинаторики. Выборки, размещения, перестановки, сочетания. Действия над событиями. Независимость событий. Условная вероятность. Теоремы сложения вероятностей. Теоремы умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса.

Тема 2. Повторные независимые испытания

Определение последовательности независимых испытаний Бернулли. Формула Бернулли. Наивероятнейшее число появлений события в серии из «n» испытаний Бернулли. Теорема Пуассона. Локальная и интегральная формула Муавра-Лапласа.

Тема 3. Случайные величины

Понятие случайной величины. Дискретная одномерная случайная величина. Ряд распределения дискретной случайной величины. Функция распределения дискретной случайной величины. Числовые характеристики дискретной случайной величины: математическое ожидание, дисперсия; формулы для вычисления, основные свойства. Непрерывная одномерная случайная величина. Функция распределения случайной величины. Функция плотности случайной величины. Числовые характеристики непрерывной случайной величины: математическое ожидание, дисперсия; формулы для вычисления, основные свойства.

Тема 4. Основные законы распределения

Основные распределения одномерной случайной величины. Дискретные распределения: равномерное, биномиальное, Пуассона, геометрическое, гипергеометрическое. Непрерывные распределения: равномерное на отрезке, показательное, нормальное.

Тема 5. Многомерные случайные величины

Определение многомерной случайной величины. Определение двумерной случайной величины дискретного типа. Задание дискретной двумерной случайной величины с помощью таблицы. Функция распределения двумерной случайной величины и её свойства. Числовые характеристики двумерной случайной величины. Центр распределения двумерной случайной величины. Безусловные законы распределения компонент. Коэффициент корреляции и его свойства. Зависимые (независимые), коррелируемые (некоррелируемые) случайные величины.

Тема 6. Закон больших чисел и предельные теоремы

Закон больших чисел. Неравенства Чебышева и Маркова. Теоремы Чебышева, Бернулли. Определение сходимости по вероятности. Центральная предельная теорема Ляпунова.

Тема 7. Вариационные ряды и их характеристики

Генеральная и выборочная совокупности. Вариационные и статистические ряды. Выборочная функция распределения. Выборочные числовые характеристики. Интервальный статистический ряд. Начальные и центральные моменты вариационного ряда.

Тема 8. Точечное и интервальное оценивание параметров распределения

Точечное оценивание параметров. Понятие точечной статистической оценки. Требования к оценкам. Точечные оценки математического ожидания и дисперсии генеральной совокупности. Точечные оценки параметров основных распределений. Методы получения точечных оценок. Интервальные оценки. Их свойства. Построение доверительных интервалов для математи-

ческого ожидания и дисперсии нормально распределенной генеральной совокупности.

Тема 9. Проверка статистических гипотез

Статистическая гипотеза и общая схема ее проверки. Сравнения исправленной выборочной с гипотетической генеральной выборочной дисперсией нормальной совокупности. Сравнение двух средних генеральной совокупности. Критерий согласия χ^2 – Пирсона. Проверка гипотезы о нормальном законе распределения. Проверка гипотезы о логарифмически нормальном законе распределения.

5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы по дисциплине

1. «Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины».
2. Рабочая тетрадь.
3. Практикум.
4. Задачник.

6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Структура фонда оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю) приведена в Приложении 1 к настоящей рабочей программе.

7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

Основная литература:

1. Е.С. Вентцель. Теория вероятностей и её инженерные приложения : уч.пос. - 5-е изд. - М. : КноРус, 2010.
2. В. Ш. Кремер. Теория вероятностей и математическая статистика М.: Высшая школа, 2006.
3. В. Е. Гмурман. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике М.: Высшая школа, 2006.

Дополнительная литература:

1. Просветов, Г.И. Теория вероятности и математическая статистика: Задачи и решения / Г. И. Просветов. М., Альфа-Пресс - 2009.
http://www.bestbook.ru/userfiles/books/pdf/Pages%20from%20TeorVer_Prosvetov_A4.pdf

2. Карлов, А.М. Теория вероятности и математическая статистика для экономистов : Учебное пособие / Калининград: БИЭФ, 2009. <http://www.knorus.ru/upload/pdf/287771.pdf>
3. Сборник задач по высшей математике для экономистов: Учеб. пособие /Под ред. В.И.Ермакова.-2-е изд.,испр.-М.:ИНФРА-М, 2008 http://www.studmed.ru/ermakov-vi-i-dr-sbornik-zadach-po-vysshey-matematike-dlya-ekonomistov_790ef0a1d46.html#
4. Кремер Н.Ш. Высшая математика для экономистов. Учебник. М.: ЮНИТИ, 2007. http://www.studmed.ru/kremer-nsh-vyssshaya-matematika-dlya-ekonomistov_232a655c6f6.html
5. Щипачев В.С. Высшая математика. Базовый курс. Учебное пособие для бакалавров. М.: Юрайт, 2011.

8.Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

Интернет-ресурсы:

Единое окно доступа (window.edu.ru);
Универсальная библиотека ИстВью (online.ebiblioteka.ru);
Издательский дом «Гребенников» (grebennikon.ru);
Издательство «Лань» (e.lanbook.com);
ProQuest (www.proquest.com);
Polpred.com (www.polpred.com);

9.Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля) приведены в Приложении 2 к настоящему Положению.

10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Перечень программного обеспечения: MS Office, Maple, Multisim, Mat lab.

Информационные справочные системы:

1. Электронные ресурсы библиотеки МГОТУ:

Электронно-библиотечная система ЭБС Университетская библиотека онлайн (www.biblioclub.ru).
ЭБС ZNANIUM.COM (znanium.com);
Национальный цифровой ресурс «РУКОНТ» (www.rucont.ru);

11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Лекторы и преподаватели, ведущие практические занятия по курсу «Теория вероятностей и математическая статистика» по желанию могут использовать как классические инструменты для проведения занятий (доски, мел, фломастеры), так и современный инструментарий (компьютеры и ком-

пьютерные классы, проекторы, электронные доски, множительное оборудование).

ИНСТИТУТ ТЕХНИКИ И ЦИФРОВЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

***ФАКУЛЬТЕТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ
И ТЕХНОЛОГИЙ***

КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ
ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО
ДИСЦИПЛИНЕ**

**«ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА»
(Приложение 1 к рабочей программе)**

Направление подготовки: 10.03.01 «Информационная безопасность»

**Профиль: Информационно-аналитические системы
финансового мониторинга**

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

Форма обучения: очная

Королев
2020

1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

№ п/п	Индекс компетенции	Содержание компетенции (или ее части)*	Раздел дисциплины, обеспечивающий формирование компетенции (или ее части)	В результате изучения раздела дисциплины, обеспечивающего формирование компетенции (или ее части), обучающийся должен:		
				Знать	уметь	владеть
1.	ОПК-2	способность применять соответствующий математический аппарат для решения профессиональных задач	<p>Тема 1. Основные понятия и теоремы теории вероятности</p> <p>Тема 2. Повторные независимые испытания</p> <p>Тема 3. Случайные величины</p> <p>Тема 4. Основные законы распределения</p> <p>Тема 5. Многомерные случайные величины</p> <p>Тема 6. Закон больших чисел и предельные теоремы</p> <p>Тема 7. Вариационные ряды и их характеристики</p> <p>Тема 8. Точечное и интервальное оценивание параметров распределения</p> <p>Тема 9. Проверка статистических гипотез</p>	определения, теоремы, подходы к решению задач из основных разделов теории вероятности и математической статистики	применять методы теории вероятности и математической статистики в профессиональных задачах	навыками практического использования теории вероятности и математической статистики при решении профессиональных проблем

2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Код компетенции	Инструменты, оценивающие сформированность компетенции	Показатель оценивания компетенции	Критерии оценки
ОПК-2	Письменное задание	<p>А) полностью сформирована 5 баллов</p> <p>В) частично сформирована 3-4 балла</p> <p>С) не сформирована 2 балла</p>	<p>1. Проводится в форме письменной работы</p> <p>2. Время, отведенное на процедуру – 90 мин.</p> <p>Неявка – 0.</p> <p>Критерии оценки:</p> <p>1. Соответствие ответа уровню формирования компетенции (0-5 баллов).</p> <p>Максимальная сумма баллов - 5 баллов.</p> <p>Результаты оценочной процедуры представляются обучающимся в срок не позднее 1 недели после проведения процедуры – для текущего контроля. Оценка проставляется в электронный журнал.</p>

3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

Примерная тематика письменных заданий

Тема 1.

1. В ящике находится $m + 4$ белых, $n + 3$ черных и $m + n + 2$ красных шаров. Наудачу извлечены 3 шара. Найти вероятности следующих событий: A - извлечен по крайней мере 1 красный шар, C - есть по крайней мере 2 шара одного цвета, D - есть по крайней мере 1 красный шар и 1 белый шар.
2. Два стрелка сделали по одному выстрелу по мишени. Вероятности попадания по цели равны $p_1 = 0,08 \cdot n$ и $p_2 = 0,09 \cdot m$ соответственно. Найти, что вероятнее: два, одно или ни одного поражения цели.
3. Сколько вопросов из $N = 10(m + n)$ должен знать студент, чтобы с вероятностью не меньше $p = 0.1 \cdot n$ сдать экзамен, если для этого нужно ответить на оба вопроса билета?
4. Группа состоит из n отличников, $n + m$ хорошо успевающих студентов и $2n + 3m$ студентов, успевающих посредственно. Отличник отвечает на 5 и 4 с равной вероятностью, хорошист отвечает на 5, 4 и 3 с равной вероятностью, и посредственно успевающий студент отвечает на 4, 3 и 2 с равной вероятностью. Случайно выбранный студент ответил на 4. Какова вероятность того, что был вызван посредственно успевающий студент?
5. В ящике находится $5n$ пар черных и $7m$ пар коричневых перчаток. Каждая пара состоит из перчаток одинакового цвета, левой и правой. Какова вероятность, что две наугад вынутые перчатки образуют пару?

Тема 2.

Вариант 1

1. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится менее m раз; D - событие A появится более m раз; E - событие A появится хотя бы один раз. $n = 4, p = 0.1, m = 2$

2. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится не менее m_1 раз и не более m_2 раз. $n = 100, p = 0.1, m = 15, m_1 = 7, m_2 = 12$

3. Устройство состоит из n элементов. Вероятность выхода из строя за некоторое время T любого элемента p . Найти вероятность того, что из строя выйдет: A - ровно 2 элемента, B - менее двух элементов, C - более двух элементов. $n = 1000, p = 0,0015$

Вариант 2

1. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится менее m раз; D - событие A появится более m раз; E - событие A появится хотя бы один раз. $n = 5, p = 0.1, m = 3$

2. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится не менее m_1 раз и не более m_2 раз. $n = 100, p = 0.2, m = 25, m_1 = 15, m_2 = 22$

3. Устройство состоит из n элементов. Вероятность выхода из строя за некоторое время T любого элемента p . Найти вероятность того, что из строя выйдет: A - ровно 2 элемента, B - менее двух элементов, C - более двух элементов. $n = 500, p = 0,0015$

Вариант 3

1. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится менее m раз; D - событие A появится более m раз; E - событие A появится хотя бы один раз. $n = 4, p = 0.2, m = 2$

2. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится не менее m_1 раз и не более m_2 раз. $n = 100, p = 0.3, m = 35, m_1 = 25, m_2 = 32$

3. Устройство состоит из n элементов. Вероятность выхода из строя за некоторое время T любого элемента p . Найти вероятность того, что из строя выйдет: A - ровно 2 элемента, B - менее двух элементов, C - более двух элементов. $n = 1000, p = 0,0025$

Вариант 4

1. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится менее m раз; D - событие A появится более m раз; E - событие A появится хотя бы один раз. $n = 5, p = 0.2, m = 3$

2. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится не менее m_1 раз и не более m_2 раз. $n = 100, p = 0.4, m = 45, m_1 = 35, m_2 = 42$

3. Устройство состоит из n элементов. Вероятность выхода из строя за некоторое время T любого элемента p . Найти вероятность того, что из строя выйдет: A - ровно 2 элемента, B - менее двух элементов, C - более двух элементов. $n = 500, p = 0,0025$

Вариант 5

1. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится менее m раз; D - событие A появится более m раз; E - событие A появится хотя бы один раз. $n = 4, p = 0.3, m = 2$

2. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится не менее m_1 раз и не более m_2 раз. $n = 100, p = 0.5, m = 55, m_1 = 45, m_2 = 52$

3. Устройство состоит из n элементов. Вероятность выхода из строя за некоторое время T любого элемента p . Найти вероятность того, что из строя выйдет: A - ровно 2 элемента, B - менее двух элементов, C - более двух элементов. $n = 1000, p = 0,0035$

Вариант 6

1. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится менее m раз; D - событие A появится более m раз; E - событие A появится хотя бы один раз. $n = 5, p = 0.3, m = 3$

2. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится не менее m_1 раз и не более m_2 раз. $n = 100, p = 0.6, m = 65, m_1 = 55, m_2 = 62$

3. Устройство состоит из n элементов. Вероятность выхода из строя за некоторое время T любого элемента p . Найти вероятность того, что из строя выйдет: A - ровно 2 элемента, B - менее двух элементов, C - более двух элементов. $n = 500, p = 0,0035$

Вариант 7

1. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится менее m раз; D - событие A появится более m раз; E - событие A появится хотя бы один раз. $n = 4, p = 0.4, m = 2$

2. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится не менее m_1 раз и не более m_2 раз. $n = 100, p = 0.7, m = 75, m_1 = 65, m_2 = 72$

3. Устройство состоит из n элементов. Вероятность выхода из строя за некоторое время T любого элемента p . Найти вероятность того, что из строя выйдет: A - ровно 2 элемента, B - менее двух элементов, C - более двух элементов. $n = 1000, p = 0,0045$

Вариант 8

1. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится менее m раз; D - событие A появится более m раз; E - событие A появится хотя бы один раз. $n = 5, p = 0.4, m = 3$

2. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится не менее m_1 раз и не более m_2 раз. $n = 100, p = 0.8, m = 85, m_1 = 75, m_2 = 82$

3. Устройство состоит из n элементов. Вероятность выхода из строя за некоторое время T любого элемента p . Найти вероятность того, что из строя выйдет: A - ровно 2 элемента, B - менее двух элементов, C - более двух элементов. $n = 500, p = 0,0045$

Вариант 9

1. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится менее m раз; D - событие A появится более m раз; E - событие A появится хотя бы один раз. $n = 4, p = 0.15, m = 2$

2. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится не менее m_1 раз и не более m_2 раз. $n = 100, p = 0.9, m = 95, m_1 = 85, m_2 = 92$

3. Устройство состоит из n элементов. Вероятность выхода из строя за некоторое время T любого элемента p . Найти вероятность того, что из строя выйдет: A - ровно 2 элемента, B - менее двух элементов, C - более двух элементов. $n = 1000, p = 0,0055$

Вариант 10

1. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится менее m раз; D - событие A появится более m раз; E - событие A появится хотя бы один раз. $n = 5, p = 0.15, m = 3$

2. Производится серия из n испытаний, в каждом из которых событие A может появиться с вероятностью p . Найти вероятности следующих событий: B - событие A появится ровно m раз; C - событие A появится не менее m_1 раз и не более m_2 раз. $n = 200, p = 0.1, m = 25, m_1 = 15, m_2 = 22$

3. Устройство состоит из n элементов. Вероятность выхода из строя за некоторое время T любого элемента p . Найти вероятность того, что из строя выйдет: A - ровно 2 элемента, B - менее двух элементов, C - более двух элементов. $n = 500, p = 0,0055$

Тема 3. Тема 4.

Вариант 1

1. Случайная величина X задана рядом распределения

X	-2	0	1	3	4	5
P	0.1	0.2	0.3	0.15	0.1	0.15

Найти $M(X), D(X), \sigma(X)$. Построить $F(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

2. Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией рас-

пределения $F(X) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ x^2, & 0 \leq x < 1. \\ 1, & x > 1 \end{cases}$. Найти $f(X)$. Построить графики

$F(X)$ и $f(X)$. Вычислить $M(X), D(X), \sigma(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

3. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения

$f(X) = \begin{cases} 0, & x < 1, x > 2 \\ ax - 1/2, & 1 \leq x \leq 2 \end{cases}$. Найти параметр a . Вычислить

$M(X), D(X), \sigma(X)$. Выписать интегральную функцию распределения $F(X)$.

Построить графики $F(X)$ и $f(X)$.

4. Случайная величина распределена равномерно в интервале $(-1, 6)$. Вычислить $M(X), D(X)$.

Вариант 2

1. Случайная величина X задана рядом распределения

X	-3	-1	1	2	4	5
P	0.1	0.2	0.3	0.1	0.1	0.2

Найти $M(X), D(X), \sigma(X)$. Построить $F(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

2. Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения $F(X) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ 1/4 \cdot x^2, & 0 \leq x < 2 \\ 1, & x > 2 \end{cases}$. Найти $f(X)$. Построить графики

$F(X)$ и $f(X)$. Вычислить $M(X), D(X), \sigma(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

3. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения

$$f(X) = \begin{cases} 0, & x < 0, x > 1 \\ ax, & 0 \leq x \leq 1 \end{cases}. \text{ Найти параметр } a. \text{ Вычислить } M(X), D(X), \sigma(X).$$

Выписать интегральную функцию распределения $F(X)$. Построить графики $F(X)$ и $f(X)$.

4. Случайная величина распределена нормально с параметрами $m = 3, \sigma = 2$. Вычислить $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

Вариант 3

1. Случайная величина X задана рядом распределения

X	-1	0	1	2	4	5
P	0.1	0.2	0.2	0.25	0.1	0.15

Найти $M(X), D(X), \sigma(X)$. Построить $F(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

2. Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией рас-

пределения $F(X) = \begin{cases} 0, & x < 1 \\ 1/2 \cdot x^2 - 1/2, & 1 \leq x < 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$. Найти $f(X)$. Построить гра-

фики $F(X)$ и $f(X)$. Вычислить $M(X), D(X), \sigma(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

3. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения

$$f(X) = \begin{cases} 0, & x < 0, x > 1 \\ ax^2, & 0 \leq x \leq 1 \end{cases}. \text{ Найти параметр } a. \text{ Вычислить } M(X), D(X), \sigma(X).$$

Выписать интегральную функцию распределения $F(X)$. Построить графики $F(X)$ и $f(X)$.

4. Случайная величина распределена равномерно в интервале $(-3, 6)$. Вычислить $M(X), D(X)$.

Вариант 4

1. Случайная величина X задана рядом распределения

X	-4	-1	1	2	3	5
P	0.2	0.2	0.3	0.1	0.1	0.1

Найти $M(X), D(X), \sigma(X)$. Построить $F(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

2. Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией рас-

пределения $F(X) = \begin{cases} 0, & x < 2 \\ (x-2)^2, & 2 \leq x < 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$. Найти $f(X)$. Построить графики

$F(X)$ и $f(X)$. Вычислить $M(X), D(X), \sigma(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

3. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения

$$f(X) = \begin{cases} 0, & x < 0, x > 1/3 \\ ax + 2, & 0 \leq x \leq 1/3 \end{cases}$$

Найти параметр a . Вычислить $M(X), D(X), \sigma(X)$. Выписать интегральную функцию распределения $F(X)$. Построить графики $F(X)$ и $f(X)$.

4. Случайная величина распределена нормально с параметрами $m = -2, \sigma = 2$. Вычислить $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

Вариант 5

1. Случайная величина X задана рядом распределения

X	2	3	5	7	9	11
P	0.1	0.2	0.3	0.15	0.1	0.15

Найти $M(X), D(X), \sigma(X)$. Построить $F(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

2. Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией рас-

пределения $F(X) = \begin{cases} 0, & x < 1 \\ 1/2(x-1), & 1 \leq x < 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$. Найти $f(X)$. Построить графики

$F(X)$ и $f(X)$. Вычислить $M(X), D(X), \sigma(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

3. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения

$$f(X) = \begin{cases} 0, & x < 1, x > 2 \\ ax - 1/2, & 1 \leq x \leq 2 \end{cases}$$
 Найти параметр a . Вычислить

$M(X), D(X), \sigma(X)$. Выписать интегральную функцию распределения $F(X)$. Построить графики $F(X)$ и $f(X)$.

4. Случайная величина распределена равномерно в интервале $(-4, 7)$. Вычислить $M(X), D(X)$.

Вариант 6

1. Случайная величина X задана рядом распределения

X	-5	-3	-1	0	2	3
P	0.15	0.1	0.3	0.15	0.1	0.2

Найти $M(X), D(X), \sigma(X)$. Построить $F(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

2. Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией рас-

пределения $F(X) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ -1/2 \cos x + 1/2, & 0 \leq x < \pi \\ 1, & x > \pi \end{cases}$. Найти $f(X)$. Построить

графики $F(X)$ и $f(X)$. Вычислить $M(X), D(X), \sigma(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

3. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения

$$f(X) = \begin{cases} 0, & x < 0, x > 2 \\ ax, & 0 \leq x \leq 2 \end{cases}. \text{ Найти параметр } a. \text{ Вычислить } M(X), D(X), \sigma(X).$$

Выписать интегральную функцию распределения $F(X)$. Построить графики $F(X)$ и $f(X)$.

4. Случайная величина распределена нормально с параметрами $m = -1, \sigma = 3$.

Вычислить $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

Вариант 7

1. Случайная величина X задана рядом распределения

X	-1	0	2	5	7	10
P	0.1	0.1	0.3	0.25	0.15	0.1

Найти $M(X), D(X), \sigma(X)$. Построить $F(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

2. Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией рас-

пределения $F(X) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{16}x^4, & 0 \leq x < 2. \\ 1, & x > 2 \end{cases}$. Найти $f(X)$. Построить гра-

фики $F(X)$ и $f(X)$. Вычислить $M(X), D(X), \sigma(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

3. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения

$$f(X) = \begin{cases} 0, & x < -2, x > 0 \\ ax^2, & -2 \leq x \leq 0 \end{cases}. \text{ Найти параметр } a. \text{ Вычислить}$$

$M(X), D(X), \sigma(X)$. Выписать интегральную функцию распределения $F(X)$. Построить графики $F(X)$ и $f(X)$.

4. Случайная величина распределена равномерно в интервале $(2,16)$. Вычислить $M(X), D(X)$.

Вариант 8

1. Случайная величина X задана рядом распределения

X	0	3	5	7	10	11
P	0.15	0.2	0.2	0.15	0.1	0.2

Найти $M(X), D(X), \sigma(X)$. Построить $F(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

2. Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией рас-

пределения $F(X) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ 1/4 \cdot x, & 0 \leq x < 4. \\ 1, & x > 4 \end{cases}$. Найти $f(X)$. Построить графики

$F(X)$ и $f(X)$. Вычислить $M(X), D(X), \sigma(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

3. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения

$$f(X) = \begin{cases} 0, & x < 0, x > 6 \\ ax, & 0 \leq x \leq 6 \end{cases}. \text{ Найти параметр } a. \text{ Вычислить } M(X), D(X), \sigma(X).$$

Выписать интегральную функцию распределения $F(X)$. Построить графики $F(X)$ и $f(X)$.

4. Случайная величина распределена нормально с параметрами $m=4, \sigma=3$. Вычислить $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

Вариант 9

1. Случайная величина X задана рядом распределения

X	2	3	5	6	7	8
P	0.15	0.2	0.2	0.15	0.2	0.1

Найти $M(X), D(X), \sigma(X)$. Построить $F(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

2. Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией рас-

пределения $F(X) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ x^3, & 0 \leq x < 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$. Найти $f(X)$. Построить графики $F(X)$

и $f(X)$. Вычислить $M(X), D(X), \sigma(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

3. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения

$$f(X) = \begin{cases} 0, & x < \frac{3}{4}, x > 1 \\ ax, & \frac{3}{4} \leq x \leq 1 \end{cases}. \text{ Найти параметр } a. \text{ Вычислить}$$

$M(X), D(X), \sigma(X)$. Выписать интегральную функцию распределения $F(X)$. Построить графики $F(X)$ и $f(X)$.

4. Случайная величина распределена равномерно в интервале $(-12, 6)$. Вычислить $M(X), D(X)$.

Вариант 10

1. Случайная величина X задана рядом распределения

X	0	1	2	4	5	7
P	0.1	0.2	0.1	0.15	0.15	0.3

Найти $M(X), D(X), \sigma(X)$. Построить $F(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

2. Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией рас-

пределения $F(X) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ 1/9 \cdot x^2, & 0 \leq x < 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$. Найти $f(X)$. Построить графики

$F(X)$ и $f(X)$. Вычислить $M(X), D(X), \sigma(X)$. Найти $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

3. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения

$$f(X) = \begin{cases} 0, & x < 0, x > 3 \\ ax, & 0 \leq x \leq 3 \end{cases} \quad \text{Найти параметр } a. \quad \text{Вычислить}$$

$M(X), D(X), \sigma(X)$. Выписать интегральную функцию распределения $F(X)$. Построить графики $F(X)$ и $f(X)$.

4. Случайная величина распределена нормально с параметрами $m = -5, \sigma = 4$. Вычислить $P(|X - M(X)| < \sigma(X))$.

Тема 7. Тема 8. Тема 9.

1. Для выборки объема $N=100$, представленной вариационным рядом, построить полигон относительных частот и гистограмму накопленных частот. Найти выборочное среднее \bar{X}_B и выборочное среднее квадратичное уклонение $\bar{\sigma}_B$. Определить доверительный интервал с доверительной вероятностью $\beta=0.95$ для оценки математического ожидания генеральной совокупности в предположении, что среднее квадратичное уклонение генеральной совокупности σ равно исправленному выборочному среднему s . Проверить гипотезу о нормальности закона распределения генеральной совокупности, используя критерий Пирсона с уровнем значимости $\alpha=0.05$.

В- 1	x_i	1	4	7	10	13	16	19
	n_i	5	13	32	18	19	10	3

В - 2	x_i	2	4	6	8	10	12	14
	n_i	5	13	27	23	19	8	5

В - 3	x_i	3	7	11	15	19	23	27
	n_i	5	10	35	21	16	10	3

В - 4	x_i	5	8	11	14	17	20	23
	n_i	5	13	25	25	17	12	3

В - 5	x_i	6	8	10	12	14	16	18
	n_i	5	13	30	23	14	12	3

В - 6	x_i	12	14	16	18	20	22	24
	n_i	5	9	30	20	23	10	3

В - 7	x_i	7	10	13	16	19	22	25
	n_i	5	11	32	27	16	10	3

В - 8	x_i	17	19	21	23	25	27	29
	n_i	5	9	32	26	15	10	3

B - 9	x_i	10	13	16	19	22	25	28
	n_i	2	10	32	27	16	10	3

B - 10	x_i	11	13	15	17	19	21	23
	n_i	3	13	30	25	16	10	3

2. По выборке объема $N=100$ двумерной генеральной совокупности, представленной таблицей написать уравнение линейной регрессии для условного математического ожидания \bar{y}_x на x в виде $\frac{\bar{y}_x - \bar{y}}{\sigma_y} = \bar{\rho}_B \frac{x - \bar{x}_B}{\sigma_x}$ где

$$\bar{\rho}_B = \frac{\frac{1}{N} \sum_{i,j} n_{ij} x_i y_j - \bar{x}_B \bar{y}_B}{\bar{\sigma}_x \bar{\sigma}_y}. \text{ Сделать схематический чертёж.}$$

$x \setminus y$	$0,5n$	$0,5n + 0,5$	$0,5n + 1$	$0,5n + 1,5$	$0,5n + 2$
$0,1n$	2	3			
$0,1n + 1$	3	8	2		
$0,1n + 2$		8	22		
$0,1n + 3$			12	8	
$0,1n + 4$			8	11	
$0,1n + 5$			1	6	3
$0,1n + 6$				1	2

(n – номер варианта)

4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Формой контроля знаний по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» являются две текущие аттестации в виде тестов и одна промежуточная аттестация в виде зачета/экзамена в устной форме.

Неделя текущего контроля	Вид оценочного средства	Код компетенций, оценивающий знания, умения, навыки	Содержание оценочного средства	Требования к выполнению	Срок сдачи (неделя семестра)	Критерии оценки по содержанию и качеству с указанием баллов
--------------------------	-------------------------	---	--------------------------------	-------------------------	------------------------------	---

Со-глас-но учеб-ному плану	тести-рование	ОПК-2	8 вопро-сов	Компьютерное тестирование ; время отведен-ное на проце-дуру - 90 ми-нут	Результаты тестирования предоставля-ются в день проведения процедуры	Критерии оценки определяются процентным соотношением. Не явка - 0 Удовлетворительно - от 51% правильных ответов. Хорошо - от 70%. Отлично – от 90%. Максимальная оценка – 5 бал-лов
Со-глас-но учеб-ному плану	тести-рование	ОПК-2	8 вопро-сов	Компьютерное тестирование; время отведен-ное на проце-дуру – 90 ми-нут	Результаты тестирования предоставля-ются в день проведения процедуры	Критерии оценки определяются процентным соотношением. Не явка - 0 Удовлетворительно - от 51% правильных ответов. Хорошо - от 70%. Отлично – от 90%. Максимальная оценка – 5 бал-лов
Со-глас-но учеб-ному плану	Зачёт/ Экзамен	ОПК-2	1 теоре-тический вопрос и 3 задачи на раз-личные темы курса	Зачет/Экзамен проводится в письменной форме, путем ответа на во-просы. Время, отве-денное на про-цедуру – 90 минут.	Результаты предоставля-ются в день проведения заче-та/экзамена	Критерии оценки: «Зачтено»: <ul style="list-style-type: none"> • знание основных поня-тий предмета; • умение использовать и применять полученные знания на практике; • работа на практических занятиях; • знание основных науч-ных теорий, изучаемых предме-тов; • ответ на вопросы биле-та. «Не зачтено»: <ul style="list-style-type: none"> • демонстрирует частич-ные знания по темам дисци-плин; • незнание основных понятий предмета; • неумение использовать и применять полученные зна-ния на практике; • не работал на практи-ческих занятиях; • не отвечает на вопро-сы. Критерии оценки: «Отлично»: <ul style="list-style-type: none"> • знание основных поня-тий предмета; • умение использовать и применять полученные зна-ния на практике; • работа на практических занятиях; • знание основных науч-ных теорий, изучаемых предметов; • ответ на вопросы биле-та. «Хорошо»: <ul style="list-style-type: none"> • знание основных поня-тий предмета;

					<ul style="list-style-type: none"> • умение использовать и применять полученные знания на практике; • работа на практических занятиях; • знание основных научных теорий, изучаемых предметов; • частичный ответ на вопросы билета <p>«Удовлетворительно»:</p> <ul style="list-style-type: none"> • демонстрирует частичные знания по темам дисциплин; • незнание неумение использовать и применять полученные знания на практике; • работал на практических занятиях <p>«Неудовлетворительно»:</p> <ul style="list-style-type: none"> • демонстрирует частичные знания по темам дисциплин; • незнание основных понятий предмета; • неумение использовать и применять полученные знания на практике; • не работал на практических занятиях; • не отвечает на вопросы. •
--	--	--	--	--	---

4.1. Типовые вопросы, выносимые на тестирование

Тесты используются в режиме промежуточного контроля. По форме заданий выбраны закрытые тесты (с выборочным ответом). Каждому вопросу соответствует один вариант ответа.

1. Вероятность заключения сделки после проведения переговоров равна 0,8. Найти вероятность того, что хотя бы одна сделка будет заключена, если в течение некоторого периода переговоры проводились 5 раз.

- (?) 0,00032
- (?) 0,125
- (?) 0,32768
- (?) 0,9944
- (?) 0,3125
- (!) 0,99968

2. Случайная величина ξ распределена равномерно на отрезке $[3;5]$. Найти вероятность того, что случайная величина ξ примет значение из интервала $(4;8)$.

- (?) 3/4
- (?) 5/8

- (?) 1/3
- (!) 1/2
- (?) 1
- (?) 0

3. Непрерывная случайная величина ξ задана плотностью распределения $f(x) = \frac{1}{2,2\sqrt{\pi}} e^{-\frac{(x-1,5)^2}{9,68}}$. Тогда математическое ожидание и дисперсия

случайной величины соответственно равны:

- (?) $M \xi = -1; D \xi = 2,2$
- (?) $M \xi = -1,5; D \xi = 4,84$
- (?) $M \xi = 0; D \xi = 4,84$
- (?) $M \xi = 1,5; D \xi = 2,2$
- (!) $M \xi = 1,5; D \xi = 4,84$
- (?) $M \xi = 1,5; D \xi = 9,68$

4. Плотность распределения случайной величины ξ определена функцией: $f(x) = c(x^2 - 4x + 3)$, если $x \in [1;3]$ и $f(x) = 0$, если $x \notin [1;3]$. Найти значение параметра c .

- (?) $-4/3$
- (?) $1/3$
- (?) $3/4$
- (?) -1
- (!) $-3/4$
- (?) $-2/3$

5. Найти дисперсию случайной величины ξ , плотность распределения которой определена функцией: $f(x) = c(x^2 - 4x + 3)$, если $x \in [1;3]$ и $f(x) = 0$, если $x \notin [1;3]$.

- (?) 5
- (!) 1/5
- (?) 21/5
- (?) 4
- (?) 4/5
- (?) 2/15

6. Торговый агент осуществляет звонки 4-м покупателям с предложением купить товар. Если покупатель купил товар, то агент прекращает звонки следующим покупателям. Вероятности покупки товара 1-м, 2-м, 3-м и 4-м покупателем одинаковые и равны 0,6. Пусть случайная величина ξ – число звонков, которые сделал торговый агент. Найти $M \xi$.

- (?) 2
- (!) 1,624
- (?) 2,15
- (?) 1,94

7. Закон распределения дискретной случайной величины ξ имеет вид:

ξ	-2	-1	0	3	5
P	0,05	0,1	0,2	0,1	0,55

Найти дисперсию $D \xi$.

- (?) 0
- (!) 6,8275
- (?) 2,401
- (?) 4,441
- (?) 3,25
- (?) 1,5358

8. Текущая цена акции может быть смоделирована с помощью нормального закона распределения с математическим ожиданием 15 у.е. и средним квадратическим отклонением 0,2 у.е.. Функция плотности распределения имеет вид:

$$(!) f(x) = \frac{1}{0,2\sqrt{\pi}} e^{-\frac{(x-15)^2}{0,08}}$$

$$(?) f(x) = \frac{1}{0,2\sqrt{\pi}} e^{-\frac{(x-15)^2}{0,08}}$$

$$(?) f(x) = \frac{1}{0,04\sqrt{\pi}} e^{-\frac{(x-15)^2}{0,04}}$$

$$(?) f(x) = \frac{1}{15\sqrt{\pi}} e^{-\frac{(x-0,2)^2}{450}}$$

$$(?) f(x) = \frac{1}{0,2\sqrt{\pi}} e^{-\frac{(x+15)^2}{0,08}}$$

4.2. Типовые вопросы, выносимые на зачёт

1. Случайные события. Алгебра событий.
2. Классическое и статистическое определения вероятности события.
3. Теорема сложения вероятностей несовместных событий.
4. Независимость событий. Условная вероятность.
5. Теорема умножения вероятностей.
6. Теорема сложения вероятностей совместных событий.
7. Формула полной вероятности.
8. Формула Байеса.

9. Формула Бернулли. Наивероятнейшее число успехов. Среднее число успехов.
10. Приближённые формулы Муавра-Лапласа.
11. Формула Пуассона.
12. Дискретные случайные величины: распределение дискретной случайной величины, функция распределения, математическое ожидание и его свойства, дисперсия и её свойства, вероятность попадания в интервал.
13. Биномиальное распределение.
14. Распределение Пуассона.
15. Геометрическое распределение.
16. Непрерывные случайные величины: распределение непрерывной случайной величины, функция и плотность распределения вероятностей, математическое ожидание и его свойства, дисперсия и её свойства, вероятность попадания в интервал.
17. Равномерное распределение.
18. Нормальное распределение. Функция Гаусса. Функция Лапласа.
19. Распределение двумерной случайной величины. Независимые случайные величины.
20. Ковариация и коэффициент корреляции.
21. Линейная регрессия.
22. Закон больших чисел. Теорема Чебышева и неравенство Чебышева.
23. Центральная предельная теорема. Теорема и неравенство Ляпунова.
24. Генеральная совокупность. Выборка. Эмпирический закон распределения.
25. Среднее выборочное, выборочная дисперсия. Оценки параметров генеральной совокупности.
26. Доверительный интервал для оценки неизвестного математического ожидания нормально распределённого признака генеральной совокупности.
27. Статистические гипотезы. Проверка гипотезы о виде закона распределения случайной величины.
28. Уравнение линейной регрессии.

Примеры практических заданий для экзамена.

1. Вероятность своевременного выполнения студентом контрольной работы по каждой из трех дисциплин равна соответственно 0,6, 0,5 и 0,8. Найти вероятность своевременного выполнения контрольной студентом по двум дисциплинам.

2. Два стрелка сделали по одному выстрелу в мишень. Вероятность попадания в мишень для первого стрелка равна 0,6, а для второго – 0,3. В мишени оказалась одна пробоина. Найти вероятность того, что она принадлежит первому стрелку

3. Из 20 сбербанков 10 расположены за чертой города. Для обследования случайным образом отобрано 5 сбербанков. Какова вероятность того, что среди отобранных, окажется в черте города 3 банка?

4. Сколько нужно взять деталей, чтобы наивероятнейшее число годных деталей было равно 50, если вероятность того, что наудачу взятая деталь будет бракованной, равна 0.1?

5. Учебник издан тиражом 10000 экземпляров. Вероятность того, что экземпляр учебника сброшюрован неправильно, равна 0.0001. Найти вероятность того, что тираж содержит 5 бракованных книг

6. Вероятность поражения мишени стрелком при одном выстреле равна 0,75. Найти вероятность того, что при 100 выстрелах мишень будет поражена не менее 70 и не более 80 раз.

7.Случайная величина задана функцией распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0 \\ x & \text{при } 0 \leq x \leq 2 \\ 1 & \text{при } x > 2 \end{cases} \quad \text{Найти } M[X], D[X].$$

8. В билете три задачи. Вероятность правильного решения первой задачи равна 0.9, второй – 0.8, третьей – 0.7. Составить закон распределения числа правильно решенных задач в билете. Вычислить мат.ожидание и дисперсию случайной величины.

9. Дисперсия случайной величины X равна 5. Найти дисперсию величины $Y=3X-6$

10. Текущая цена акции может быть смоделирована с помощью нормального закона распределения с мат. ожиданием 15 и дисперсией 0.04. найти вероятность того, что цена акции от 14.9 до 15.3

11. Среднее время безотказной работы прибора равно 80ч. Полагая, что время безотказной работы прибора имеет показательный закон распределения, найти вероятность того, что в течение 100ч прибор не выйдет из строя.

12. Случайная величина X распределена по закону Коши: $f(x)=A/(1+x^2)$. Найти: а) коэффициент A ; б) функцию распределения.

13. Двумерная случайная величина $(X;Y)$ задана плотностью распределения

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{\sin(x+y)}{2}, & 0 \leq x < \frac{\pi}{2}, 0 \leq y < \frac{\pi}{2} \\ 0, & \text{иначе.} \end{cases}$$

Найти функцию распределения этой случайной величины.

14. Задано распределение вероятностей дискретной двумерной случайной величины $(X;Y)$:

	X		
	-1		
Y			
0	0	0,1	0,4
1	0,2	0,2	0,1

Составить ряды распределения ее компонент X и Y . Определить вероятность $P\{X < Y\}$.

15. Петя вычислил ковариацию роста X спортсменов из институтской баскетбольной команды, измеренного в см, и скорости бега Y (тех же спортсменов), измеренной в м/с. Маша для той же совокупности баскетболистов вычислила ковариацию роста X , измеренного в м, и скорости бега Y , измеренной в м/с. Определить, в каком отношении находятся эти ковариации. Сравнить коэффициенты корреляции, полученные Петей и Машей.

16. Среднее значение длины детали 50 см, а дисперсия – 0.1. Используя неравенство Чебышева, оценить вероятность того, что случайно взятая деталь окажется по длине не менее 49,5 и не более 50,5.

17. Электростанция обслуживает сеть на 1600 электроламп, вероятность включения каждой из которых вечером равна 0.9. оценить с помощью неравенства Чебышева вероятность того, что число ламп, включенных в сеть вечером, отличается от своего мат. ожидания не более чем на 100 (по абсолютной величине).

18. Среднее изменение курса акции компании в течение одних биржевых торгов составляет 0.5%. Оценить вероятность того, что на ближайших торгах курс изменится более чем на 10%.

19. Дано распределение признака X , полученного по n наблюдениям. Необходимо: 1) построить полигон, кумуляту и эмпирическую функцию распределения; 2) найти: а) выборочную среднюю; б) медиану и моду; в) выборочную дисперсию; г) СКО

X	-1	0	1	2
n_i	1	4	4	1

20. В течении Второй мировой войны на южную часть Лондона упало 535 снарядов. Территория южного Лондона была разделена на 576 участков площадью 0,25 км². В следующей таблице приведены числа участков n_k , на каждый из которых упало по k снарядов.

k	0	1	2	3	4	5
n_k	299	211	93	35	7	1

Построить гистограмму числа снарядов, упавших на участок площадью 0,25 км². Найти среднее значение количества упавших снарядов на участок.

21. Имеются следующие данные о средних и дисперсиях заработной платы двух групп рабочих. Найти общую дисперсию распределения рабочих по заработной плате и его коэффициент вариации.

Группа рабочих	Число рабочих	Средняя заработная плата одного рабочего в группе (руб.)	Дисперсия заработной платы
----------------	---------------	--	----------------------------

Работающие на одном станке	40	2400	180 000
Работающие на двух станках	60	3200	200 000

22. Произведено 12 измерений одним прибором некоторой величины, имеющей нормальное распределение, причем выборочная дисперсия случайных ошибок измерений оказалась равной 0.36. Найти границы, в которых с надежностью 0.95 заключено среднее квадратическое отклонение случайных ошибок измерений, характеризующих точность прибора.

23. По выборкам объемом $n_1 = 14$ и $n_2 = 9$ найдены средние размеры деталей соответственно 182 и 185 мм, изготовленных на первом и втором автоматах. Установлено, что размер детали, изготовленной каждым автоматом, имеет нормальный закон распределения. Известны дисперсии 5 и 7 для первого и второго автоматов. На уровне значимости 0.05 выявить влияние на средний размер детали автомата, на котором она изготовлена. Рассмотреть случай конкурирующей гипотезы $H_1: x_0 \neq y_0$

24. Из партии, содержащей 8000 телевизоров, отобрано 800. Среди них оказалось 10% не удовлетворяющих стандарту. Найти границы, в которых с вероятностью 0.95 заключена доля телевизоров, удовлетворяющих стандарту, во всей партии.

25. Имеются следующие данные о засоренности партии семян клевера семенами сорняков:

X	0	1	2	3	4	5
n_i	2	2	3	1	2	0

На уровне значимости 0.05 проверить гипотезу о том, что случайная величина X- число семян сорняков – распределена по закону Пуассона, используя критерий Колмогорова.

26. Имеются следующие данные о числе сданных экзаменов в сессию студентами – заочниками:

X	0	1	2	3	4	5
n_i	2	2	3	1	2	0

На уровне значимости 0.05 проверить гипотезу о том, что случайная величина X- число сданных студентами экзаменов – распределена по биномиальному закону, используя критерий Пирсона.

27. Известно распределение системы двух случайных величин (X, Y):

X \ Y	1	2	3	4
	0	0,16	0,12	0,14
1	0,08	0,10	0,09	0,08
3	0,06	0,04	0,03	0,03

Определить: MX , MY , DX , DY , коэффициент корреляции r_{XY} .

28. Вероятность того, что акции, переданные на депозит, будут востребованы, равна 0.08. Оценить с помощью неравенства Чебышева вероятность того, что среди 1000 клиентов от 70 до 90 востребуют свои акции.

29. Дано распределение признака X , полученного по n наблюдениям. Необходимо: 1) построить полигон, кумуляту и эмпирическую функцию распределения; 2) найти: а) выборочную среднюю; б) медиану и моду; в) выборочную дисперсию; г) СКО

X	-1	0	1	2
n_i	4	2	3	1

30. Из партии, содержащей 8000 телевизоров, отобрано 800. Среди них оказалось 10% не удовлетворяющих стандарту. Найти границы, в которых с вероятностью 0.95 заключена доля телевизоров, удовлетворяющих стандарту, во всей партии.

31. Имеются следующие данные о качестве детского питания, изготовленного различными фирмами: 40, 39, 42, 37, 38, 43, 45, 41, 48. Есть основание полагать, что показатель качества продукции последней фирмы зарегистрирован неверно. Является ли это значение аномальным на 5%-ом уровне значимости?

32. Сколькими способами можно составить из 14 преподавателей экзаменационную комиссию из 7 членов?

33. В урне 10 белых, 8 черных, 7 синих и 5 красных шаров. Вынули 2 шара, какова вероятность того, что они оба белые или синие?

34. Три лучших спортсмена школы принимают участие в забеге. Известно, что вероятность стать призером для каждого из учеников, составляет 0.6, 0.5, 0.7 соответственно. Какова вероятность того, что хотя бы один ученик станет призером.

35. Сколько нужно взять деталей, чтобы наивероятнейшее число годных деталей было равно 50, если вероятность того, что наудачу взятая деталь будет бракованной, равна 0.1?

36. Аудиторную работу по теории вероятностей с первого раза успешно выполняют 50% студентов. Найти вероятность того, что из 300 студентов работу успешно выполнят 100 студентов.

37. Завод отправил на базу 5000 доброкачественных изделий. Вероятность того, что в пути изделие повредится, равно 0,0002. Найти вероятность того, что на базу придут 3 негодных изделия.

38. В билете три задачи. Вероятность правильного решения первой задачи равна 0.9, второй – 0.8, третьей – 0.7. Составить закон распределения числа правильно решенных задач в билете. Вычислить мат. ожидание и дисперсию случайной величины.

39. Случайная величина распределена по биномиальному закону. Найти вероятность того, что случайная величина примет значение равное 6, если мат. ожидание равно 10, а дисперсия 5.

ИНСТИТУТ ТЕХНИКИ И ЦИФРОВЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

***ФАКУЛЬТЕТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ СИСТЕМ
И ТЕХНОЛОГИЙ***

КАФЕДРА МАТЕМАТИКИ И ЕСТЕСТВЕННОНАУЧНЫХ ДИСЦИПЛИН

**МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО
ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

**«ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА»
(Приложение 2 к рабочей программе)**

Направление подготовки: 10.03.01 «Информационная безопасность»

**Профиль: Информационно-аналитические системы
финансового мониторинга**

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

Форма обучения: очная

Королев
2020

1. Общие положения

Цель дисциплины:

- получение базовых знаний и формирование основных навыков по теории вероятностей, необходимых для решения задач, возникающих в математическом обеспечении прикладной деятельности.
- развитие понятийной теоретико-вероятностной базы и формирование уровня алгебраической подготовки, необходимых для понимания основ математической статистики и её применения.
- формирования у студентов системных и глубоких теоретических знаний, умений и практических навыков по методологии, моделированию и организации количественных расчетов на основе раскрытия функциональной модели реальной задачи и получения прогнозных оценок развития профессиональных процессов.

Задачи дисциплины:

- студенты должны владеть основными математическими понятиями курса;
- уметь использовать теоретико-вероятностный аппарат для решения теоретических и прикладных задач;
- уметь решать типовые задачи, иметь навыки работы со специальной математической литературой.

2. Указания по проведению практических (семинарских) занятий

Тема 1. Основные понятия и теоремы теории вероятности

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Элементы комбинаторики. Выборки, размещения, перестановки, сочетания. Исчисление событий.

Продолжительность занятия – 2 ч.

Практическое занятие 2.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Классическое определение вероятности. Статистическое определение вероятности. Геометрическое определение вероятности. Условная вероятность.

Продолжительность занятия – 2 ч.

Практическое занятие 3.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Зависимые и независимые события. Вероятность произведения и суммы событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса.

Продолжительность занятия – 3 ч.

Тема 2. Повторные независимые испытания.

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Формула Бернулли. Наивероятнейшее число появлений события в «n» испытаниях Бернулли.

Продолжительность занятия – 3 ч.

Практическое занятие 2.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Схемы Бернулли: Теорема Пуассона, локальная и интегральная формула Муавра-Лапласа.

Продолжительность занятия – 4 ч.

Тема 3. Случайные величины

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Закон распределения дискретной случайной величины. Числовые характеристики дискретной случайной величины. Функция распределения.

Продолжительность занятия – 3 ч.

Практическое занятие 2.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Непрерывная случайная величина. Функция и плотность распределения непрерывной случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия непрерывной случайной величины.

Продолжительность занятия – 4 ч.

Тема 4. Основные законы распределения

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Основные распределения одномерной случайной величины. Дискретные распределения: равномерное, биномиальное, Пуассона, геометрическое.

Продолжительность занятия – 3 ч.

Практическое занятие 2.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Основные распределения одномерной случайной величины. Непрерывные распределения: равномерное на отрезке, показательное, нормальное.

Продолжительность занятия – 4 ч.

Тема 5. Многомерные случайные величины

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Распределение двумерной случайной величины. Числовые характеристики двумерных случайных величин. Коррелируемость случайных величин. Коэффициент корреляции.

Продолжительность занятия – 7 ч.

Тема 6. Закон больших чисел и предельные теоремы

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Закон больших чисел. Неравенства Чебышева и Маркова. Теоремы Чебышева, Бернулли. Определение сходимости по вероятности. Центральная предельная теорема Ляпунова.

Продолжительность занятия – 8 ч.

Тема 7. Вариационные ряды и их характеристики

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Первичная обработка экспериментальных данных. Методика статистических исследований. Выборочные числовые характеристики вариационного ряда. Выборочная функция распределения.

Продолжительность занятия – 7 ч.

Тема 8. Точечное и интервальное оценивание параметров распределения

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Точечные оценки параметров генеральной совокупности. Метод максимального правдоподобия. Метод моментов. Метод наименьших квадратов.

Продолжительность занятия – 3 ч.

Практическое занятие 2.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Интервальное оценивание числовых характеристик случайных величин: математического ожидания и дисперсии. Построение доверительных интервалов для математического ожидания нормально распределенной генеральной совокупности. Построение доверительных интервалов для дисперсии нормально распределенной генеральной совокупности.

Продолжительность занятия – 4 ч.

Тема 9. Проверка статистических гипотез

Практическое занятие 1.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Проверка гипотез о равенстве средних и дисперсий двух и более совокупностей.

Продолжительность занятия – 3 ч.

Практическое занятие 2.

Вид практического занятия: решение задач

Тема и содержание практического занятия: Проверка гипотез о законе распределении. Критерий Пирсона.

Продолжительность занятия – 4 ч.

Лабораторные работы.

Не предусмотрены учебным планом.

4. Указания по проведению самостоятельной работы студентов

№ п/п	Наименование блока (раздела) дисциплины	Виды СРС
1.	Тема 1. Основные понятия и теоремы теории вероятности	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины.
2.	Тема 2. Повторные независимые испытания	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины.
3	Тема 3. Случайные величины	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины.
4	Тема 4. Основные законы распределения	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины.
5	Тема 5. Многомерные случайные величины	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины.
	Тема 6. Закон больших чисел и предельные теоремы	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины
	Тема 7. Вариационные ряды и их характери-	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий

	стики	3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины
	Тема 8. Точечное и интервальное оценивание параметров распределения	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины
	Тема 9. Проверка статистических гипотез	1. Подготовка к практическим занятиям по материалам лекций и учебной литературы. 2. Выполнение практических заданий 3. Самостоятельное изучение некоторых вопросов дисциплины

5. Указания по проведению контрольных работ для студентов факультета заочного обучения

Не предусмотрены учебным планом.

6. Перечень основной и дополнительной учебной литературы

Основная литература:

1. Е.С. Вентцель. Теория вероятностей и её инженерные приложения: уч. пос. - 5-е изд. - М.: КноРус, 2010.
2. В. Ш. Кремер. Теория вероятностей и математическая статистика М.: Высшая школа, 2006.
3. В. Е. Гмурман. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике М.: Высшая школа, 2006.

Дополнительная литература:

1. Просветов, Г.И. Теория вероятности и математическая статистика: Задачи и решения / Г. И. Просветов. М., Альфа-Пресс - 2009. http://www.bestbook.ru/userfiles/books/pdf/Pages%20from%20TeorVer_Prosvetov_A4.pdf
2. Карлов, А.М. Теория вероятности и математическая статистика для экономистов : Учебное пособие / Калининград: БИЭФ, 2009. <http://www.knorus.ru/upload/pdf/287771.pdf>
3. Сборник задач по высшей математике для экономистов: Учеб. пособие /Под ред. В.И.Ермакова.-2-е изд.,испр.-М.:ИНФРА-М, 2008 http://www.studmed.ru/ermakov-vi-i-dr-sbornik-zadach-po-vysshey-matematike-dlya-ekonomistov_790ef0a1d46.html#
4. Кремер Н.Ш. Высшая математика для экономистов. Учебник. М.: ЮНИТИ, 2007. http://www.studmed.ru/kremer-nsh-vysshayaya-matematika-dlya-ekonomistov_232a655c6f6.html

5. Щипачев В.С. Высшая математика. Базовый курс. Учебное пособие для бакалавров. М.: Юрайт, 2011.

7. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

Интернет-ресурсы:

Единое окно доступа (window.edu.ru);

Универсальная библиотека ИстВью (online.ebiblioteka.ru);

Издательский дом «Гребенников» (grebennikon.ru);

Издательство «Лань» (e.lanbook.com);

ProQuest (www.proquest.com);

Polpred.com (www.polpred.com).

8. Перечень информационных технологий

Перечень программного обеспечения: MS Office, Maple, Multisim, Mat lab.

Информационные справочные системы:

1. Электронные ресурсы библиотеки МГОТУ:

Электронно-библиотечная система ЭБС Университетская библиотека онлайн (www.biblioclub.ru).

ЭБС ZNANIUM.COM (znanium.com);

Национальный цифровой ресурс «РУКОНТ» (www.rucont.ru);